# Многокомпонентные твердые растворы *n*-(Bi, Sb)<sub>2</sub>(Te, Se, S)<sub>3</sub> с различными замещениями атомов в подрешетках Bi и Te

© Л.Н. Лукьянова, В.А. Кутасов, П.П. Константинов

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе Российской академии наук, 194021 Санкт-Петербург, Россия

E-mail: lidia.lukyanova@mail.ioffe.ru

#### (Поступила в Редакцию 8 апреля 2008 г.)

Проведены исследования термоэлектрических свойств твердых растворов  $n-\text{Bi}_{2-x}\text{Sb}_x\text{Te}_{3-y-z}\text{Se}_y\text{S}_z$  в интервале температур 300–550 К. Показано, что повышение параметра материала  $\beta$ , определяющего термоэлектрическую эффективность Z, наблюдается в составах с оптимальными соотношениями между величинами эффективной массы плотности состояний  $m/m_0$ , подвижности носителей заряда  $\mu_0$  и решеточной теплопроводности  $\kappa_L$ .

В области температур 300–350 К повышение параметра  $\beta$  и термоэлектрической эффективности Z получено в твердых растворах с замещениями атомов в обеих подрешетках теллурида висмута Bi — Sb и Te — Se, S (x = 0.16, y = z = 0.12) при оптимальных концентрациях электронов. Увеличение концентрации электронов и замещение атомов только в подрешетке теллура приводят к росту параметра  $\beta$  и значения Z при более высоких температурах.

В интервале 350-450 K увеличение  $\beta$  и Z наблюдалось в твердом растворе с малым содержанием замещенных атомов в подрешетке теллура Te  $\rightarrow$  Se, S при y = z = 0.09, а при дальнейшем повышении температуры вплоть до 550 K в составе с замещениями атомов теллура только атомами селена при увеличении содержания замещенных атомов.

Работа поддержана проектом РФФИ № 07-08-0091а.

PACS: 72.20.Pa, 72.20.My, 72.80.Yc

## 1. Введение

Твердые растворы на основе теллурида висмута n-(Bi, Sb)<sub>2</sub>(Te, Se, S)<sub>3</sub> постоянно привлекают внимание многих исследователей, поскольку эти материалы при различных замещениях атомов в подрешетках основного соединения атомами селена, сурьмы и серы обладают высокой термоэлектрической эффективностью в области температур как ниже, так и выше комнатной при оптимальных составах и концентрациях носителей заряда [1–4].

Изменения термоэлектрической эффективности Z в зависимости от концентрации носителей заряда, температуры и состава твердого раствора [4,5] связаны с особенностями поведения эффективной массы плотности состояний  $m/m_0$ , подвижности носителей заряда  $\mu_0$  и решеточной теплопроводности  $\kappa_L$ , которые определяют параметр материала  $\beta$ . При расчете величин  $m/m_0$ ,  $\mu_0$  и  $\kappa_L$  учитываются изменения механизма рассеяния носителей заряда в твердых растворах с различными замещениями атомов в подрешетках теллурида висмута [6–8].

# 2. Термоэлектрические свойства твердых растворов

В работе рассматриваются твердые растворы *n*-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub> с замещениями атомов в обеих подрешетках теллурида висмута Bi  $\rightarrow$  Sb и Te  $\rightarrow$  Se, S, а также с замещениями атомов только в подрешетке теллура Te  $\rightarrow$  Se, S и Te  $\rightarrow$  Se. Твердые растворы были выращены методом направленной кристаллизации, в котором для получения однородных слитков использовалась прецизионная стабилизация температуры на фронте кристаллизации. Дополнительная однородность слитков твердых растворов достигалась с помощью реверсивного вращения кварцевых ампул, в которых находились слитки синтезированных материалов. Такая методика выращивания многокомпонентных твердых растворов позволяет получать текстурированные слитки, в которых монокристаллические зерна преимущественно расположены вдоль оси роста, перпендикулярной оси третьего порядка С3. Плоскости спайности в зернах (0001) ориентированы вдоль оси роста, которая определяет направление максимальной термоэлектрической эффективности. В качестве легирующих добавок использовались CdCl<sub>2</sub> и избыточный Те по сравнению со стехиометрическими составами твердых растворов.

