

УДК 537.311.322

О РЕЛАКСАЦИОННЫХ ПРОЦЕССАХ ПРИ УМЕРЕННО НИЗКИХ ТЕМПЕРАТУРАХ И РАСПРЕДЕЛЕНИИ ПАРАМЕТРОВ МЯГКИХ АТОМНЫХ КОНФИГУРАЦИЙ В НЕМЕТАЛЛИЧЕСКИХ СТЕКЛАХ

М. И. Клингер

Получены и кратко обсуждены соотношения, описывающие акустические и диэлектрические (или ИК) потери при умеренно низких температурах $T \approx 10 \div 10^2$ К и частотах $\omega \leq 10^{12}$ /с в неметаллических стеклах. Характер поведения этих потерь, определяемых релаксационными процессами в мягких атомных конфигурациях, оказывается связанным со специфическим видом распределения параметров таких конфигураций.

1. В настоящем сообщении рассматривается актуальная проблема низкотемпературной физики стекол, касающаяся поведения коэффициентов $\alpha(\omega, T)$ акустических и диэлектрических потерь в неметаллических стеклах в зависимости от частоты ω волны и температуры T , в широкой области ω ($10^3/\text{с} \leq \omega \leq 10^{12}/\text{с}$) и для умеренно низких T ($T_l \leq T \leq T_u$) при $T_l \approx 10$ К и $T_u = 10^2$ К ($< \hbar \omega_p$). Для ряда стекол (SiO_2 , ПММА, $\text{LiCl} \cdot 7\text{H}_2\text{O}$ и др.) при $\omega \leq 10^9 \div 10^{10}/\text{с}$ в этой области температур обнаружено, что с ростом T $\alpha(\omega, T)$ имеет сначала плато, продолжающее плато для более низких $T < T_l$, а затем заметный (отчасти напоминающий активационный) рост и максимум при $T = T_m$, $T_l < T_m \leq T_u$ [1-3]. При этом $\alpha \propto \omega^s$ и в основном $s \approx 1$, хотя на высокотемпературном хвосте максимума скорее $s \approx 2$. Подобные черты поведения наблюдаются также для характеристики $\beta(\omega, T) \equiv \sigma(\omega, T) \omega^2/T$ нейтронного (или ИК) рассеяния с сечением $\sigma(\omega, T)$ в некоторых стеклах (SiO_2 и др.) в той же области ω и T ($\gg \hbar \omega$) [4]. Однако в других стеклах (As_2S_3 и др.) плато для $\alpha(\omega, T)$ продолжается по крайней мере во всей области $T_l \leq T \leq T_u$ (или при $T > T_l$ имеет спад с ростом T), но по-прежнему $\alpha \propto \omega^s$ при $s \approx 1$.

Такое поведение $\alpha(\omega, T)$ при $T_l \leq T \leq T_u$ предполагалось [5] обусловленным надбарьерной релаксацией в атомных двухъямных потенциалах (АДП) в туннельной модели [1]. Для его интерпретации постулировалась плотность распределения высоты V межъямного барьера, определяющей время релаксации $\tau = \tau_{0n} \exp(V/T)$, различного вида

$$P(V) \propto V^n \exp(-V/V_0), \quad V_0 = \text{const}$$

при $n=0$ [6], $n=1$ [7] или $n=3$ [7] или Гауссова $P(V)$ во всей области изменения V ($\leq V_{\text{max}}$) [7] или в части этой области [8]. При этом основной вклад в $\alpha(\omega, T)$ вносят значения V , пропорциональные T и слабо зависящие от ω (см. [1], а также ниже), и $\alpha(\omega, T) \propto \omega T^n \exp(-T/T_0)$, где T_0 слабо зависит от ω .

Такое поведение, как представляется, нелегко согласовать (при подборе параметров n , V_0 и т. п.) с экспериментальным прежде всего с заметным ростом α с ростом T (между плато и максимумом). Поэтому возникает вопрос об адекватном виде $P(V)$, определяющем поведение $\alpha(\omega, T)$.

Помимо этого, возникают и другие вопросы, Так, неясно, почему надбарьерная релаксация должна преобладать уже при $T \geq 10$ К, коль скоро в туннельной модели [5] частота внутримышечных колебаний в АДП $\omega_0 \sim \omega_p$ ($\hbar \omega_p \gg 10$ К) и характерный масштаб V велик ($\gg \hbar \omega_p$).

