Влияние волн зарядовой плотности на туннельные спектры сверхпроводника $Bi_2Sr_2CaCu_2O_{8+\delta}$

© А.И. Войтенко, А.М. Габович

Институт физики Национальной академии наук Украины, 03028 Киев, Украина

E-mail: collphen@iop.kiev.ua

(Поступила в Редакцию 29 сентября 2006 г. В окончательной редакции 13 декабря 2006 г.)

Рассчитаны зависимости дифференциальной туннельной проводимости G_S от напряжения V на переходе между нормальным металлом и сверхпроводником с волной зарядовой плотности (CDW). Проводится усреднение по разбросу сверхпроводящей и CDW-энергетическим щелям в пространственно неоднородном в наномасштабе сверхпроводнике. Показано, что в присутствии обоих параметров порядка (OP) формируется структура "горбик–ямка" (DH) за пределами сверхпроводящей щелевой области $G_S(V)$. При фазе CDW-OP, отличной от $\pi/2$, DH-структура должна наблюдаться только или по преимуществу для одной полярности смещения. Результаты объясняют данные эксперимента для $Bi_2Sr_2CaCu_2O_{8+\delta}$ и других высокотемпературных оксидов.

PACS: 71.45.Lr, 74.50.+r, 73.40.Gk, 74.81.-g

1. Введение

Сверхпроводящий оксид $Bi_2Sr_2CaCu_2O_{8+\delta}$ (BSCCO) является материалом, в котором наиболее ярко проявляются все характерные сверхпроводящие и нормальные свойства купратов [1-3]. В частности, там наряду со сверхпроводящей щелью Δ наблюдается и так называемая псевдощель П, о природе которой высказываются кардинально различные мнения [4–7]. При этом псевдощелевая особенность квазичастичного энергетического спектра в некоторых образцах явно сосуществует с Δ ниже критической температуры Т_c, но сохраняется и выше ее. Для других образцов ниже Т_с четко разделить пики, отвечающие Δ и П, не удается. Наложение и размытие пиков может быть связано с целым рядом причин; основными здесь являются, по-видимому, неоднородность электронных свойств [3,8–13], внутренне присущая даже самым лучшим образцам (далее более подробно), и эффекты разогрева [14]. Следует отметить, что наличие П подобного типа характерно не только для BSCCO, но и для других высокотемпературных сверхпроводников, например $Tl_2Ba_2CuO_{6+\delta}$ [15] и $(Cu,C)Ba_2Ca_3Cu_4O_{12+\delta}$ [16].

Фотоэмиссионные, микроконтактные и туннельные спектры BSCCO обладают еще одной характерной чертой, а именно, весьма заметной структурой "ямка-горбик" (dip-hump — DH) по отношению к стандартной целевой при энергиях (смещениях), зависящих от постановки эксперимента, но превышающих по модулю характерную энергию квазичастичного пика. Так, для несимметричных SIN-структур (здесь S означает сверхпроводник, I — изолятор, а N — нормальный металл) особенность вольт-амперных характеристик (IVC) появляется при энергиях около 2 Δ , а для SIS-структур (в частности, для разломных контактов — break junctions) — около З Δ (см., например, работу [17]). Необходимо отметить, что положения особенностей лишь приблизительно со-

относятся с величиной сверхпроводящей щели, так что остается свобода выбора при поиске причин появления "ямки" и "горбика". И действительно, был предложен целый ряд объяснений, ссылки на которые см. в работах [5,18].

Здесь не будут подробно перечисляться различные имеющиеся толкования DH-структуры. Заметим лишь, что они делятся на две группы. Согласно первой, эта структура свойственна нормальному электронному спектру BSCOO, на фоне которого воникает сверхпроводимость. Вторая точка зрения заключается в том, что и заведомо сверхпроводящие и дополнительные особенности имеют на самом деле общую сверхпроводящую природу. В пользу каждого из объяснений с их подвариантами можно привести различные аргументы. Однако в недавней аналитической работе [18] утверждается, что "несверхпроводящее" происхождение DH-структуры в принципе невозможно, поскольку неизбежно противоречит ряду экспериментальных фактов, а именно, проведенный расчет [18], учитывающий как псевдощелевой параметр порядка (ОР) неизвестной несверхпроводящей природы, так и его сверхпроводящий аналог (для обоих предполагается *d*-волновая симметрия), приводит к таким туннельным плотностям электронных состояний (TDOS) в SIN- и SIS-переходах, где минимум "ямки" никогда не опускается ниже фонового значения динамической электропроводности туннельного перехода в нормальном состоянии $G_N \equiv (dJ/dV)_N$, не говоря уже об иногда наблюдавшихся [17,19] отрицательных минимумах (которые, впрочем, могут быть связаны с эффектами разогрева [20,21]). Здесь Ј — туннельный ток, а V — смещение на переходе. Как утверждается в работе [18], расчет TDOS с включением взаимодействия с некой бозонной модой [22,23] аналогично расчету для фононов в приближении сильной связи, напротив, позволяет описать экспериментальные данные вполне удовлетворительно.