2.1. Коэффициент термоэдс и электропроводность. Исследование температурных зависимостей коэффициента термоэдс  $\alpha(T)$  в твердых растворах *n*-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub> показывает, что достаточно заметный максимум на зависимости  $\alpha(T)$  в исследуемом интервале температур наблюдается в образцах с концентрациями электронов около  $2 \cdot 10^{19}$  сm<sup>-3</sup>. В таких образцах значения коэффициента термоэдс  $\alpha$  близки к  $230 \mu V \cdot K^{-1}$  при комнатной температуре (рис. 1, кривые *1*, *2*; см. также таблицу). Уменьшение коэффициента а при T > 350 К в твердом растворе с замещениями атомов Bi — Sb и Te — Se и S (x = 0.16, y = z = 0.06) указывает на влияние собственной проводимости при меньших температурах, чем в составах с большим

Номер образца	x	у	Z.	$d\ln \alpha/d\ln T$	$d\ln\mu_0/d\ln T$	$n, 10^{19} \mathrm{cm}^{-3}$
1	0.16	0.12	0.12	0.51	-1.52	2.1
2	0.16	0.06	0.06	0.54	-1.56	2.2
3	0	0.09	0.09	0.61	-1.52	4.0
4	0	0.6	0	0.44	-1.15	6.5
5	0	0.9	0	0.42	-1.0	6.5
6	0	0.15	0.15	0.55	-0.65	7.8

Угловые коэффициенты температурных зависимостей коэффициента термоэдс  $d \ln \alpha/d \ln T$  и подвижности  $d \ln \mu_0/d \ln T$  для твердых растворов n-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub>

количеством замещенных атомов в подрешетке Те при y = z = 0.12 (рис. 1, кривые *1*, *2*).

С ростом концентрации электронов максимум на температурной зависимости  $\alpha(T)$  сдвигается в сторону высоких температур (рис. 1, кривые 3–6) и становится более пологим. Сдвиг максимума зависимости  $\alpha(T)$  в образцах с высокими концентрациями электронов при замещениях атомов только в подрешетке Те одновременно атомами селена и серы (y = z = 0.09 и 0.15) (рис. 1, кривые 3 и 6) и при замещениях Те  $\rightarrow$  Se (y = 0.6 и 0.9) (рис. 1, кривые 4, 5) связан с тем, что влияние собственной проводимости начинает проявляться при повышенных температурах вследствие увеличения ширины запрещенной зоны  $E_g$  [9,10].

Кроме величины  $E_g$  на характер изменения коэффициента термоэдс в зависимости от состава, концентрации электронов и температуры оказывает влияние изменение параметров поверхности постоянной энергии в зоне проводимости твердых растворов [11], которые определяют усредненную эффективную массу  $m/m_0$  для случая, когда эллипсоидные поверхности постоянной энергии заменяются эквивалентной сферой [4,5,12].

Угловые коэффициенты температурных зависимостей коэффициента термоэдс  $d \ln \alpha/d \ln T$  для образцов твердых растворов, приведенных на рис. 1 и в таблице, были определены в температурных интервалах, для которых характерна примесная проводимость и зависимость  $d \ln \alpha/d \ln T$  близка к линейной. Интервалы температур, где наблюдается примесная проводимость, могут быть проиллюстрированы зависимостями коэффициента термоэдс  $\alpha$  от электропроводности  $\sigma$ , построенными для исследуемого интервала температур 300–550 K (рис. 2). Точки на кривых на рис. 2, расположенные справа налево, соответствуют температурам в интервалах 300–440 K (образцы № 1–3 в таблице) и 300–540 K (образцы № 4–6 в таблице) через 20 K.

Величины  $d \ln \alpha/d \ln T$  из таблицы ниже аналогичных значений, полученных в твердых растворах *n*-типа с низкими концентрациями электронов, оптимизированными для температур ниже комнатной [13]. С увеличением количества замещенных атомов в твердых растворах с близкими значениями коэффициента термоэдс и, следовательно, близкими концентрациями электронов угловые коэффициенты уменьшаются, т.е. температурные зависимости термоэдс ослабевают. Наклоны температурной зависимости электропроводности  $\sigma(T)$  (рис. 1) уменьшаются с ростом количества замещенных атомов, что связано с увеличением



**Puc. 1.** Температурные зависимости коэффициента термоэдс  $\alpha$  (*I*-6) и электропроводности  $\sigma$  (*7*-*12*) в твердых растворах n-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub>. *1*, 7 — x = 0.16, y = z = 0.12; 2, 8 — x = 0.16, y = z = 0.06; 3, 9 — x = 0, y = z = 0.09; 4, 10 — x = z = 0, y = 0.6; 5, 11 — x = z = 0, y = 0.9; 6, 12 — x = 0, y = z = 0.15.