2. Ответы на эти вопросы могут быть получены в модели «мягких атомных конфигураций» и теории соответствующих низкоэнергетических возбуждений [9, 10], частным случаем которой можно полагать туннельную модель [5]. Об этом идет речь в настоящем сообщении, в котором (в развитие результатов туннельной модели [1, 2], $T \ll T_l \approx 10$ К [9, 10]) считаем, что поглощение (рассеяние) при $T_l \leq T \leq T_u$ и $\omega \ll 10^{12}/\text{с}$ (см. ниже) определяется релаксационными (нерезонансными) процессами

$$\alpha(\omega, T) \approx \alpha^{(rel)}(\omega, T) \propto \frac{\omega}{T} f(\omega, T), \quad \sigma(\omega, T) \approx \sigma^{(rel)}(\omega, T) \propto \frac{f(\omega, T)}{\omega}, \quad (1)$$

$$f(\omega, T) = \sum_{j=1, 2} f_j(\omega, T) f_j(\omega, T) = \int_0^{\infty} \int_0^{\infty} \frac{d\delta d\tau \bar{P}_j(\delta, \tau)}{\text{ch}^2(\delta/2T)} \frac{\omega\tau}{1 + \omega^2\tau^2}. \quad (2)$$

Здесь $\bar{P}_j(\delta, \tau)$ — плотность распределения энергии δ и времен релаксации τ для низкоэнергетических возбуждений: туннельных состояний (ТС) в «мягких» АДП ($\delta = \delta_1, j=1$) и мягких ангармонических колебательных возбуждений ($j=2$) при $\delta_2 \approx \omega \approx 10 \div 30$ К $\gg \delta_1$ [9, 10]. Соотношения (1) и (2) при известных $\bar{P}_j(\delta, \tau)$ способны дать единое описание таких релаксационных процессов при всех $T \leq T_u$ ($\approx 10^2$ К) и $\omega \ll \omega/\hbar \approx 10^{12}/\text{с}$.

В туннельной модели при $T < T_l$ (≈ 10 К) $\bar{P}_1(\delta, \tau)$ определяется плотностью распределения $P(\Delta, \lambda)$ параметров асимметрии Δ и мощности барьера λ в АДП, которая полагается равномерной. В модели мягких конфигураций $P(\Delta, \lambda)$ отклоняется от равномерной по λ , спадая как при достаточно больших λ (по закону $\lambda^{-\beta}$, $\beta \sim 1$), так и достаточно малых λ [9, 10]. Интерполяционное соотношение, аппроксимирующее $P(\Delta, \lambda)$ с учетом «плато» по λ также, здесь представлено в виде ¹

$$P(\Delta, \lambda) \approx P_0 \exp\left[-\frac{\lambda_1^2}{\lambda^2 + \lambda_0^2}\right] (\lambda + \lambda_2)^{-\beta}, \quad P_0 = \text{const}, \quad (3)$$

$$0 \leq \lambda_0 < \lambda_2, \quad \lambda_1 < \lambda_2, \quad \lambda_{\min} \leq \lambda \leq \lambda_{\max}, \quad \lambda_{\min} \approx 3, \quad \lambda_{\max} \approx 10 \div 30$$

(и скорее $\lambda_0 < \lambda_1$). Эта функция, равномерная по Δ , имеет по λ не только почти плато при $\lambda \equiv \max\{\lambda_0, \lambda_1\} \leq \lambda \leq \lambda_2$, но и слабый максимум в области «плато» при $\lambda = \lambda_m$, $\bar{\lambda} < \lambda_m < \lambda_2$, и участки возможного некоторого роста при $\lambda < \bar{\lambda}$ ($\approx \lambda_1$ скорее) и слабого спада при $\lambda > \lambda_2$. Вообще говоря, можно различать два типа стекол, отвечающие двум типам распределения параметров мягких конфигураций (см. [9, 10] и ссылки в них): при $\beta \equiv \beta_I = 4/3$ ($\beta > 1$) и $\beta \equiv \beta_{II} = 2/3$. Функция $\bar{P}_1(\delta, \tau)$, определяемая $P(\Delta, \lambda)$ из (3), в основном приводит в (1) и (2) к результатам туннельной модели для $\alpha_1(\omega, T)$ [1, 2]

$$\alpha_1(\omega, T) \propto \omega^0 T^3 \quad \text{при } T < T_L(\omega) \approx 10^{-2}(\omega \cdot \text{с})^{1/3} \text{ К } (\leq 1 \text{ К})$$

