# Критические концентрации в виртуальном сегнетоэлектрике SrTiO<sub>3</sub> с примесью Ва

© М.Е. Гужва, В. Клееманн\*, В.В. Леманов, П.А. Марковин

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе Российской академии наук, 194021 Санкт-Петербург, Россия \*Лаборатория прикладной физики, Университет Дуйсбурга, Д–47048 Дуйсбург, Германия

(Поступила в Редакцию 25 ноября 1996 г.)

Исследованы температурные изменения рефракции света и диэлектрической проницаемости в монокристаллах  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$  (x = 0.02, 0.05, 0.07, 0.14),  $Sr_{1-x}Ca_xTiO_3$  (x = 0.014) и в номинально чистом титанате стронция в интервале температур 17–300 К. Выделен спонтанный полярный вклад в показатель преломления. На его основе рассчитаны температурные и концентрационные зависимости автокорреляционной функции поляризации  $\langle P_s^2 \rangle$  в системе  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$ . Поляризация  $P_s = \langle P_s^2 \rangle^{1/2}$  при  $x \leq 0.07$  меняется пропорционально ( $x-x_g$ )<sup>1/2</sup>, где  $x_g = 0.0027$  — новая критическая концентрация в системе  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$ , ниже которой исчезает ближний полярный порядок.

В виртуальных сегнетоэлектриках (или квантовых параэлектриках) КТаО<sub>3</sub> (КТО) и SrTiO<sub>3</sub> (STO) фазовый переход подавлен квантовыми флуктуациями. Допирование небольшим количеством примесей индуцирует в них полярную фазу [1–4]. К настоящему времени неибольший экспериментальный материал накоплен по изучению твердых растворов виртуальных сегнетоэлектриков с изовалентными сегнетоэлектриками KTa<sub>1-x</sub>Nb<sub>x</sub>O<sub>3</sub> (КТN), K<sub>1-x</sub>Li<sub>x</sub>TaO<sub>3</sub> (КTL) [1–4] и твердых растворов виртуальный параэлектрик Sr<sub>1-x</sub>Ca<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> (SCT) [4–9]. Имеется ряд работ по исследованию системы K<sub>1-x</sub>Na<sub>x</sub>TaO<sub>3</sub> (КNT), а также отдельные работы по другим системам [1–3].

В течение последних лет были проведены систематические исследования керамики и монокристаллов системы  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$  (SBT) [10–14], на основе которых получена фазовая диаграмма во всем диапазоне концентраций твердого раствора [10,11]. При концентрациях ионов  $Ba^{2+}$  x > 0.2 SBT испытывает серию фазовых переходов из кубической параэлектрической фазы (O<sub>h</sub>) в сегнетоэлектрические фазы: тетрагональную  $(C_{4v})$ , орторомбическую ( $C_{2\nu}$ ) и ромбоэдрическую ( $C_{3\nu}$ ), характерные для номинально чистого BaTiO<sub>3</sub> (BTO). при x  $\approx 0.2$  сегнетоэлектрический переход первого рода  $(O_h) \rightarrow (C_{4v})$  трансформируется в переход второго рода, а при концентрации около x = 0.1 три фазовых перехода сливаются в один [11,13]. При x < 0.2температура перехода Т<sub>с</sub> в зависимости от концентрации меняется пропорционально  $(x - x_c)^{1/2}$ , где значение критической концентрации  $x_c = 0.035$ . Зависимость  $T_c \sim (x - x_c)^{1/2}$  характерна для всех вышеупомянутых допированных виртуальных сегнетоэлектриков [1-4,11] и предсказывается феноменологической теорией возникновения сегнетоэлектричества в квантовых параэлектриках под действием возмущений [15-17].

При  $x > x_c$  в SBT наблюдаются четкие петли сегнетоэлектрического гистерезиса и практически отсутствует дисперсия диэлектрической проницаемости  $\varepsilon$ . Это позволило для данной области концентраций сделать вывод о наличии сегнетофазы классического типа с дальним порядком [10,11]. При  $x < x_c$  петли сегнетоэлектрического гистерезиса отсутствуют и появляется очень сильная частотная дисперсия  $\varepsilon$  [10,11]. Тем не менее наличие размытых максимумов  $\varepsilon$  [10,11], спонтанного полярного вклада в показатель преломления и двупреломления света [12–14] свидетельствуют о существовании при  $x < x_c$  полярной фазы (возможно, стекольного типа), природа и закономерности поведения которой до настоящего времени не ясны.

С целью получения дополнительных экспериментальных данных для выяснения характера полярной фазы в SBT с концентрациями ионов Ba<sup>2+</sup> вблизи критической в настоящей работе были исследованы в интервале 17-300 К температурные изменения рефракции света в монокристаллах  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$  с концентрациями *х*: 0.02, 0.05, 0.07 и 0.14; в номинально чистом титанате стронция и для сравнения в монокристаллах Sr<sub>1-x</sub>Ca<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> с x = 0.014 (критическая концентрация ионов Ca<sup>2+</sup>  $x_c = 0.0018$  [5]). Путем сопоставления температурных зависимостей показателя преломления в SBT и SCT с зависимостями для номинально чистого титаната стронция выделен спонтанный полярный вклад в рефракцию света, на основе которого впервые для виртуального сегнетоэлектрика, допированного примесью, получены концентрационные и температурные зависимости автокорреляционной функции поляризации  $\langle P_s^2 \rangle$ .