**Рис. 2.** Зависимости коэффициента термоэдс от электропроводности в твердых растворах  $n-\text{Bi}_{2-x}\text{Sb}_x\text{Te}_{3-y-z}\text{Se}_y\text{S}_z$  для различных температур. Номера кривых соответствуют номерам образцов в таблице.

рассеяния носителей заряда на атомах, участвующих в образовании твердого раствора, приводящего к снижению подвижности (см. таблицу). На температурные зависимости  $\sigma(T)$ , как и на зависимость  $\alpha(T)$ , оказывает влияние изменение усредненной эффективной массы  $m/m_0$ , поскольку при расчетах параметров многодолинной модели энергетического спектра используется компонент тензора сопротивления  $\rho_{ij} = 1/\sigma$ .

2.2. Параметр мощности. На рис. 3 приведены температурные зависимости параметра мощности  $\alpha^2 \sigma$  в твердых растворах n-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub>. При замещениях атомов в обеих подрешетках теллурида висмута (Bi  $\rightarrow$  Sb и Te  $\rightarrow$  Se, S) параметр  $\alpha^2 \sigma$  резко уменьшается с повышением температуры из-за дополнительного рассеяния носителей заряда на замещенных атомах, образующих твердый раствор (рис. 3, кривые *1*, *2*; см. также таблицу). В этих образцах с концентрациями электронов около  $2 \cdot 10^{19}$  cm<sup>-3</sup> заметное влияние собственной проводимости проявляется при температурах T > 350 K (рис. 2, кривые *1*, *2*).

Высокие значения параметра  $\alpha^2 \sigma$  в области температур 300–450 К наблюдаются в составе с замещениями атомов в подрешетке теллура (Te  $\rightarrow$  Se, S) с небольшим содержанием замещенных атомов при x = 0, y = z = 0.09 (рис. 3, кривая 3) в образце № 3 с более высокой концентрацией электронов, чем в образцах № 1, 2 (см. таблицу).

Увеличение содержания селена (y = 0.6 и 0.9 при x = z = 0) и концентрации электронов в твердом растворе приводит к слабому снижению параметра мощности  $\alpha^2 \sigma$  при повышении температуры вплоть до T = 550 К (рис. 3, кривые 4, 5; см. также таблицу). В твердом растворе при x = 0, y = z = 0.15 величина  $\alpha^2 \sigma$  резко уменьшается с повышением температуры по сравнению с замещениями атомов Те только атомами Se (рис. 3, кривые 4–6). Характер температурных зависимостей  $\alpha^2 \sigma$  в рассматриваемых образцах различного



**Puc. 3.** Температурные зависимости параметра мощности  $\alpha^2 \sigma$ в твердых растворах *n*-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub>. *1* — *x* = 0.16, *y* = *z* = 0.12; *2* — *x* = 0.16, *y* = *z* = 0.06; *3* — *x* = 0, *y* = *z* = 0.09; *4* — *x* = *z* = 0, *y* = 0.6; *5* — *x* = *z* = 0, *y* = 0.9; *6* — *x* = 0, *y* = *z* = 0.15.



**Рис. 4.** Температурные зависимости теплопроводности  $\kappa$  в твердых растворах n-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub>. Обозначения кривых то же, что на рис. 3.

состава кроме изменений ширины запрещенной зоны связан также с изменением параметров поверхности постоянной энергии [7,8].

2.3. Теплопроводность. Исследования температурных зависимостей теплопроводности  $\kappa$  в твердых растворах  $\operatorname{Bi}_{2-x}\operatorname{Sb}_{x}\operatorname{Te}_{3-y-z}\operatorname{Se}_{y}\operatorname{S}_{z}$  показали, что значительное снижение величины  $\kappa$  наблюдается в составах с замещениями атомов  $\operatorname{Bi} \to \operatorname{Sb}$  и  $\operatorname{Te} \to \operatorname{Se}$ , S при температурах до 350 К. Увеличение содержания замещенных атомов Se и S в подрешетке Te до y = z = 0.12 при x = 0.16 (рис. 4, кривые 1, 2) приводит к снижению величины  $\kappa$  вследствие дополнительных искажений кристаллической решетки по сравнению с составом при y = z = 0.06. С увеличением температуры (T > 350 K) теплопроводность  $\kappa$  возрастает из-за влияния собственной проводимости в этих образцах (рис. 4, кривые 1, 2; см. также таблицу).