Рис. 1. Нормализованные туннельные проводимости для SIN-переходов при различном уровне легирования сверхпроводящего оксида $Bi_2Sr_2CaCu_2O_{8+\delta}$ (данные работы [17]).

Еще одна особенность TDOS проявляется только в SIN-переходах и заключается в том, что зависимость $G_S \equiv (dJ/dV)_S$ (индекс S обозначает нахожедние оксидного электрода в сверхпроводящем состоянии) является асимметричной в отношении DH-структуры, которая чаще всего наблюдается только для одной полярности напряжения на переходе (см. рис. 1, взятый из работы [17]; здесь все зависимости $G_S(V)$ были измерены при температуре T = 4.2 K, а указанные на графике температуры соответствуют критическим температурам образцов). Подобная DH-асимметрия свойственна не только ВSCCO [17,24,25], но и $Bi_{2-x}Pb_xSr_2CaCu_2O_{8+\delta}$ [26], $Bi_2Sr_2Ca_2Cu_3O_{10+\delta}$ [27], (Cu,C) $Ba_2Ca_3Cu_4O_{12+\delta}$ [16], $Tl_2Ba_2CuO_{6+\delta}$ [15] и HgBa_2Ca_{n-1}Cu_nO_{2n+2+\delta} [28]. В некоторых случаях, однако, DH видна для другой полярности, но менее отчетливо. Так, для неоднородного $Bi_{2-x}Pb_xSr_2CaCu_2O_{8+\delta}$ вся картина существенно зависела от выбора наноучастка, через который протекал туннельный ток [26], а туннельные измерения BSCCO [29] продемонстрировали наличие DH-структуры для обоих знаков V, хотя предпочтительная полярность сохранялась. Во всех случаях такая полярность соответствовала туннелированию квазичастиц сверхпроводника из состояний, находящихся ниже поверхности Ферми (FS), в нормальный электрод.

В рамках подхода [22], асимметрия объясняется нарушением частично-дырочной симметрии в электронной зонной структуре BSCCO, а в работе [30] и вовсе объясняется артефактом, связанным с интерференцией вкладов в туннельный ток от разных содержащих дефекты участков неоднородной сверхпроводящей наноструктуры оксида (выявленной ранее [26]).

В данной работе мы даем альтернативное объяснение туннельной проводимости в SIN-переходах (SIS-переходы будут рассмотрены в отдельной работе), основанное на предположении, что псевдощель П есть не что иное, как диэлектрическая щель Σ, сопутствующая волне зарядовой плотности (charge-density-wave — CDW). Многочисленные экспериментальные факты подтверждают эту гипотезу [5]. Мы показываем, что трудности [18], связанные с якобы недостаточной глубиной "ямки", для такого сценария в действительности не возникают. При этом согласие с экспериментом достигается при учете значительной пространственной неоднородности CDW-OP Σ , что вызывает необходимость усреднения по соответствующим функциям распределения. Кроме того, удается легко объяснить асимметрию зависимостей $G_{S}(V)$ относительно величины DH-структуры.

2. Формулировка задачи

Исходным пунктом для описания купрата типа BSCCO является модель частично диэлектризованного сверхпроводящего CDW-металла (CDWS) [5,31]. В этой модели его FS разделена на два конгруэнтных участка (i = 1, 2), где спектр квазичастиц вырожден (d), и одну оставшуюся часть (i = 3), где спектр невырожден (n). В первом случае затравочные ветви энергетического спектра квазичастиц $\xi_{1,2}(\mathbf{p})$, отсчитываемые от общего уровня Ферми, связаны соотношением