#### 1. Методика эксперимента

Температурные изменения показателя преломления n света измерялись с точностью  $\delta n \approx 10^{-5}$  на гомодинном интерферометре [18] на длине волны света гелийнеонового лазера 0.6328  $\mu$ m. Отличительной особенностью используемого нами метода гомодинной интерферометрии является проведение измерений без снижения чувствительности как при сильном (на 1–2 порядка) изменении интенсивности, так и при деполяризации

света, прошедшего через образец. Это преимущество методики дало возможность получить достоверные данные по средним величинам изменений главных значений показателя преломления в образцах со структурными и сегнетоэлектрическими доменами.

Метод позволяет измерять относительные изменения оптического пути света в кристалле  $\delta\psi(T)$ , которые связаны с изменениями показателя преломления  $\delta n(T)$  и тепловым расширением образца  $\delta L(T)/L$ ,

$$\delta\psi(T) = \delta n(T) + (n-1)\delta L(T)/L.$$
 (1)

Отсутствие данных по тепловому расширению в исследуемых образцах SBT и SCT не позволило разделить вклады в  $\delta\psi(T)$  теплового расширения и собственно температурных изменений показателя преломления  $\delta n(T)$ . Тем не менее, поскольку для номинально чистого титаната стронция было показано, что  $\delta\psi(T) \approx \delta n(T)$  с точностью около 20% [19] в интервале температур 5–300 К, для Sr<sub>1-x</sub>Ba<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> и Sr<sub>1-x</sub>Ca<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> в дальнейшем при обсуждении результатов по  $\delta\psi(T)$  будем использовать термин "изменение показателя преломления (рефракции)" света, предполагая, что небольшая концентрация примеси в SrTiO<sub>3</sub> не приводит к существенному возрастанию вклада теплового расширения в измеряемую величину  $\delta\psi(T)$ .

Монокристаллы твердых растворов  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$ (x = 0.02, 0.05, 0.07, 0.14) выращивались из раствора в расплаве. Образцы номинально чистого STO, SCT (0.014) и SBT (0.02) были вырезаны в виде прямоугольных пластин с ребрами, параллельными кубическим направлениям [110]<sub>a</sub>, [110]<sub>b</sub> и [001]<sub>c</sub>, и наибольшим линейным размером ( $\approx 2.5$  mm) вдоль оси [001]<sub>c</sub>. Эти направления и обозначения *a*, *b*, *c* относятся к тетрагональным осям ниже температуры  $T_a$  структурного фазового перехода  $O_h - D_{4h}$ . Выбранная ориентация и размеры кристаллов в соответствии с [20] позволяли надеяться на формирование структурно-монодоменного образца ниже  $T_a$ . Поляризация света при измерениях в STO, SCT (x = 0.014) и SBT (x = 0.02) была направлена вдоль осей [110]<sub>a</sub> и [001]<sub>c</sub>.

Показатель преломления в Sr<sub>1-x</sub>Ba<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> с x = 0.05, 0.07, 0.14 измерялся на образцах размером  $2 \times 1 \times 3$  mm, вырезанных вдоль кубических кристаллографических осей (100). Поляризация света была направлена параллельно (100) и (110).

Площадь засвечиваемого участка образца составляла  $1 \times 1 \text{ mm}^2$ . Концентрация ионов  $\text{Ba}^{2+}$  в монокристаллах SBT в данной работе определялась двумя способами: 1) из закона Вегарда по рентгеновским измерениям постоянной решетки, 2) путем сравнения температуры максимумов диэлектрической проницаемости исследуемых монокристаллов и керамических образцов известного состава. Последний способ позволяет определить концентрацию *x* в монокристаллах твердых растворов с большей точностью, поэтому в работе измерялись температурные зависимости диэлектрической проницаемости  $\varepsilon(T)$  вышеуказанных образцов на частоте  $10^3$  Hz с

использованием автоматического цифрового емкостного моста Е7-8. Применение этого способа позволило уточнить концентрации  $Ba^{2+}$  (x = 0.14 и 0.07) в образцах SBT, для которых ранее [12,13] использовались значения x = 0.17 и 0.08 соответственно.

# Температурные изменения показателя преломления и спонтанный полярный вклад в рефракцию света

На рис. 1,2 представлены температурные зависимости  $\delta\psi(T)$  в образцах  $\mathrm{Sr}_{1-x}\mathrm{Ba}_x\mathrm{TiO}_3$ ,  $\mathrm{Sr}_{1-x}\mathrm{Ca}_x\mathrm{TiO}_3$  и SrTiO<sub>3</sub>. Появление вклада параметра порядка в показатель преломления при переходах второго рода приводит к особенностям в виде изменения наклона [21,22] (в идеальном случае излома) на зависимостях  $\delta\psi(T)$  или  $\delta n(T)$ . В соответствии с этим температуры структурных  $T_a$  и сегнетоэлектрических  $T_c$  переходов, отмеченные на рисунке стрелками, определялись как температуры максимумов производной  $|d\{\delta\psi(T)\}/dT|$ . На рис. 3 в качестве примера представлены температурные производные  $d\{\delta\psi(T)\}/dT$  для STO и SBT (x = 0.05).