При температурах до 400 К в твердом растворе с небольшими замещениями атомов в подрешетке теллура при y = z = 0.09 и x = 0 (рис. 4, кривая 3) теплопроводность  $\kappa$  выше, чем в составе с замещениями Bi  $\rightarrow$  Sb и Te  $\rightarrow$  Se, S (рис. 4, кривые *1*, *2*), несмотря на более высокую концентрацию носителей заряда в образце № 3 (см. таблицу).

Дальнейший рост концентрации носителей заряда и увеличение содержания замещенных атомов в твердых растворах дают возможность избежать заметного роста теплопроводности в интервале температур 400–550 К из-за слабого влияния собственной проводимости в составах с замещениями атомов Те — Se при y = 0.6 и 0.9. Теплопроводность  $\kappa$  в твердом растворе с замещениями Те — Se, S при x = 0, y = z = 0.15 (рис. 4, кривые 4–6; см. также таблицу) слабо возрастает в интервале темпералур 400–550 К. Причем величины  $\kappa$  выше при x = 0, y = z = 0.15, чем в составе с большим суммарным содержанием замещенных атомов при y = 0.6 и 0.9.

При температурах до 450 К теплопроводность в твердом растворе с большим содержанием атомов селена при y = 0.9 выше, чем при y = 0.6. При T > 450 К величины теплопроводности  $\kappa$  в составах при y от 0.6 и 0.9 (рис. 4, кривые 4, 5) становятся близкими, а затем  $\kappa$  в твердом растворе при y = 0.9 уменьшается по сравнению с составом при y = 0.6, возможно изза небольшого увеличения концентрации электронов в образце № 5 (см. таблицу).

2.4. Термоэлектрическая эффективность. Температурные зависимости параметра мощности  $\alpha^2 \sigma$ и теплопроводности  $\kappa$  определяют изменения термоэлектрической эффективности Z в твердых растворах  $Bi_{2-x}Sb_xTe_{3-y-z}Se_yS_z$  (рис. 3–6). Увеличение термоэлектрической эффективности Z в составах с замещениями  $Bi \rightarrow Sb$  и  $Te \rightarrow Se$ , S при температурах до 350 K при x = 0.16, y = z = 0.12 определяется низкой теплопроводностью, несмотря на невысокое значение параметра мощности в этом составе в образце с оптимальной



**Рис. 5.** Температурные зависимости термоэлектрической эффективности Z в твердых растворах  $n-\text{Bi}_{2-x}\text{Sb}_x\text{Te}_{3-y-z}\text{Se}_y\text{S}_z$  для интервала температур 300–450 К. Обозначение кривых то же, что на рис. 3.



Рис. 6. Температурные зависимости термоэлектрической эффективности *Z* в твердых растворах *n*-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub> в интервале температур 400-550 К для образцов № 4-6 из таблицы.  $I - N ext{0.4}$ ,  $2 - N ext{0.5}$ ,  $3 - N ext{0.6}$  6.

концентрацией электронов для указанных температур (рис. 3–5, кривые *I*).

В интервале температур 350-450 К термоэлектрическая эффективность Z возрастает в твердом растворе при небольших замещениях атомов только в подрешетке теллура при x = 0, y = z = 0.09 и определяется значительным ростом параметра мощности, в то время как теплопроводность в указанном составе увеличивается (рис. 3-5, кривые 3).

На рис. 6 приведены зависимости термоэлектрической эффективности Z от температуры и концентрации носителей заряда в твердых растворах Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-v-z</sub>Se<sub>v</sub>S<sub>z</sub> в интервале температур 300-550 К для образцов с высокими концентрациями носителей заряда (образцы № 4-6 в таблице). При температурах выше 450 К увеличение Z наблюдается в образцах с близкими концентрациями электронов при замещениях атомов Te  $\rightarrow$  Se при x = z = 0, y = 0.6 (рис. 6, кривая 1; образец № 4 в таблице) по сравнению с составами с бо́льшим содержанием атомов селена (x = z = 0, y = 0.9) и твердым раствором с замещениями Te  $\rightarrow$  Se, S (x = 0, y = z = 0.15) (рис. 6, кривые 2, 3; образцы № 5,6 в таблице). Увеличение Z в образце № 4 связано с повышением параметра мощности и низкой теплопроводностью в составе при x = z = 0, y = 0.6.