или

$$\omega > \omega_L(T) \approx (10^6 - 10^7) \text{ с}^{-1} (T/1 \text{ К})^3 (T \leq 1 \text{ К}),$$

но $\alpha_1(\omega, T) \propto \omega T^0$ при $T_L(\omega) \leq T < T_l$ (или $\omega < \omega_L(T) \leq \omega^* \approx \omega_L(T_l)$). Отклонение $P(\Delta, \lambda)$ от равномерной в (3) может привести к слабому отклонению $\alpha_1(\omega, T)$ на плато от линейной зависимости от ω .

¹ По-видимому, зависимость теплоемкости (теплопроводности) стекла от T при $T \leq 1$ К может быть несколько ближе к эмпирической $T^{1+\alpha}$, $0 \leq \alpha \leq 1$ ($T^{-\gamma}$, $0 \leq \gamma \leq 1$) при подобной $P(\Delta, \lambda)$, чем при $P(\Delta, \lambda) = \text{const}$ (см. [10]).

3. При рассмотрении релаксационных процессов в мягких АДП [9, 10] в согласии с теорией квантовой диффузии [11] можно полагать, что

$$\tau^{-1} = \tau_0^{-1} \exp(-2\Delta) \equiv \tau_0^{-1} \exp(-V/\theta), \quad (4)$$

где

$$\tau^{-1} = \tau_f^{-1} \propto J^2(\lambda) \approx (\hbar\omega_0)^2 \exp(-2\lambda), \quad \Delta \equiv \lambda \text{ и } \theta \equiv V/2\lambda \approx T^*(\lambda, V) \text{ при } T < T^*(\lambda, V)$$

или

$$\tau_0^{-1} = \tau_{0a}^{-1} \sim \omega_0 \approx w/\hbar, \quad 2\Delta \equiv V/T \text{ и } \theta = T \text{ при } T > T^*(\lambda, V) \approx (V\hbar^2/2Ml^2)^{1/2}, \\ \lambda = \kappa (2MVI^2/\hbar^2)^{1/2} \gg 1, \quad \kappa \approx 1 \text{ (для } \tau_{0f}^{-1} \text{ см. [1, 2, 5]).}$$

В модели мягких конфигураций [9, 10] характерное значение V_c для высоты барьера V имеет масштаб 0.1 эВ ($\sim A (\zeta_0 \gamma_{IL})^2$ при $A \sim 30^0$ эВ, $\zeta_0^2 \sim 30$, $\gamma_{IL} \sim 10^{-2}$ [9]), а для межъямного расстояния l : $l_c = \gamma_c a_0$, $\gamma_c \approx 1/3$ ($a_0 \approx 1$ Å). При этом и при актуальных массах туннелирующих частиц $M \approx 10^{-22} \div 10^{-21}$ г для $T^*(\lambda, V)$ характерное значение $T^* \approx 10 \div 30$ К $\approx w$ и фактически $T^* \approx T_l$. Здесь w — характерная энергия нулевых колебаний в мягкой потенциальной яме (с упругой энергией $\ll A$), масштаб которой $\approx 10 \div 30$ К универсален для стекол. Таким образом, единый релаксационный процесс в мягких АДП имеет туннельный или надбарьерный характер при $T < T^* \approx w$ или $T > T^*$. Для рассматриваемой надбарьерной релаксации при $T > T^*$ $\bar{P}_1(\mathcal{E}, \tau)$ определяется плотностью распределения $\bar{P}(\Delta, V)$, если учесть соотношения (4) (и использовать адекватную аппроксимацию $\mathcal{E} \rightarrow 2\Delta$). Учитывая узость распределения для l (см. также [12]), можно полагать, что $V = V_a \lambda^2$ при $V_a \approx \varepsilon_0 a_0^2 / \kappa^2 l_c^2 = \text{const} \approx 10\varepsilon_0 \approx 1 \div 10$ К, $\varepsilon_0 \equiv \hbar^2/2Ma_0^2$. При этом и при $V_{\min} \ll V < V_{\max} = V_a \lambda_{\max}^2$