**Рис. 1.** Температурные изменения  $\delta\psi(T)$  в монокристаллах  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$  с различной концентрацией *х*: 1 - 0.14, 2 - 0.07, 3 - 0.05, 4 - 0.02. 5 -экстраполяция регулярной части  $\delta\psi^0(T)$  для  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$  (0.07). Температуры фазовых переходов указаны стрелками.





**Рис. 2.** Температурные изменения  $\delta\psi(T)$  (1, 3) и  $\delta\psi_c(T)$  (2, 4) в монокристаллах  $\mathrm{Sr}_{1-x}\mathrm{Ca}_x\mathrm{TiO}_3$  с x = 0.014 (1, 2) и в номинально чистом  $\mathrm{Sr}\mathrm{TiO}_3$  (3, 4). Температуры фазовых переходов указаны стрелками.

Изменения наклонов  $\delta\psi(T)$  (рис. 1, 2) и соответственно максимумы производных  $d\{\delta\psi(T)\}/dT$  при сегнетоэлектрических переходах в SBT (x = 0.05, 0.07, 0.14) и SCT (x = 0.014) с концентрацией примесей выше критической в пределах 1–4 К совпадают с максимумами температурной зависимости диэлектрической проницаемости (рис. 3), а также с температурой появления спонтанного двупреломления и сегнетоэлектрических доменов [9,12–14].

Значение  $T_c = 28$  К в образцах SBT  $(x = 0.02 < x_c)$  (рис. 1) соответствует максимуму  $d\{\delta\psi(T)\}/dT$  и не может быть однозначно сопоставлено с максимумом  $\varepsilon(T)$  из-за сильной частотной дисперсии диэлектрической проницаемости. Как видно на рис. 3, максимум  $\varepsilon(T)$  (на частоте 1 kHz) соответствует  $T_m = 15$  К. Согласно [11], этот максимум смещается по температуре до 25 К на частоте 1 MHz. Аномалия  $\delta\psi(T)$  и соответственно максимум  $|d\{\delta\psi(T)\}/dT|$  в том же образце при структурном фазовом переходе  $T_a = 70$  К из кубической в тетрагональную фазу  $O_h - D_{4h}$  сопровождаются по-явлением двупреломления  $\Delta n_{ac}$  [12–14], а температура перехода  $T_a = 70$  К удовлетворительно согласуется с результатами исследования упругих свойств монокристаллов SBT с близкими значениями x [23]. Хорошее

согласие с литературными данными [9] наблюдается для температур структурных фазовых переходов в STO  $(T_a = 105 \text{ K}, \text{ рис. } 2, 3) \text{ и SCT } (T_a = 148 \text{ K}, \text{ рис. } 2), \text{ опре$ деленных в нашей работе как температуры максимумов  $|d\{\delta\psi(T)\}/dT|$ . B SBT (x = 0.05) кроме максимума  $d\{\delta\psi(T)\}/dT$  при  $T_c = 41$  K, соответствующего максимуму  $\varepsilon(T)$ , обнаружена аномалия  $|d\{\delta\psi(T)\}/dT|$  при 49 К, которая может быть связана со структурным фазовым переходом  $O_h - D_{4h}$  при  $T_a = 49$  K, обнаруженным по исследованию упругих свойств в керамике того же состава при близкой температуре [11]. Ниже  $T_c = 41$  K в этом кристалле наблюдалась картина сегнетоэлектрических доменов, аналогичная обнаруженной нами ранее в монокристаллах SBT с x = 0.07 [13] и соответствующая орторомбической  $(C_{2\nu})$  или ромбоэдрической  $(C_{3\nu})$ сегнетофазе.

Как видно из рис. 1,2, для всех составов SBT и для состава SCT (x = 0.014) полярное упорядочение приводит к тому, что рост  $\delta\psi(T)$  при понижении температуры сменяется падением в отличие от монотонного возрастания  $\delta\psi(T)$  в SrTiO<sub>3</sub> вплоть до самых низких температур. Температурные измерения рефракции света в Sr<sub>1-x</sub>Ba<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> (x = 0.02) проводились на том же образце, который использовался нами ранее [13,14] при



**Рис. 3.** Температурные производные  $d\{\delta\psi(T)\}/dT$  для SrTiO<sub>3</sub> (1) ( $\delta\psi_c$ ) и для Sr<sub>1-x</sub>Ba<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> с x = 0.05 (2) и температурная зависимость диэлектрической проницаемости  $\varepsilon(T)$  для Sr<sub>1-x</sub>Ba<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> с x = 0.02 (3), 0.05 (4) и 0.14 (5). Величина диэлектрической проницаемости для SBT (x = 0.14) умножена на фактор 0.5.



**Рис. 4.** Спонтанный полярный вклад в рефракцию света для  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$  (*x*: 1 - 0.14, 2 - 0.07, 3 - 0.05, 4 - 0.02) и для  $Sr_{1-x}Ca_xTiO_3$  с x = 0.014 (5 — рассчитано из  $\delta \psi_a^s$ , 6 — рассчитано из  $\delta \psi_c^s$ ).