Небольшое уменьшение теплопроводности  $\kappa$  в составе при x = z = 0, y = 0.9 (рис. 6, кривая 2; образец № 5 в таблице) при высоких температурах не компенсирует снижения параметра мощности  $\alpha^2 \sigma$ , что ведет к незначительному снижению термоэлектрической эффективности Z (рис. 3, 4, кривые 5; рис. 6, кривая 2; образец № 5 в таблице). Уменьшение величины Z в твердом растворе с замещениями атомов Те атомами Se и S (рис. 6, кривая 3; образец № 6 в таблице) происходит как из-за снижения параметра  $\alpha^2 \sigma$ , так и из-за увеличения теплопроводности  $\kappa$  при T > 450 K (рис. 3, 4, кривые 6).

## 3. Эффективная масса и подвижность

Дополнительная информация об особенностях поведения термоэлектрической эффективности Z в твердых растворах n-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub> при температурах выше комнатной, так же как и для области низких температур [4,5], может быть получена из зависимостей усредненной эффективной массы плотности состояний  $m/m_0$ , подвижности носителей заряда с учетом вырождения  $\mu_0$ и решеточной теплопроводности  $\kappa_L$ .

Как и при исследовании твердых растворов с оптимальными свойствами для области низких температур (T < 300 K), в расчетах величин  $m/m_0$ ,  $\mu_0$  и  $\kappa_L$  был использован эффективный параметр рассеяния носителей заряда  $(r_{\text{eff}})$ , учитывающий изменения процессов рассеяния по сравнению с акустическим механизмом при замещениях атомов в подрешетках теллурида висмута.

Расчеты  $\tau_{\rm eff}$  и приведенного уровня Ферми  $\eta$  были выполнены с использованием данных о параметре вырождения  $\beta_d(r, \eta)$  и коэффициенте термоэдс  $\alpha(r, \eta)$  для твердых растворов на основе теллурида висмута [14-16]. Параметр  $\beta_d(r, \eta)$ , отвечающий за механизмы рассеяния, был определен в рамках многодолинной модели энергетического спектра с изотропным рассеянием носителей заряда из данных, полученных при исследовании гальваномагнитных эффектов в твердых растворах  $n-Bi_{2-x}Sb_xTe_{3-y-z}Se_yS_z$ . Параметр вырождения  $\beta_d$ в твердых растворах  $(Bi, Sb)_2(Te, Se, S)_3$  был определен в рамках многодолинной модели энергетического спектра с изотропным рассеянием носителей заряда [5,7,8]. Для образцов, приведенных в таблице, величины r<sub>eff</sub> слабо изменялись в интервале от -0.79 до -0.81 для рассматриваемых составов и концентраций носителей заряда.

Для описания поверхности постоянной энергии в твердых растворах обычно используется многодолинная модель энергетического спектра с изотропным рассеянием носителей заряда [11], в которой параметры эллипсоидов постоянной энергии определяются компонентами тензора эффективных масс  $m_i/m_j$ . Величины отношений  $m_i/m_j$  определяют усредненную эффективную массу  $m/m_0$ , если ограничиваются рассмотрением сферической поверхности постоянной энергии. Влияние собственной проводимости при изменении состава и концентрации носителей заряда также оказывает влияние на величину  $m/m_0$ .

В твердом растворе при x = 0.16, y = z = 0.06 эффективная масса  $m/m_0$  сильнее уменьшается с ростом температуры до 450 K, чем в составе с бо́лышим содержанием атомов Se и S (x = 0.16, y = z = 0.12) в образцах с концентрациями электронов  $n \approx 2 \cdot 10^{19}$  сm<sup>-3</sup> (рис. 7, кривые 1, 2). Такое поведение  $m/m_0(T)$  кроме изменения отношений  $m_i/m_j$ , которые определяют анизотропию поверхности постоянной энергии, связано с влиянием собственной проводимости в составах с меньшим содержанием замещенных атомов в подрешетке Те при рассматриваемых температурах.