$$\xi_1(\mathbf{p}) = -\xi_2(\mathbf{p} + \mathbf{Q}),\tag{1}$$

где **Q** — вектор CDW. Из-за притяжения между квазичастицами с различных d-участков FS ниже критической температуры структурного перехода $T_d > T_c$ возникает диэлектрический OP $\hat{\Sigma} = \Sigma \cos \varphi$, и на обоих этих участках появляется энергетическая щель Σ. Здесь T_c — температура сверхпроводящего перехода, φ — фаза Σ. Если притяжение имеет кулоновское происхождение, а ветви $\xi_{1,2}(\mathbf{p})$ описывают электроны и дырки соответственно, то образуется экситонный изолятор [32]. Аналогичная возможность появляется и для сильно анизотропного квазиодномерного спектра с плоскими участками FS, когда взаимное притяжение квазичастиц обязано электрон-фононному взаимодействию. Тогда возникает состояние пайерлсовского диэлектрика [33]. Оставшаяся часть FS остается неискаженной и описывается *n*-ветвью спектра $\xi_3(\mathbf{p})$. Разделение FS на диэлектризованную и недиэлектризованную части описывается параметром диэлектризации

$$\mu = N_{d0}(0) / N_0(0), \tag{2}$$

где

1

$$N_0(0) = N_{n0}(0) + N_{d0}(0) -$$
(3)

суммарная затравочная (выше T_d) DOS, а $N_{d0}(0)$ и $N_{n0}(0)$ — ее составляющие, т.е. DOS на d- и n-участках FS соответственно.

Ниже $T_c < T_d$ возникает сверхпроводящий ОР Δ , один и тот же на всей FS. На *d*-участках FS возникает комбинированная энергетическая щель $D = (\Sigma^2 + \Delta^2)^{1.2}$, тогда как на *n*-участке щель равна Δ . В экситонном изоляторе фаза φ всегда фиксирована (0 или π) [34]. С другой стороны, в пайерлсовском диэлектрике CDW могут быть закреплены с произвольной фазой φ [33].

Квазичастичные туннельные токи *J* через SIN-переходы являются функционалами от временны́х гриновских функций $G_{ij}(\omega)$, где индексы i, j = 1, 2, 3 обозначают участки FS. Важным для наших целей является то обстоятельство, что существует вклад в ток, пропорциональный $\tilde{\Sigma}$, который определяется функцией Грина $G_{12} = G_{21} \equiv G_c$. Эта функция и описывает электроннодырочное спаривание. В техническом плане мы следуем классической работе [35].

Несмотря на до сих пор непреодоленные противоречия [2], общепринятой является точка зрения, согласно которой сверхпроводимость в купратах (по крайней мере, в материалах с дырочной проводимостью) лучше описывается ОР с $d_{x^2-y^2}$ -симметрией [1]. Симметрия диэлектрического ОР тем более неизвестна. Однако моделирование даже основных, сверхпроводящих, черт экспериментально наблюдаемых $G_S(V)$ на основе *d*-волнового ОР наталкивается на трудности, так что описать и форму $G_S(V)$ во внутрищелевой области, и величину когерентных пиков на краях щели, и, наконец, DH-структуру не удается [36], даже вводя *ad hoc* дополнительную весовую функцию $g(\theta)$ [18,27,36,37] при интегрировании по углам θ , от которых зависит ОР $\Delta(\theta) \equiv \Delta_0 \cos(2\theta)$. Поэтому выбор s-симметрии обоих ОР представляется оправданным при анализе рассматриваемой проблемы и, как будет видно из приведенных далее численных результатов, оказывается вполне удовлетворительным в практическом плане.

Для определенности при рассмотрении IVC напряжение смещения V между N-электродом и CDWS будет отсчитываться от нормального металла: $V \equiv V_{\text{CDWS}} - V_N$. При этом положительная полярность соответствует зондированию квазичастиц с энергией выше краев энергетических щелей. Квазичастичный ток J(V) может быть представлен как сумма различных слагаемых J_i , имеющих одну и ту же структуру

$$J_i \propto \frac{1}{R} \operatorname{Re} \int_{-\infty}^{\infty} d\omega' \int_{-\infty}^{\infty} d\omega \, \frac{\operatorname{Im} G_i^{\operatorname{CDWS}}(\omega') G^N(\omega)}{\omega' - \omega + eV + i0} \qquad (4)$$

и соответствующих различным комбинациям временны́х функций Грина. Здесь R — туннельное сопротивление перехода в нормальном состоянии, e > 0 — элементарный заряд. Вид $G^N(\omega)$ тривиален. В то же самое время вместо единственной функции $G^{BCS}(\omega)$, соответствующей сверхпроводнику в модели Бардина–Купера–Шриффера (BCS), появляются три величины $G_i^{CDWS}(\omega)$. Они могут быть получены из следующих температурных