исследовании двупреломления. Образец, как было отмечено, имел сильные внутренние напряжения и ниже  $T_a = 70 \text{ K}$  разбивался на структурные домены с направлениями локальных тетрагональных осей под углом 45° к плоскости  $(1\overline{1}0)_b$  образца [14]. Из-за усреднения по доменам вклада в рефракцию света структурного параметра порядка и полярного упорядочения температурный ход зависимостей  $\delta \psi_a(T)$  и  $\delta \psi_c(T)$  для двух главных значений показателя преломления в тетрагональной фазе SBT (x = 0.02) оказался одинаковым (кривая 4 на рис. 1). Тем не менее усредненный полярный вклад отчетливо проявляется на экспериментальной зависимости  $\delta \psi_a(T) \approx \psi_c(T)$  в противоположность предыдущим измерениям в сильно напряженных монокристаллах SBT близкой концентрации, вырезанных в виде параллелепипедов вдоль осей (100) [12-14].

Образцы Sr<sub>1-x</sub>Ca<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> и SrTiO<sub>3</sub> были практически монодоменными ниже  $T_a$ , что дало возможность выявить различный вклад структурного параметра и полярного упорядочения (для SCT) в главные значения  $\delta \psi_a(T)$  и  $\delta \psi_c(T)$  (кривые *1*, *2* и *3*, *4* на рис. 2).

При извлечении количественной информации из экспериментальных зависимостей  $\delta \psi(T)$  важно корректное разделение спонтанного вклада  $\delta \psi^{s}(T)$ , связанного с полярным упорядочением, и так называемого регулярного вклада  $\delta\psi^0(T)$ , не зависящего от поляризации [18,24,25]. Из рис. 1,2 видно, что температурный ход  $\delta\psi(T)$  в высокотемпературной параобласти для монокристаллов SBT и SCT очень близок к поведению  $\delta\psi(T)$  в STO. Учитывая это, для определения  $\delta\psi^0(T)$  в Sr<sub>1-x</sub>Ba<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> и Sr<sub>1-x</sub>Ca<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> мы использовали экстраполяцию температурного хода  $\delta\psi(T)$  из высокотемпературной параобласти в область низких температур по реперной зависимости  $\delta\psi_r^0(T)$ , рассчитанной на основе температурных изменений  $\delta\psi_a(T)$  в титанате стронция (кривая 3 на рис. 2). Выбор  $\delta\psi_a(T)$  для расчета реперной зависимости  $\delta\psi_r^0(T)$ был обусловлен тем, что в STO ниже  $T_a = 105$  K вклад параметра порядка структурного фазового перехода в  $\delta\psi_a(T)$  меньше, чем в  $\delta\psi_c(T)$ .

Пример такой экстраполяции температурной зависимости регулярного вклада  $\delta \psi^0(T)$  для SBT (x = 0.07) приведен на рис. 1 (кривая 5). Разность между экспериментальной зависимостью  $\delta \psi(T)$  (кривая 2 на рис. 1) и расчетной  $\delta \psi^0(T)$  (кривая 5) представляет собой спонтанный полярный вклад в рефракцию света  $\delta \psi^{s}(T)$ . Температурные зависимости  $\delta \psi^{s}(T)$ , полученные таким образом для исследованных образцов SBT и SCT, приведены на рис. 4. Во всех исследованных образцах полярный вклад  $\delta \psi^s(T)$  возникает при температурах, существенно больших температуры Кюри. Появление спонтанного вклада выше температуры перехода наблюдалось ранее при рефрактометрических исследованиях номинально чистого титаната бария [26]. Анализ кривых на рис. 4 показывает, что отношение величины  $\delta \psi^s(T)$ при  $T = T_c$  к величине  $\delta \psi^s(T)$  в насыщении растет при уменьшении концентрации Ba<sup>2+</sup>.

## 3. Обсуждение результатов

Полярный вклад  $\delta \psi^s(T)$  в температурные изменения  $\delta \psi(T)$  обусловлен спонтанным электрооптическим эффектом  $\delta n^s(T)$  и спонтанной стрикцией  $\delta L^s(T)/L$  (спонтанные вклады в первый и второй члены в (1) соответственно) и связан с автокорреляционной функцией поляризации  $\langle P_s^2 \rangle$  через коэффициенты квадратичного электрооптического эффекта  $g_{ij}$  и электрострикционные коэффициенты  $Q_{ij}$ . В пренебрежении стрикцией спонтанный вклад в главные значения показателя преломления имеет вид

$$\delta\psi_i^s(T) \approx \delta n_i^s = -(n_i^3/2)g_{i3}^* \langle P_s^2 \rangle = A_{i3} \langle P_s^2 \rangle, \qquad (2)$$

где  $\langle P_s^2 \rangle$  относится к поляризации вдоль оси 3, а  $g_{i3}^*$  — электрооптические коэффициенты в полярной фазе, которые могут быть выражены через коэффициенты  $g_{ij}$  парафазы [22,27].