С повышением концентрации носителей заряда (рис. 7, кривые 3–6), когда влияние собственной проводимости проявляется при более высоких температурах, чем в образцах № 1, 2, эффективная масса  $m/m_0$  возрастает и температурные зависимости  $m/m_0(T)$  ослабевают. Ослабление зависимости  $m/m_0$  от температуры коррелирует с характером температурных зависимостей параметра мощности  $\alpha^2 \sigma$  (рис. 3) и изменениями ширины запрещенной зоны  $E_g$  в твердых растворах [9,10].

Следует отметить, что величина  $m/m_0$  немного ниже в составе при x = 0, y = z = 0.15, чем при x = z = 0, y = 0.6 и 0.9 (рис. 7, кривые 4–6) в исследуемом температурном интервале. Такое поведение эффективной массы в образцах № 4–6 можно объяснить изменением отношений  $(m_i/m_j)$ , определяющим анизотропию поверхности постоянной энергии в зависимости от состава твердого раствора [7,8].



**Рис. 7.** Температурные зависимости эффективной массы плотности состояний  $m/m_0$  в твердых растворах *n*-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub>. Обозначение кривых то же, что на рис. 3.



**Рис. 8.** Температурные зависимости подвижности носителей заряда  $\mu_0$  в твердых растворах n-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub>. Обозначение кривых то же, что на рис. 3.

Уменьшение эффективной массы  $m/m_0$  наблюдалось нами ранее в твердых растворах с замещениями Te — Se, S по сравнению с замещениями атомов теллура только атомами селена в образцах с низкими концентрациями носителей заряда, оптимальными для низкотемпературной области (< 300 K). При этом анизотропия поверхности постоянной энергии возрастала для составов с одновременными замещениями атомов теллура атомами селена и серы как при низких температурах, так и при комнатной температуре [7,8,13].

Подвижность  $\mu_0$  уменьшается, и температурные зависимости  $\mu_0$  ослабевают с ростом концентрации электронов и с увеличением количества замещенных атомов в твердых растворах вследствие рассеяния на нейтральных атомах дополнительных компонентов и рассеяния на атомах легирующей примеси (рис. 8; см. также таблицу). Кроме того, изменения подвижности, как и электропроводности, связаны также с изменениями параметров поверхности постоянной энергии в зависимости от состава и концентрации носителей заряда твердого раствора.

### 4. Решеточная теплопроводность

Выражение для полной теплопроводности *к* может быть представлено в виде

$$\kappa = \kappa_L + \kappa_e + \kappa_{np}, \tag{1}$$

где  $\kappa_L$  и  $\kappa_e$  — решеточная и электронная теплопроводность,  $\kappa_{np}$  — величина теплопроводности, связанная с собственной проводимостью.

При расчетах электронной части теплопроводности  $\kappa_e$ число Лоренца  $L(r_{\rm eff}, \eta)$ , где  $\eta$  — приведенный уровень Ферми, было определено с учетом изменений механизма рассеяния носителей заряда при различных замещениях атомов в подрешетках Bi<sub>2</sub>Te<sub>3</sub>. На рис. 9 представлены зависимости приведенного числа Лоренца  $\tilde{L}(r_{\rm eff}, \eta)$ , рассчитанного для эффективного параметра рассеяния  $r_{\rm eff}$ , и зависимость коэффициента термоэдс  $\alpha$  от уровня Ферми  $\eta$ .

Значительное уменьшение решеточной теплопроводности  $\kappa_L$  для температур ниже 350 K было получено в составе при замещениях атомов Bi  $\rightarrow$  Sb и Te  $\rightarrow$  Se, S (x = 0.16 и y = z = 0.12) по сравнению с составом (x = 0.16 и y = z = 0.06) (рис. 10, кривые 1, 2). Уменьшение  $\kappa_L$  происходит за счет искажений кристаллической решетки, которые возрастают при увеличении содержания замещенных атомов в твердом растворе. Возрастающие искажения кристаллической решетки приводят к увеличению рассеяния фононов в составе при x = 0.16 и y = z = 0.12 по сравнению с составом при x = 0.16 и y = z = 0.06 и при замещениях атомов только в подрешетке теллура при x = 0 и y = z = 0.09(рис. 10, кривые 1-3).

С повышением температуры при T > 350 K возрастает величина теплопроводности  $\kappa_{np}$ , связанная с соб-



**Рис. 9.** Приведенные значения числа Лоренца  $\tilde{L}(r_{\text{eff}}, \eta)$  (светлые символы) и коэффициента термоэдс  $\alpha$  (темные символы) в зависимости от уровня Ферми  $\eta$  в твердых растворах *n*-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub>. Обозначения (*1*-6) те же, что на рис. 3.