гриновских функций для CDWS [5]:

$$\mathscr{G}_n(\mathbf{p},\omega_m) = -\frac{i\omega_m + \xi_3(\mathbf{p})}{\omega_m^2 + \xi_3^2(\mathbf{p}) + \Delta^2},$$
(5)

$$\mathscr{G}_d(\mathbf{p},\omega_m) = -\frac{i\omega_m + \xi_1(\mathbf{p})}{\omega_m^2 + \xi_1^2(\mathbf{p}) + \Delta^2},\tag{6}$$

$$\mathscr{G}_{c}(\mathbf{p},\omega_{m}) = -\frac{\Sigma}{\omega_{m}^{2} + \xi_{1}^{2}(\mathbf{p}) + \Delta^{2}}.$$
(7)

Здесь $\omega_m = (2m + 1)\pi k_B T$; $m = 0, \pm 1, \pm 2, \ldots$; T — температура; k_B — постоянная Больцмана. Величины Δ и Σ находятся из самосогласованной системы интегральных уравнений Дайсона–Горькова [38]. В этой системе затравочными параметрами являются значения Δ_0 - и Σ_0 -щелей при T = 0 и отсутствии конкурирующего спаривания. Величины Δ_0 и Σ_0 однозначно связаны с соответствующими константами связи.

Суммарная величина туннельного тока J(V) и компоненты $J_i(V)$, рассчитанные согласно (4), имеют вид

$$J(V) = \sum_{i=n,d,c} J_i(V),$$
(8)

где

$$J_n = \frac{(1-\mu)}{4eR} \int_{-\infty}^{\infty} d\omega K(\omega, V, T) |\omega| f(\omega, \Delta), \qquad (9)$$

$$J_{d} = \frac{\mu}{4eR} \int_{-\infty}^{\infty} d\omega K(\omega, V, T) |\omega| f(\omega, D), \qquad (10)$$

$$J_{c} = \frac{\mu \Sigma \cos \varphi}{4eR} \int_{-\infty}^{\infty} d\omega K(\omega, V, T) \operatorname{sign}(\omega) f(\omega, D). \quad (11)$$

Здесь

$$K(\omega, V, T) = \tanh \frac{\omega}{2T} - \tanh \frac{\omega - eV}{2T},$$
 (12)

$$f(\omega, x) = \frac{\theta(|\omega| - x)}{\sqrt{\omega^2 - x^2}}.$$
(13)

Динамические проводимости $G_S(V) \equiv (dJ/dV)_S$, полученные на основе формул (8)-(13), имеют корневые особенности при $eV = \pm \Delta$ и $\pm D$. Для дальнейшего следует отметить, что амплитуда особенностей при $eV = \pm D$ и соотношение этих амплитуд для разных ветвей IVC зависят от полярности V и фазы φ . Это происходит вследствие наложения токовых компонент d и n, удовлетворяющих обычному соотношению симметрии $J_i(V) = -J_i(-V)$, и компоненты c, для которой справедливо антисимметричное соотношение $J_c(V) = J_c(-V)$ [39]. Вследствие этого особенности компонент J_d и J_c при |eV| = D усиливают друг друга на одной ветви IVC и в значительной степени взаимно компенсируются на другой. На какой именно ветви

происходит усиление особенностей, а на какой — их компенсация, зависит от фазы CDW φ . Отметим, что особенности $G_{S}(V)$ при $eV = \pm D$ зависят от обеих перенормированных констант взаимодействия, приводящих к электрон-дырочному и куперовскому спариваниям [40]. Однако для купратов такие результаты дают слишком грубое описание, поскольку не учитывают реальное неоднородное пространственное распределение обоих ОР. Так, например, STM-измерения для оксида $Bi_{2-x}Pb_xSr_2CuO_y$ демонстрируют расслоение образцов на участки с разбросом ∆ в пределах 13-30 meV на зондированной площадке 12.5 × 12.5 nm [12]. В то же время спектр $G_S(V)$ на некоторых участках имеет псевдощелевой вид с $\Pi < 30 \, \text{meV}$. Следует иметь в виду, что построенная гистограмма [12] не делает различий между обоими видами щелей Δ и П. Аналогичная картина наблюдается для почти оптимально легированных образцов BSCCO [13], а именно: STM-спектры выявляют пятна размером 30 Å с "малыми" (25-30 meV) и "большими" (50-75 meV) значениями энергетических щелей. Увидеть неоднородность удается из-за малой величины длины когерентности сверхпроводника $\xi_0 \approx 15 - 20 \text{ \AA}$. Вследствие эффектов близости наблюдаемые спектры представляют собой до некоторой степени усредненную структуру, так что малую и большую щели нельзя непосредственно отождествить с Δ и Π или, в нашей интерпретации, с Δ и Σ .