Для вычисления автокорреляционной функции поляризации  $\langle P_s^2 \rangle$  в качестве коэффициентов  $g_{ij}$  были использованы значения коэффициентов титаната стронция [28] ( $g_{11} = 0.15 \text{ m}^4/\text{C}^2$ ,  $g_{12} = 0.04 \text{ m}^4/\text{C}^2$ ,  $g_{44} = 0.08 \text{ m}^4/\text{C}^2$ ) и значения показателя преломления

Выражения для коэффициентов А <sub>і3</sub> в форм	уле (2) и их численные зн	начения, использованные для	расчета $\langle P_s^2 \rangle$ из	спонтанного
вклада в рефракцию света				

Симметрия сегнетофаз	$A_{13},  \mathrm{m}^4/\mathrm{C}^2$	$A_{23}, m^4/C^2$	$A_{33},  \mathrm{m}^4/\mathrm{C}^2$
$C_{4v}$	$-(n^3/2)g_{12} = -0.27$	$-(n^3/2)g_{12} = -0.27$	$-(n^3/2)g_{11} = -1.02$
$C_{2v}$	$-(n^3/2)g_{12} = -0.27$	$-(n^3/4)(g_{11}+g_{12}-g_{44})=-0.31$	$-(n^3/4)(g_{11}+g_{12}+g_{44})=-0.92$
$C_{3v}$	$-(n^3/6)(g_{11}+2g_{12}-g_{44})=-0.34$	$-(n^3/6)(g_{11}+2g_{12}-g_{44})=-0.34$	$-(n^3/6)(g_{11}+2g_{12}+2g_{44})=-0.89$

STO ( $n_i \approx n_0 \approx 2.41$ ). Как было показано в [29], квадратичные электрооптические коэффициенты STO не зависят от температуры в интервале 4–300 К. Величины  $g_{ij}$  в SrTiO<sub>3</sub> очень близки к значениям электрооптических коэффициентов в других кислородно-октаэдрических перовскитах [22], поэтому резонно предположить, что небольшое количество ионов примеси не изменяет существенно величины электрооптических коэффициентов STO. Для всех сегнетофаз, реализуемых в исследуемых образцах SBT и SCT, выражения для  $A_{i3}$  и их численные значения приведены в таблице.

Поскольку образцы  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$  с x = 0.14, 0.07,0.05 при Т < Т<sub>с</sub> разбиты на сегнетоэлектрические домены, измеряемая величина полярного вклада  $\delta n^s$ является усредненной по всем возможным ориентациям доменов в сегнетофазе симметрии С2v или С3v [13]. В связи с этим при расчете  $\langle P_s^2 \rangle$  использовалось значение  $A_{av} \approx -0.6 \,\mathrm{m}^4/\mathrm{C}^2$ , полученное усреднением по возможным ориентациям поляризации в доменах с орторомбической и с ромбоэдрической симметрией сегнетофазы. В SBT (x = 0.02) полярная фаза возникает в образце, разбитом на структурные домены ниже  $T_a = 70$  K, поэтому с учетом усреднения принималось  $A_{av} \approx -0.5 \,\mathrm{m}^4/\mathrm{C}^2$ . Для монодоменного образца  $Sr_{1-x}Ca_xTiO_3$  (x = 0.014), в котором реализуется полярное состояние с симметрией  $C_{2v}$  [4,7,8] (полярная ось направлена вдоль [110]<sub>a</sub>), при вычислениях  $\langle P_s^2 
angle$  из  $\delta \psi_a^s(T)$  и  $\delta \psi_c^s$  использовались значения Азз и Азз из таблицы.

Температурные зависимости  $\langle P_s^2 \rangle^{1/2}$ , рассчитанные по формуле (2) из  $\delta \psi^{s}(T)$  (рис. 4), представлены на рис. 5. Из рис. 5 видно, что значения поляризации  $P_s = \langle P_s^2 \rangle^{1/2}$ , найденные для SCT из  $\delta \psi_a^s(T)$  и  $\delta \psi_c^s(T)$ , совпадают. Величины  $P_s$  в SBT (x = 0.02) и SCT (x = 0.014) оказываются очень близкими. В исследуемом температурном интервале только для x = 0.14 в SBT  $P_s$  приближается к насыщению. В связи с этим для того, чтобы сравнить величины Р<sub>s</sub> при различных концентрациях ионов примеси, мы проэкстраполировали температурные зависимости  $P_s(T)$  к T = 0 K на основе зависимости  $P_{s}(T)$  для SBT с x = 0.14. Полученные значения  $P_{s}$ при T = 0 К составляют  $5 \cdot 10^{-2}$  C/m<sup>2</sup> (x = 0.02),  $8 \cdot 10^{-2}$  C/m<sup>2</sup> (x = 0.05),  $9 \cdot 10^{-2}$  C/m<sup>2</sup> (x = 0.07),  $11 \cdot 10^{-2}$  C/m<sup>2</sup> (x = 0.14) в Sr<sub>1-x</sub>Ba<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> и 4.5 \cdot 10^{-2} C/m<sup>2</sup> в  $Sr_{1-x}Ca_xTiO_3$  (x = 0.014). Отметим, что значение  $P_s = 5 \cdot 10^{-2}$  С/m<sup>2</sup> в SBT с x = 0.02, определенное в настоящей работе из рефрактометрических измерений,

совпадает с оценкой, полученной нами ранее [13] из измерений двупреломления света.