$$\bar{P}(\Delta, V) \approx (P_0/2V_a) \exp\left[-\frac{V_1}{V+V_0}\right] (V_a/V)^{1/2} \left(\frac{V_a}{V+V_2}\right)^{3/2}, \quad (5)$$

$$\bar{P}(\Delta, V) d\Delta dV = P(\Delta, \lambda) d\Delta d\lambda, \quad V_j = V_a \lambda_j^2 (j=0, 1, 2), \quad V_{\min} = \\ = V_a \lambda_{\min}^2 < \bar{V} \equiv \max\{V_0, V_1\} < V_2$$

($V_{\min} \approx 10^2$ К при $\varepsilon_0 \approx 1$ К и $\lambda_{\min}^2 \approx 10$; скорее $V_0 < V_1$) и $\bar{P}(\Delta, V) \propto V^{-1/2}$ при $\bar{V} \ll V \leq V_2$. Как обычно в таких ситуациях (см. [13]), когда распределение $\bar{P}_1(\mathcal{E}, \tau)$ для τ очень широко при (4) и (5), в соотношении

$$\alpha_1(\omega, T) \approx \frac{\omega}{T} \int_0^\infty \int \frac{d\Delta dV}{\text{ch}^2(\Delta/T)} \frac{\omega \tau_{0a} \exp(V/T)}{1 + \omega^2 \tau_{0a}^2 \exp(2V/T)} 2T \bar{P}(\Delta, V), \quad (6)$$

вытекающем из (1) и (2), определяющий вклад вносят

$$V = V_\omega = 2T\Delta_\omega \equiv T \ln(1/\omega\tau_{0a}),$$

для которых

$$\omega \tau_{0a} \exp(V_\omega/T) = 1 \text{ при } \omega \tau (1 + \omega^2 \tau^2)^{-1} \rightarrow \delta(\Delta - \Delta_\omega) = 2T\delta(V - V_\omega), \\ \tau_{0a}^{-1} \approx \omega [1 + c_0 \exp(-2\Delta/T)] \sim \omega.$$

Это верно, коль скоро $\omega \tau_{0a} \ll 1$, т. е. $\omega \ll w/\hbar \approx 10^{12}$ /с. В результате при $T > T^* \approx 10 \div 30$ К и $\omega \ll 10^{12}$ /с

$$\alpha_1(\omega, T) \approx \frac{\omega \psi(T)}{\ln(1/\omega\tau_{0a})}, \quad \psi(T) = \left(\frac{T}{W_a}\right)^{1/2} \left(\frac{W_a}{T+W_2}\right)^{\beta/2} \exp\left[-\frac{W_1}{T+W_0}\right], \quad (7)$$

где

$$W_j = V_j / \ln\left(\frac{1}{\omega\tau_{0a}}\right) \ll V_j, \quad \beta \equiv \beta_I = 4/3 \text{ или } \beta \equiv \beta_{II} = 2/3$$

для двух типов (поведения) стекол, которые следует различать.

Для стекол с $\beta = \beta_I (> 1)$, $\alpha_1(\omega, T)$ при $\omega \ll \tau_{0a}^{-1} \approx 10^{12}$ /с имеем максимум при $T = T_m \approx c_1 (W_2 + 2W_1)$, $c_1 \approx 3$, коль скоро $T^* < T_m < W_{\text{мех}}$. При этом рост от «туннельного» плато ($T < T^*$) к максимуму с ростом T при $T > T^*$ происходит довольно быстро — почти активационно при $W_0 <$