В некоторых условиях, например, при межплоскостном туннелировании вдоль кристаллографической оси c в стопках (mesas) из 10–100 идентичных природных переходах (которые, естественно, являются симметричными SIS-структурами) псевдощелевые пологие максимумы превращаются в резкие пики. Такое резкое разграничение Δ - и П-особенностей наблюдалось в BSCCO [14,41].

3. Результаты вычислений

Чтобы промоделировать динамическую электропроводность в неоднородном BSCCO, мы провели усреднение IVC по параметрам щелей и μ . Для выяснения роли параметров задачи в возникновение интересующего нас явления мы усреднили зависимости $G_S(V)$, считая каждый раз, что только один из параметров имеет некоторый разброс, т.е. предполагая дисперсии разных параметров независимыми (см. также аналогичный подход в работе [42]). В качестве функции распределения параметра x выбрана нормированная функция

$$W(x) = \frac{15}{16\sigma^5} \left[(x - x_0)^2 - \sigma^2 \right]^2,$$
 (14)

заданная в интервале $|x - x_0| \le \sigma$ и равная нулю вне его. Эта модельная функция является простейшей функцией, характеризуемой только двумя параметрами, x_0 и σ ,



Рис. 2. Зависимости от энергии смещения eV безразмерной проводимости RdJ/DV = RG(V) в туннельном переходе между нормальным металлом и сверхпроводником с волной зарядовой плотности (CDW) (средняя затравочная сверхпроводящая щель $\Delta_0 = 20$ meV, затравочная CDW-щель $\Sigma_0 = 50$ meV, параметр диэлектризации поверхности Ферми $\mu = 0.1$) при усреднении по набору Δ_0 с различным разбросом значений $\delta\Delta_0 = 5$ (I), 10 (2) и 15 meV (3). T = 4.2 K.

заданной на конечном интервале, имеющей максимум на этом интервале в точке x₀ и вместе со своей производной гладко обращающейся в нуль вне этого интервала. Функция W(x) является более плавной, чем гауссовская аппроксимация, использованная [43] при игнорирующем псевдощель анализе неоднородности сверхпроводящего ОР в купратах. В принципе, конкретный вид весовой функции W(x) должен получаться из микроскопической теории. Однако, так как наш подход является феноменологическим, то вид функции W(x) представляет собой один из параметров задачи. В то же время очевидно, что замена функции (14) какой-либо другой функцией, локализованной вблизи x_0 , может привести только к численным отличиям конечного результата порядка нескольких процентов, оставляя основной вывод работы неизменным.

На рис. 2 показаны $G_S(V)$ в том случае, когда усредняемой величиной является затравочная сверхпроводящая щель Δ_0 . Средние значения Δ_0 и Σ_0 выбраны в соответствии с экспериментом для BSCCO [17] (кривая 62 К на рис. 1). Расчет показал, что DH-структура должна наблюдаться на отрицательной ветви IVC при $\varphi = \pi$. Состояния CDWS с $\varphi = 0$ и π термодинамически эквивалентны, и в случае их равной вероятности DH-структура должна была бы наблюдаться также равновероятно как на положительной, так и на отрицательной ветвях IVC. Мы не исследовали соответствующую статистику, однако, если экспериментально DH-структура проявляется



Рис. 3. То же, что на рис. 2, при усреднении по различным значениям разброса затравочной CDW-щели $\delta \Sigma_0 = 0$ (1), 10 (2), 20 (3) и 29 meV (4). Значения остальных параметров те же, что для рис. 2.

преимущественно на какой-то одной ветви [25], то это должно быть связано с некоторыми особенностями поведения CDW вблизи поверхности образца, анализ которых на микроскопическом уровне не является целью данной статьи. Поэтому в соответствии с результатами типичных экспериментов [17,25] ограничимся в дальнейшем значением $\phi = \pi$. Как видим, таким образом удается хорошо описать поведение $G_S(V)$ во внутрищелевой области. Кроме сверхпроводящих пиков по краям щели Δ видны особенности, величина которых определяется диэлектрической щелью. Они тоже затронуты усреднением по Δ_0 , но значительно меньше. Вблизи $|eV| \approx D$ функция $G_S(V)$ существенно асимметрична, в согласии с экспериментом, но даже выбранное значительное усреднение по Δ_0 не смогло сгладить корневую особенность при eV > 0 до состояния "горбика".