Зависимость поляризации  $P_s = \langle P_s^2 \rangle^{1/2}$  при T = 0 К от концентрации ВаТіО<sub>3</sub> в монокристаллах  $\mathrm{Sr}_{1-x}\mathrm{Ba}_x\mathrm{TiO}_3$  представлена на рис. 6 (темные кружки). Чтобы дополнить график  $P_s(x)$  при малых значениях x, мы рассчитали тем же методом величины  $\langle P_s^2 \rangle^{1/2}$  из данных работы [30] по температурным зависимостям двупреломления света  $\Delta n_{ac}(T)$ . В соответствии с (2) для расчетов использовалось выражение  $\Delta n_{ac}^s = \delta n_c^s - \delta n_a^s = (A_{13} - A_{33}) \langle P_s^2 \rangle = 0.65 [\mathrm{m}^4/\mathrm{C}^2] \langle P_s^2 \rangle$ . Полученные значения поляризации для образцов SBT, исследованных в [30], составляют 4.4 · 10<sup>-2</sup> C/m<sup>2</sup> (x = 0.016),  $3 \cdot 10^{-2}$  C/m<sup>2</sup> (x = 0.01) и  $1 \cdot 10^{-2}$  C/m<sup>2</sup>



Рис. 5. Температурная зависимость  $\langle P_s^2 \rangle^{1/2}$  в Sr<sub>1-x</sub>Ba<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> (*x*: *1* — 0.14, *2* — 0.07, *3* — 0.05, *4* — 0.02) и в Sr<sub>1-x</sub>Ca<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> с x = 0.014 (5 — рассчитано из  $\delta \psi_a^s$ , 6 — рассчитано из  $\delta \psi_c^s$ ).



**Рис. 6.** Концентрационная зависимость  $P_s = \langle P_s^2 \rangle^{1/2}$  в Sr<sub>1-x</sub>Ba<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub>. Темные кружки — данные настоящей работы, темные квадраты — расчет на основе данных по двупреломлению из [30], светлые кружки и треугольники — фазовая диаграмма Sr<sub>1-x</sub>Ba<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub>:  $T_c(x)$  из диэлектрических измерений [11]. Сплошные кривые l, 2 — аппроксимация экспериментальных данных законом  $(x - x_{g,c})^{1/2}$ .

(x = 0.004) (темные квадраты на рис. 6). Из рис. 6 видно, что  $\langle P_s^2 \rangle^{1/2}$  не испытывает существенных аномалий в области критической концентрации  $x_c = 0.035$ , установленной из зависимости  $T_c(x)$  по диэлектрическим измерениям.

В области x = 0.004 - 0.07 зависимость поляризации от концентрации ВаТіО<sub>3</sub> удовлетворяет соотношению (кривая 1 на рис. 6)

$$\langle P_s^2 \rangle = B(x - x_g)^{1/2},$$
 (3)

где  $B = 36 \cdot 10^{-2} \,\text{C/m}^2$ , а критическая концентрация *x<sub>g</sub>* равна 0.0027. Величина *x<sub>g</sub>* более чем на порядок отличается от значения  $x_c = 0.035$ , полученного в [10,11] из зависимости  $T_c(x)$  (светлые кружки, кривая 2 на рис. 6). Ниже  $x_g$  автокорреляционная функция поляризации  $\langle P_s^2 \rangle = 0$ , что означает исчезновение ближнего полярного упорядочения. Зависимость типа (3) для спонтанной поляризации  $\langle P_s \rangle(x)$  при T = 0 K следует из феноменологической квантовомеханической теории [15-17], при этом критические концентрации для  $\langle P_s \rangle(x)$  и  $T_c(x)$  совпадают. Это теоретическое положение было проверено количественно только для  $\langle P_s \rangle(x)$  в КТN на основе измерения петель сегнетоэлектрического гистерезиса [15]. Качественно теория не противоречит результатам измерения  $\langle P_s \rangle$  по петлям сегнетоэлектрического гистерезиса также и в SBT (петли исчезают ниже  $x_c = 0.035$ ). Однако  $\langle P_s^2 \rangle$  ниже  $x_c$  может быть и отличной от нуля за счет локального упорядочения в полярных кластерах или реализации стеклоподобной фазы. Из анализа зависимостей, приведенных на рис. 5, следует также, что по мере приближения к x<sub>c</sub> со стороны больших концентраций возрастает роль предпереходных процессов, за количественную характеристику которых можно принять отношение  $P_s(T_c)/P_s(T = 0)$ .  $P_s(T_c)/P_s(T = 0)$  возрастает от 0.5 для x = 0.14 до 0.75 для x = 0.05.