$< T < W_1$ (или несколько слабее в альтернативном случае, если он актуален). Спад после максимума, однако, весьма медленен. Поэтому существует широкая асимметричная полоса около T_m с платообразным участком при $T_m < T (\leq T_u)$. В отличие от $T_L(\omega)$ T_m логарифмически слабо зависит от ω в актуальном интервале $10^3 \text{ с}^{-1} \leq \omega \leq (10^9 - 10^{10}) \text{ с}^{-1}$, в котором $W_j \approx (0.1 - 0.05) V_j$ и $W_2 \approx (0.5 - 3) w \approx 10 \div 100 \text{ К} \sim 10W_1$ при реалистических $V_2 \approx (10 - 10^2) w$, $\lambda_2^2 \sim 10^2 \leq \lambda_{\text{max}}^2 \approx 10^2 \div 10^3$ и $V_1 \approx (1 - 10) w$. При этом T_m лежит между $T_m \approx 30 \text{ К}$ и $T_m \sim 100 \text{ К}$ и

$$Q_0 = \frac{\alpha_1(\omega | T = T_m > T^*)}{\alpha_1(\omega | \text{плато при } T < T^*)} \approx \frac{\lambda_2^2 \psi(T_m)}{\ln(1/\omega\tau_{0a})} \geq 1 \text{ при } \psi(T_m) \approx 1, \quad (8)$$

в частности, $Q_0 \approx 2$ при $\ln(1/\omega\tau_{0a}) \approx 10\psi(T_m)$ и $\lambda_2 \approx 20$ (см. [1, 3]). В случае, когда $Q_0 \approx 1$, «туннельное» плато как бы продолжается и при $T > T^*$, вплоть до верхней границы T_u рассматриваемой области (и не исключен слабый спад при $T \sim T^*$). Если же было бы $T_m \leq T^*$, то полоса с максимумом отсутствовала бы и имел бы место лишь слабый спад α_1 с ростом $T (> T^*)$. Наконец, если $T_m > T_u (\sim 10^2 \text{ К})$, то при $T^* < T < T_u$ поведение $\alpha_1(\omega, T)$ с ростом T определяется заметным ростом (реально скорее $T_m > T^*$; см. оценки выше).

Для рассматриваемых стекол $\alpha_1(\omega, T) \propto \omega^s, s \approx 1, \omega \leq \omega^* \equiv \omega_L(T^*) \approx \omega_L(T_u) \approx 10^9 \div 10^{10} \text{ с}^{-1} (\ll \tau_{0a}^{-1})$ при не очень высоких T в области $T^* < T \leq T_u$, когда для поглощающих систем имеет место как $\omega\tau < 1$, так и $\omega\tau > 1$. Однако при достаточно высоких $T > \{T_m; \gamma_0 T^*\}$ ($\gamma_0 \approx 2 \div 3$) и $\gamma_0 T^* \leq T_u$, практически $\omega\tau < 1$, так что $s \approx 2, \omega^2\tau(1 + \omega^2\tau^2)^{-1} \approx \omega^2\tau$ (возможно, на высокотемпературном хвосте максимума). Для стекол типа (II) (поскольку они существуют) с ростом T максимум $\alpha_1(\omega, T)$ при $\omega \ll \tau_{0a}^{-1}$ не ожидается, но скорее ожидается рост как при $\bar{W} < T < W_2$, так и более медленный при $T \geq W_2$ в области $T^* < T \leq T_u$.

Во всех рассматриваемых ситуациях поведение $\alpha_1(\omega, T)$ с ростом T заметно отличается от такового при $\bar{P}(\Delta, V) \approx \text{const}$ [14], $\bar{P}(\Delta, V)^n \propto V^n \exp(-V/V_0)$ ($n=0, 1, 2$) [6, 7] или гауссовой $\bar{P}(\Delta, V)$ по V [7, 8].

В целом поведение $\alpha_1(\omega, T)$ при $T > T^* \approx 10 \div 30 \text{ К}$ определяется при $\omega\tau_{0a} \ll 1$ и $\omega\tau \geq 1$ не столько конкретным механизмом релаксации, сколько надбарьерным ее характером и видом $\bar{P}(\Delta, V)$ при $V = V_\omega = T \ln(1/\omega\tau_{0a}), V_{\text{min}} < V_\omega < V_{\text{max}}$.