**Рис.** 10. Температурные зависимости решеточной теплопроводности  $\kappa_L$  в твердых растворах n-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub>. Обозначение кривых то же, что на рис. 3.

ственной проводимостью. Заметное влияние  $\kappa_{np}$  проявляется в образцах № 1–3 (рис. 10) при температурах выше 350 К, в то время как в образцах с более высокими концентрациями носителей заряда влияние собственной проводимости обнаруживается при T > 420 К в составах с замещениями атомов Te  $\rightarrow$  Se, S (y = z = 0.15) и Te  $\rightarrow$  Se (y = 0.6) (рис. 10, кривые 4, 6). Более высокое значение решеточной теплопроводности  $\kappa_L$  в твердом растворе при y = 0.9, чем при y = 0.6, связано с тем, что зависимость  $\kappa_L$  от состава в системе твердых растворов Bi<sub>2</sub>Te<sub>3-y</sub>Se<sub>y</sub> имеет размытый минимум при значения y вблизи 0.6.

# 5. Параметр материала β и термоэлектрическая эффективность

Соотношения между величинами эффективной массы  $m/m_0$ , подвижности  $\mu_0$  и решеточной теплопроводности  $\kappa_L$  определяют параметр материала  $\beta$ , связанный с термоэлектрической эффективностью (рис. 11),

$$ZT \sim \beta = \operatorname{const}\left(\frac{m}{m_0}\right)^{3/2} \mu_0 T^{5/2} \kappa_L^{-1}.$$
 (2)

В интервале температур 300–350 К увеличение параметра  $\beta$  и термоэлектрической эффективности Z получено в твердом растворе при x = 0.16, y = z = 0.12при концентрации носителей заряда, оптимальной в указанной области температур (см. таблицу). Увеличение  $\beta$  и Z происходит за счет роста эффективной массы  $m/m_0$ , которое сопровождается снижением решеточной теплопроводности  $\kappa_L$  (рис. 5, 7, 10, 11, кривые 2).

Более высокая подвижность в твердом растворе с меньшим содержанием атомов Se и S (y = z = 0.06) при том же значении x = 0.16 не компенсирует роста решеточной теплопроводности в этом составе по сравнению с y = z = 0.12, в результате чего снижаются параметр  $\beta$  и





**Рис. 11.** Температурные зависимости параметра материала  $\beta$  в твердых растворах  $n-\text{Bi}_{2-x}\text{Sb}_x\text{Te}_{3-y-z}\text{Se}_y\text{S}_z$ . Обозначение кривых то же, что на рис. 3.

термоэлектрическая эффективность Z при температурах ниже 350 К (рис. 5, 7, 10, 11, кривые *1, 2*).

Увеличение  $\beta$  и Z в составе при x = 0, y = z = 0.09в интервале температур 350–450 К определяется более высокой подвижностью  $\mu_0$  (рис. 5, 8, 11, кривые 3). При температурах выше 450 К в образцах с высокими концентрациями электронов наибольшие величины  $\beta$ и Z для исследованных составов наблюдаются при замещениях атомов в подрешетке теллура атомами селена (x = z = 0, y = 0.6) (рис. 6, кривая *1*; рис. 11, кривая *4*).

Увеличение  $\beta$  и Z в этом составе обусловлено небольшим ростом подвижности  $\mu_0$  и уменьшением решеточной теплопроводности  $\kappa_L$  по сравнению с составами с бо́льшим содержанием атомов селена (x = z = 0, y = 0.9). По сравнению с твердым раствором, в который кроме замещения атомов Se вводятся атомы S (x = 0, y = z = 0.15), увеличение  $\beta$  и Z в составе при (x = z = 0, y = 0.6) также объясняется ростом подвижности  $\mu_0$  и уменьшением решеточной теплопроводности  $\kappa_L$  (рис. 6, кривые 1-3; рис. 8, 10, 11, кривые 4-6).

## 6. Заключение

Исследования твердых растворов *n*-Bi<sub>2-x</sub>Sb<sub>x</sub>Te<sub>3-y-z</sub>Se<sub>y</sub>S<sub>z</sub> при оптимальных концентрациях носителей заряда для интервала температур 300-550 К показали, что увеличение термоэлектрической эффективности Z наблюдается при оптимальных соотношениях между величинами эффективной массы плотности состояний  $m/m_0$ , подвижности носителей заряда  $\mu_0$  и решеточной теплопроводности  $\kappa_L$ , которые определяют параметр материала  $\beta$ .