При $\varphi = 0$ картина отразилась бы зеркально относительно оси *OY* [44]. В то же время при $\varphi = \pi/2$ компонента (11), непосредственно связанная с электрондырочным спариванием, обращается в нуль, так что суммарная IVC становится симметричной с одинаковыми DH-особенностями для обеих полярностей напряжения на переходе. В частности, это соответствовало бы дополнительному усреднению туннельного тока в случае, когда фаза CDW в различных точках туннельного контакта имеет случайный разброс. Этим, в частности, может быть объяснена почти симметричная IVC с DH-особенностями, наблюдавшаяся для некоторых несимметричных SIN-переходов [29].

Результаты вычисления $G_S(V)$ с усреднением по Σ_0 изображены на рис. 3. Это усреднение прекрасно воспроизводит экспериментальные данные для BSCCO в

DH-области [17]. Небольшие отклонения $G_S(V)$ от G_N наблюдаются и при eV < 0. Отметим, что структура $G_S(V)$ при $|eV| \leq \Delta$ слабо затрагивается этим усреднением.

Зависимости от V усредненной по Σ_0 проводимости для разных значений параметра диэлектризации μ показаны на рис. 3. Из него следует, что для правильного описания эксперимента необходимо предположить, что лишь участок FS порядка 10% удовлетворяет условию конгруэнтности и искажается щелью, сопровождающей возникновение CDW. Для сравнения укажем, что в CDW-металле NbSe₃ параметр $\mu \approx 0.2$ [45], а в сплавах Cr–Re, где образуется волна спиновой плотности, $\mu \approx 0.1$ [46].

Таким образом, предлагаемая теория приводит к результатам, которые, по крайней мере качественно, хорошо описывают механизм появления несимметричной DH-структуры на IVC несимметричных SIN туннельных переходов. Следует отметить, что при реальной неоднородности CDWS-электрода по крайней мере три параметра — Δ_0, Σ_0 и μ — могут характеризоваться одновременным разбросом по объему образца. Мы же привели результаты расчетов, выполненных в предположении, что только какой-либо один параметр неоднороден. Поэтому вряд ли стоит ожидать точного количественного совпадения расчетных и экспериментальных данных. Более того, экспериментальные данные (рис. 1), во-первых, несомненно включают некую фоновую компоненту неизвестной природы, которую наша теория заведомо не учитывает, а во-вторых, приведены в нормализованном виде без указания нормировочной константы. Тем не менее учет неоднородности каждого из параметров задачи приводит к эволюции формы "идеальной" IVC



Рис. 4. То же, что на рис. 3, для $\delta \Sigma_0 = 20 \text{ meV}$ и различных $\mu = 0.1$ (1), 0.2 (2) и 0.3 (3). Значения остальных параметров те же, что для рис. 2.

(рис. 3, сплошная кривая), соответствующей фиксированным значениям этих параметров, в направлении экспериментальных IVC-профилей.

Более того, иногда утверждается, что асимметрия туннельных IVC, связанная с наличием DH-структуры, более характерная для высокотемпературных сверхпроводников с уровнем легирования выше оптимального (overdoped). Однако подобная асимметрия, как видно из рис. 1, не чужда и сверхпроводникам с уровнем легирования ниже оптимального (underdoped) (см., например, [47]). С точки зрения предлагаемой теории меньшая частота наблюдения DH-структуры для недолегированных сверхпроводников может быть, в частности, связана с их большей однородностью. В подтверждение сказанного укажем на IVC туннельных переходов, включающих YBa2Cu3O6+у, где DH-структура не наблюдается; при этом YB₂Cu₃O_{6+v} имеет гораздо более высокую степень однородности распределения дырок по объему образца, чем BSCCO [48].

С другой стороны, асимметрия IVC, связанная с наличием DH-структуры, действительно может быть более характерная для перелегированных оксидов типа BSCCO вследствие сближения псевдощелевой (CDW — в нашей интерпретации) и сверхпроводящей особенностей вблизи сверхпроводящего купола на фазовой диаграмме T - x [1].

4. Заключение

Таким образом, отождествление DH-особенностей со следствиями возникновения CDW и проведение усреднения по распределению диэлектрической щели Σ позволяет количественно описать данные туннельной спектроскопии. В то же время наиболее распространенное альтернативное объяснение [23], основанное на наличии некой узкой бозонной моды неизвестной природы с энергией Ω , оставляет неясным вопрос о несимметричном характере IVC. Кроме того, кислородное легирование BSCCO в широких пределах приводит к изменениям Δ и положения DH, не связанным между собой каким-либо простым соотношением [49]. В то же время в рамках "бозонного" подхода DH-структура должна находиться при $eV = \Delta + \Omega$ в SIN-переходах и $eV = 2\Delta + \Omega$ — в SIS-переходах.