Целесообразно далее обсудить достоверность вычисления величин  $\langle P_s^2 \rangle$  по формуле (2) в рамках сделанного предположения о пренебрежении вкладом спонтанной стрикции в  $\delta \psi_i^s(T)$ . В соответствии с (1) полный спонтанный вклад в измеряемую величину  $\delta \psi_i(T)$  равен  $\delta \psi_i^s(T) = \delta n_i^s(T) + (n_i - 1) \delta L_j^s(T)/L_j$ , где индекс *i* относится к поляризации света, а индекс *j* — к направлению его распространения в кристалле,  $\delta L_j^s(T)/L_j$  — изменение толщины кристалла за счет спонтанной стрикции. Тогда зависимость  $\delta \psi_i^s(T)$  от  $\langle P_s^2 \rangle$  будет определяться выражением

$$\delta\psi_{i}^{s}(T) = -(n_{i}^{3}/2)g_{i3}^{*}\langle P_{s}^{2}\rangle + (n_{i}-1)Q_{j3}\langle P_{s}^{2}\rangle = A_{i3}^{*}\langle P_{s}^{2}\rangle,$$
(4)

где  $Q_{j3}$  — коэффициенты спонтанной стрикции. Из (4) видно, что учет стрикции может привести к изменению абсолютных значений величин  $\langle P_s^2 \rangle^{1/2}$ , однако в случае слабого влияния примесей на величины коэффициентов  $Q_{j3}$  вид концентрационной зависимости  $\langle P_s^2 \rangle^{1/2} \sim (x - x_g)^{1/2}$  сохранится. Значения  $P_s = \langle P_s^2 \rangle^{1/2}$  в насыщении, вычисленные в нашей работе для SBT с x = 0.07 и 0.14, в пределах 25% совпадают с результатами измерения  $P_s = \langle P_s \rangle$  по петлям сегнетоэлектрического гистерезиса для аналогичных концентраций Ba<sup>2+</sup> в керамических образцах [11]. Это указывает на то, что и для абсолютных значений величин  $\langle P_s^2 \rangle^{1/2}$  возможная систематическая ошибка при вычислениях по крайней мере не превышает 25%.

Таким образом, исследование температурных изменений рефракции света на монокристаллах системы

Sr<sub>1-*x*</sub>Ba<sub>*x*</sub>TiO<sub>3</sub> методом гомодинной интерферометрии, проведенное в настоящей работе, позволило впервые получить концентрационную зависимость автокорреляционной функции поляризации  $\langle P_s^2 \rangle$  в виртуальных сегнетоэлектриках с примесями. Показано, что в SBT  $\langle P_s^2 \rangle$  отлична от нуля и при концентрациях меньше критической концентрации  $x_c$ , которая определяется из диэлектрических измерений и характеризует исчезновение признаков классического сегнетоэлектрического упорядочения. Концентрационная зависимость  $\langle P_s^2 \rangle^{1/2}$  не испытывает существенных аномалий вблизи  $x_c = 0.035$ , и ниже  $x = 0.07 \langle P_s^2 \rangle^{1/2}$  меняется пропорционально  $(x - x_g)^{1/2}$ , где вторая критическая концентрация  $x_g = 0.0027$  на порядок меньше  $x_c$  и соответствует исчезновению ближнего полярного порядка в системе.

Значение  $x_g = 0.0027$  в Sr<sub>1-x</sub>Ba<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> близко по величине к  $x_c = 0.0018$  в Sr<sub>1-x</sub>Ca<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> (единственная критическая концентрация в SCT). Обращает на себя внимание большое сходство и других свойств этих систем при концентрации примесей x < 0.035: отсутствие остаточной поляризации [8,9,13,14], отсутствие сегнетоэлектрических петель гистерезиса, близость величин поляризации  $P_s = \langle P_s^2 \rangle^{1/2}$  для близких концентраций Ca<sup>2+</sup> и Ba<sup>2+</sup>. Следует отметить, что температуры максимумов  $\varepsilon(T)$ , измеренные на частоте 10 kHz [11] для  $x < x_c$  (светлые треугольники на рис. 6), также удовлетворительно описываются законом  $(x - x_g)^{1/2}$ . Единственное существенное отличие — сильная дисперсия диэлектрической проницаемости в SBT по сравнению с SCT.

При концентрациях примесей, соответствующих концентрации  $Ba^{2+}$  в SBT выше  $x_c = 0.035$ , свойства этих двух систем начинают кардинально отличаться. В  $Sr_{1-x}Ca_xTiO_3$  [5] при возрастании x максимумы  $\varepsilon(T)$ размываются и уменьшаются по величине. Температура  $T_c$ , достигнув  $\approx$  32 K, перестает зависеть от x, величина  $P_s(x) = \langle P_s^2 \rangle^{1/2}$  (оцененная из данных по двупреломлению [9]) выходит на насыщение при значении  $P_s \approx 5 \cdot 10^{-2}$  С/m<sup>2</sup>. Sr<sub>1-x</sub>Ba<sub>x</sub>TiO<sub>3</sub> при увеличении xвыше 0.035 начинает проявлять классические сегнетоэлектрические свойства, присущие BaTiO<sub>3</sub> [11]: появляются четкие петли сегнетоэлектрического гистерезиса и сегнетоэлектрические домены, непрерывно возрастает  $P_s$ , максимумы  $\varepsilon(T)$  носят четкий характер и система испытывает серию сегнетоэлектрических фазовых переходов того же типа, что и номинально чистый ВТО.