В интервале температур 300–350 К увеличение параметра материала  $\beta$  и термоэлектрической эффективности Z получено в твердом растворе при введении атомов в обе подрешетки теллурида висмута Bi  $\rightarrow$  Sb и Te  $\rightarrow$  Se, S (x = 0.16, y = z = 0.12). Рост  $\beta$  и Z происходит за счет увеличения эффективной массы  $m/m_0$  и снижения решеточной теплопроводности  $\kappa_L$  в образцах с оптимальными концентрациями электронов.

С повышением температуры (T > 350 K) увеличение  $\beta$  и Z наблюдается в твердых растворах при введении атомов только в подрешетку теллура в образцах с более высокими концентрациями электронов, при которых влияние собственной проводимости смещается к высоким температурам. В интервале температур 350–450 K параметр  $\beta$  и эффективность Z возрастают в твердом растворе с малым содержанием атомов селена и серы при x = 0, y = z = 0.09, что связано с высокой подвижностью  $\mu_0$ .

В интервале 450–550 К повышение  $\beta$  и Z получено в твердом растворе при введении только атомов Se в подрешетку Те в составе при x = z = 0, y = 0.6. Рост  $\beta$  и Z объясняется низкой величиной решеточной теплопроводности и увеличением подвижности по сравнению с твердым раствором с большим содержанием Se (y = 0.9) и с составом с совместным замещением атомов Te атомами Se и S (x = 0, y = z = 0.15).

## Список литературы

- M.H. Ettenberg, W.A. Jesser, F.D. Rosi. Proc. of the XV Int. Conf. on Thermoelectrics. Passadena, CA, USA (1996). P. 52.
- [2] Т.Е. Свечникова, Л.Е. Шелимова, П.П. Константинов, М.А. Кретова, Е.С. Авилов, В.С. Земсков, Х. Штиве, А. Зубер, Е. Мюллер. Неорг. материалы 41, 1186 (2005).
- [3] Л.Д. Иванова, Л.И. Петрова, Ю.В. Гранаткина, В.С. Земсков. Неорган. материалы 43, 1044 (2007).
- [4] V.A. Kutasov, L.N. Lukyanova, M.V. Vedernikov. In: Thermoelectrics handbook macro to nano / Ed. D.M. Rowe. CRC, Taylor & Francis Group (2006). Ch. 37. P. 37.
- [5] Л.Н. Лукьянова, В.А. Кутасов, П.П. Константинов, В.В. Попов. ФТТ 48, 1751 (2006).
- [6] L.N. Lukyanova, V.A. Kutasov, V.V. Popov, P.P. Konstantinov, M.I. Fedorov. Proc. of the XXV Int. Conf. on Thermoelectrics. Vienna, Austria (2006). P. 496.
- [7] Л.Н. Лукьянова, В.А. Кутасов, В.В. Попов, П.П. Константинов. ФТТ 48, 607 (2006).
- [8] L.N. Lukyanova, V.A. Kutasov, V.V. Popov, P.P. Konstantinov. Proc. of the XXIV Int. Conf. on Thermoelectrics. Clemson, SC, USA (2005). P. 426.
- [9] Ч.Д. Бекдурдыев, Б.М. Гольцман, В.А. Кутасов, А.В. Петров. ФТТ 16, 1212 (1974).
- [10] К.А. Хогарт. Материалы, используемые в полупроводниковых приборах Мир, М. (1968). 349 с.
- [11] L.P. Caywood, G.R. Miller. Phys. Rev. B 2, 3209 (1970).
- [12] L.N. Lukyanova, V.A. Kutasov, P.P. Konstantinov. Proc. of the 5<sup>th</sup> Eur. Conf. on Thermoelectrics. Odessa, Ukraine (2007). P. 172.
- [13] В.А. Кутасов, Л.Н. Лукьянова, П.П. Константинов. ФТТ 42, 1985 (2000).
- [14] В.А. Кутасов, Л.Н. Лукьянова. ФТТ 26, 2501 (1984).
- [15] В.А. Кутасов, Л.Н. Лукьянова. ФТТ 28, 899 (1986).
- [16] Л.Н. Лукьянова, В.А. Кутасов, В.В. Попов, П.П. Константинов. ФТТ **46**, 1366 (2004).