В нашем подходе непропорциональность между положениями DH-структуры, с одной стороны, и щелевых особенностей Δ , с другой — при изменении концентрации кислорода (корреляции между этими величинами тем не менее существуют) объясняется тем, что особенность *D* зависит от сдвига T_d двояким нелинейным образом: через Σ и через Δ . А последняя величина также зависит и от Σ [38]. Наши расчеты свидетельствуют о некорректности вывода [18], что глубокую наблюдаемую "ямку" нельзя описать, предполагая несверхпроводящую природу формирующей ее псевдощели.

Авторы благодарны Toshikazu Ekino (Hiroshima Universtiy) за многочисленные полезные обсуждения и ознакомление с его неопубликованными экспериментальными данными. Авторы также признательны Kasa im. Józefa Mianowskiego и Fundacja na Rzecz Nauki Polskiej за финансовую поддержку их пребывания в Польше.

Список литературы

- A. Damascelli, Z. Hussain, Z.-X. Shen. Rev. Mod. Phys. 75, 473 (2003).
- [2] R.A. Klemm. Phil. Mag. 85, 801 (2005).
- [3] K. McElory, J. Lee, J.A. Slezak, D.-H. Lee, H. Eisaki, S. Uchida, J.C. Davis. Science **309**, 1048 (2005).
- [4] М.В. Садовский. УФН 171, 539 (2001).
- [5] A.M. Gabovich, A.I. Voitenko, M. Ausloos. Phys. Rep. 367, 583 (2002).
- [6] M. Norman, D. Pines, C. Kallin. Adv. Phys. 54, 715 (2005).
- [7] P.A. Lee, N. Nagaosa, X.-G. Wen. Rev. Mod. Phys. 78, 17 (2006).
- [8] S.A. Kivelson, I.P. Bindloss, E. Fradkin, V. Oganesyan, J.M. Tranquada, A. Kapitulnik, C. Howald. Rev. Mod. Phys. 75, 1201 (2003).
- [9] A. Sugimoto, S. Kashiwaya, H. Eisaki, H. Yamaguchi, K. Oka, H. Kashiwaya, H. Tsuchiura, Y. Tanaka. Physica C 426–431, 390 (2005).
- [10] Y. Yamada, M. Suzuki. Physica C 426-431, 364 (2005).
- [11] D. Mihailovic, V.V. Kabanov. In: Superconductivity in complex systems. Series: Structure, bonding / Eds K.A. Muller, A. Bussmann-Holder. Springer-Verlag, Berlin (2005). V. 114. P. 331.
- [12] H. Mashima, N. Fukuo, Y. Matsumoto, G. Kinoda, T. Kondo, H. Ikuta, T. Hitosugi, T. Hasegawa. Phys. Rev. B 73, 060 502 (2006).
- [13] A.C. Fang, L. Capriotti, D.J. Scalapino, S.A. Kivelson, N. Kaneko, M. Greven, A. Kapitulnik. Phys. Rev. Lett. 96, 017 007 (2006).
- [14] V.M. Krasnov, M. Sanderg, I. Zogaj. Phys. Rev. Lett. 94, 077 003 (2005).
- [15] L. Ozyuzer, Z. Yusof, J.F. Zasadzinski, T.-W. Li, D.G. Hinks, K.E. Gray. Physica C 320, 9 (1999).
- [16] N. Miyakawa, K. Tokiwa, S. Mikusu, J.F. Zasadzinski, L. Ozyuzer, T. Ishihara, T. Kaneko, T. Watanabe, K.E. Gray. Int. J. Mod. Phys. B 17, 3612 (2003).
- [17] N. Miyakawa, J.F. Zasadzinskii, L. Ozyuzer, P. Guptasarma, D.G. Hinks, C. Kendziora, K.E. Gray. Phys. Rev. Lett. 83, 1018 (1999).
- [18] P. Romano, L. Ozyuzer, Z. Yusof, C. Kurter, J.F. Zasadzinski. Phys. Rev. B 73, 092 514 (2006).
- [19] A. Yurgens, D. Winkler, T. Claeson, S.-J. Hwang, J.-H. Choy. Int. J. Mod. Phys. B 13, 3758 (1999).
- [20] M. Suzuki, T. Watanabe, A. Matsuda. Phys. Rev. Lett. 82, 5361 (1999).
- [21] V.M. Krasnov, A. Yurgens, D. Winkler, P. Delsing. J. Appl. Phys. 89, 5578 (2001).
- [22] M. Eschrig, M.R. Norman. Phys. Rev. Lett. 85, 3261 (2000).
- [23] J.F. Zasadzinski, L. Ozyuzer, L. Coffey, K.E. Gray, D.G. Hinks, C. Kendziora. Phys. Rev. Lett. 96, 017 004 (2006).
- [24] Ch. Renner, B. Revaz, J.-Y. Genoud, K. Kadowaki, Ø. Fisher. Phys. Rev. Lett. 80, 149 (1998).