Проведенное сравнение указывает на сходство механизмов формирования полярного состояния в системах  $Sr_{1-x}Ca_xTiO_3$  и  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$ , когда концентрация ионов  $Ba^{2+}$  в SBT меныше 0.035, и на включение дополнительного механизма образования сегнетофазы в  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$ при  $x > x_c = 0.035$ . Этот механизм естественно связать с основным отличием  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$  и  $Sr_{1-x}Ca_xTiO_3$ : сегнетоэлектрическими свойствами второй компоненты твердых растворов в первом случае и отсутствием таковых во втором.

Авторы выражают благодарность П.П. Сырникову за выращивание монокристаллов  $Sr_{1-x}Ba_xTiO_3$  и Г. Беднорцу за предоставление монокристаллов  $Sr_{1-x}Ca_xTiO_3$  (x = 0.014).

Данная работа поддержана Российским фондом фундаментальных исследований (грант 96-02-17822).

### Список литературы

- [1] U.T. Höchli, K. Knorr, A. Loidl. Adv. Phys. 39, 5, 405 (1990).
- [2] B.E. Vugmeister, M.D. Glinchuk. Rev. Mod. Phys. **62**, *4*, 993 (1990).
- [3] M.D. Glinchuk, I.P. Bykov. Phase Trans. 40, 1 (1992).
- [4] W. Kleemann. Int. J. Mod. Phys. B7, 13, 2469 (1993).
- [5] J.G. Bednorz, K.A. Müller. Phys. Rev. Lett. **52**, *25*, 2289 (1984).
- [6] J. Dec, W. Kleemann, U. Bianchi, J.G. Bednorz. Europhys. Lett. 29, 31 (1995).
- [7] U. Bianchi, J. Dec, W. Kleemann, J.G. Bednorz. Phys. Rev. B51, 14, 8737 (1995).
- [8] W. Kleemann, U. Bianchi, A. Bürgel, M. Prasse, J. Dec. Phase Trans. 55, 57 (1995).
- [9] U. Bianchi. PhD Thesis. Gerhard-Mercator-Universität-Gesamthochschule-Duisburg. Duisburg (1996). 159 p.
- [10] В.В. Леманов, Е.П. Смирнова, Е.А. Тараканов. ФТТ 37, 8, 2476 (1995).
- [11] V.V. Lemanov, E.P. Smirnova, P.P. Syrnikov, E.A. Tarakanov. Phys. Rev. B54, 5, 3151 (1996).
- [12] P.A. Markovin, V.V. Lemanov, O.Yu. Korshunov, P.P. Syrnikov, U. Bianchi, R. Lindner, W. Kleemann. Ferroelectrics. 184, 269 (1996).
- [13] P.A. Markovin, W. Kleemann, R. Lindner, V.V. Lemanov, O.Yu. Korshunov, P.P. Syrnikov. J. Phys.: Cond. Matter 8, 2377 (1996).
- [14] П.А. Марковин, В.В. Леманов, В. Клееманн, У. Бьанки, Р. Линднер. Изв. РАН. Сер. физ. 60, 10, 11 (1996).
- [15] U.T. Höchli, H.E. Weibel, L.A. Boatner. Phys. Rev. Lett. 39, 18, 1158 (1977).
- [16] T. Schneider, H. Beck, E. Stoll. Phys. Rev. B13, 3, 1123 (1976).
- [17] R. Morf, T. Schneider, E. Stoll. Phys. Rev. B16, 1, 462 (1977).
- [18] П.А. Марковин, Р.В. Писарев. ЖЭТФ 77, 6, 2462 (1979).
- [19] W. Kleemann, F.J. Schäfer. Jap. J. Appl. Phys. 24, Suppl. 24-2, 260 (1985).
- [20] K.A. Müller, W. Berlinger, M. Capizzi, H. Gränicher. Solid State. Commun. 8, 7, 549 (1970).
- [21] J. Fousek, J. Petzelt. J. Phys. Stat. Sol. (a) 55, 11, 11 (1979).
- [22] А.С. Сонин, А.С. Василевская. Электрооптические кристаллы. М. (1971). 326 с.
- [23] S. Miura, M. Marutake, H. Unoki, H. Uwe, T. Sakudo. J. Phys. Soc. Jap. 38, 4, 1056 (1975).
- [24] Б.Б. Кричевцов, П.А. Марковин, Р.В. Писарев. ЖЭТФ **86**, *6*, 2262 (1984).
- [25] O.Yu. Korshunov, P.A. Markovin, R.V. Pisarev. Ferroelectrics Lett. 13, 137 (1992).
- [26] G. Burns, F.H. Dacol. Solid State Commun. 42, 1, 9 (1982).
- [27] Ю.И. Сиротин, М.П. Шаскольская. Основы кристаллофизики. М. (1975). 680 с.
- [28] Y. Fujii, T. Sakudo. J. Appl. Phys. 41, 10, 4118 (1970).
- [29] J.E. Geusic, S.K. Kurtz, L.G. van Uitert, S.H. Wemple. Appl. Phys. Lett. 4, 8, 141 (1964).
- [30] J.G. Bednorz. PhD Thesis. Swiss Federal Institute of Technology, Zürich (1982). 175 p.