- [25] A.K. Gupta, K.-W. Ng. Phys. Rev. B 58, 8901 (1998).
- [26] T. Gren, D. Roditchev, W. Sacks, J. Klein. Europhys. Lett. 54, 84 (2001).
- [27] M. Kugler, G. Levy de Castro, E. Giannini, A. Piriou, A.A. Manuel, C. Hess, Ø. Fischer. J. Phys. Chem. Sol. 67, 353 (2006).
- [28] J.Y.T. Wie, C.C. Tsuei, P.J.M. van Bentum, Q. Xiong, C.W. Chu, M.K. Wu. Phys. Rev. B 57, 3650 (1998).
- [29] Y. DeWilde, N. Miyakawa, P. Guptasarma, M. Iavarone, L. Ozyuzer, J.F. Zasadzinski, P. Romano, D.G. Hinks, C. Kendziora, G.W. Crabtree, K.E. Gray. Phys. Rev. Lett. 80, 153 (1998).
- [30] J.F. Zasadzinski, L. Coffey, P. Romano, Z. Yusof. Phys. Rev. B 68, 180 504 (2003).
- [31] G. Bilbro, W.L. McMillan. Phys. Rev. B 14, 1887 (1976).
- [32] Ю.В. Копаев. Тр. ФИАН СССР 86, 3 (1975).
- [33] G. Grüner. Density Waves in solids. Addison-Wesley Publ. Company, Reading, Massachusetts (1994). P. 259.
- [34] Р.Р. Гусейнов, Л.В. Келдыш. ЖЭТФ 63, 2255 (1972).
- [35] А.И. Ларкин, Ю.Н. Овчинников. ЖЭТФ 51, 1535 (1966).
- [36] A. Kapitulnik, A. Fang, C. Howald, M. Greven. J. Phys. Chem. Sol. 67, 344 (2006).
- [37] B.W. Hoogenboom, C. Berthod, M. Peter, Ø. Fischer, A.A. Kordyuk. Phys. Rev. B 67, 224 502 (2003).
- [38] A.M. Gabovich, M.S. Li, H. Szumczak, A.I. Voitenko. J. Phys.: Cond. Matter 15, 2745 (2003).
- [39] A.M. Gabovich, A.I. Voitenko. J. Phys.: Cond. Matter 9, 3901 (1997).
- [40] А.М. Габович, Э.А. Пашицкий, А.С. Шпигель. ФТТ 18, 3279 (1976).
- [41] V.M. Krasnov, A. Yurgens, D. Winkler, P. Delsing, T. Claeson. Phys. Rev. Lett. 84, 5860 (2000).
- [42] A.V. Balatsky, J.-X. Zhu. Phys. Rev. B 74, 094 517 (2006).
- [43] I. Martin, A. Balatsky. Physica C 357–360, 46 (2001).
- [44] A.M. Gabovich, A.I. Voitenko. Phys. Rev. B 56, 7785 (1997).
- [45] N.P. Ong, P. Monceau. Phys. Rev. B 16, 3443 (1977).
- [46] Y. Nishihara, Y. Yamaguchi, T. Kohara, M. Tokumoto. Phys. Rev. B 31, 5775 (1985).
- [47] J. Zasadzinski, L. Ozyuzer, N. Miyakawa, D.G. Hinks, K.E. Gray. Physica C 341–348, 867 (2000).
- [48] J. Bobroff, H. Alloul, S. Ouazi, P. Mendels, A. Mahajan, N. Blanchard, G. Collin, V. Guillen, J.-F. Marucco. Phys. Rev. Lett. 89, 157002 (2002).
- [49] J.F. Zasadzinski, L. Ozyuzer, N. Miyakawa, K.E. Gray, D.G. Hinks, C. Kendziora. J. Phys. Chem. Sol. 63, 2247 (2002).