4. Вклад мягких ангармонических колебательных возбуждений, для которых характерны малые времена релаксации $\tau^{-1}(\mathcal{E}) \sim \Phi_0 \omega_D (\mathcal{E}/\hbar\omega_D)^3 \times \text{cth}(\mathcal{E}/2T) \sim 10^{-2} \omega_D \sim 10^{-1} w/\hbar \sim 10^{11} \text{ с}^{-1} (\gg \omega^* \approx 10^9 \div 10^{10} \text{ с}^{-1})$ при типичных $\Phi_0 \sim 10$ и $\mathcal{E} \approx w$ ($T \leq T_u$) в коэффициент $\alpha^{(\text{rel})}(\omega, T)$ (см. (1) и (2)), определяется соотношением

$$\alpha_2(\omega, T) \propto \int_0^\infty d\mathcal{E} n_2(\mathcal{E}) \frac{\omega^2 \tau(\mathcal{E})}{[1 + \omega^2 \tau^2(\mathcal{E})] T \text{ch}^2(\mathcal{E}/2T)}. \quad (9)$$

Для стекол типа (I) плотность состояний $n_2^{(1)}(\mathcal{E})$ этих возбуждений имеет широкий «горб» около $\mathcal{E} \approx w$ с шириной $\delta \leq w$ [9, 10]. При $T > T^* \approx w \alpha_2^{(1)}(\omega, T)$ отвечает полосе с шириной $\delta_0 \approx \max\{\delta; \hbar\tau^{-1}(w)\} \leq w$ около $\omega \approx \tau^{-1}(w) \sim 0.1w/\hbar$, определяемой «неоднородным» уширением дебаевского пика (при $\omega\tau(\mathcal{E}) \approx 1$) в полосе «горба» для $n_2^{(1)}(\mathcal{E})$. (Поведение $\alpha_2^{(II)}(\omega, T)$ может отличаться от рассматриваемого).

5. В результате можно полагать, что при $T > T^* \approx 10 \div 30 \text{ К}$ и $10^{-3} \text{ с}^{-1} \leq \omega \leq 10^{10} \div 10^9 \text{ с}^{-1}$ поведение $\alpha(\omega, T)$ определяется вкладом надбарьерной релаксации в мягких АДП, тогда как для более высоких $10^{10} \text{ с}^{-1} < \omega \leq 10^{11} \text{ с}^{-1}$ определяющим при $T > T^*$ является вклад (9), который, конечно, несуществен в области $T \ll T^*$ доминирования туннельной релаксации в АДП [1, 2]. В целом же при $\omega \leq 10^{10} \div 10^{11} / \text{с}$ и $T > T^*$ $\alpha(\omega, T)$ определяется релаксационными процессами, тогда как при $10^{11} / \text{с} < \omega \leq \omega/\hbar$ заметный вклад вносит и резонансное ($\alpha_2^{\text{res}}(\omega, T)$)

поглощение (рассеяние) фононов (фотонов) на мягких колебательных возбуждениях ($\mathcal{E} \approx w$). Иначе говоря,² при $T > T^*$

$$\alpha(\omega, T) \approx \begin{cases} \alpha_1(\omega, T) & \text{при } \omega \leq \omega^*, \\ \alpha_2(\omega, T) + \alpha_2^{(\text{res})}(\omega, T) & \text{при } \omega^* < \omega \leq w/\hbar. \end{cases} \quad (10)$$

При этом скорее $\alpha(\omega, T) \approx \alpha_2^{(\text{res})}(\omega, T)$ при $\omega \approx w/\hbar \approx 10^{12}/\text{с}$ (см. [14]), тогда как при более низких ω ($10^9 - 10^{10}/\text{с} < \omega \leq 10^{11}/\text{с}$) можно ожидать, что $\alpha(\omega, T) \approx \alpha_2(\omega, T)$. Все это справедливо при $T > T^* \approx 10 \div 30 \text{ К}$ и вместе с тем при $T \leq T_u \sim 10^2 \text{ К}$ ($< \hbar \omega_p$), при которых другие релаксационные механизмы, определяемые другими возбуждениями, в том числе ангармонизмами гармонических колебаний («фононов») с более высокой $\mathcal{E} \gg w \approx 10 \div 30 \text{ К}$, еще не существенны (см., например, [1, 7]).

Описанный характер $\alpha(\omega, T) \approx \alpha_1(\omega, T)$ при $T^* < T \leq T_u$ и $\omega \leq \omega^*$ качественно согласуется с экспериментальным поведением $\alpha(\omega, T)$ при $10 \text{ К} \leq T \leq 10^2 \text{ К}$ и $\omega \leq 10^9 \div 10^{10}/\text{с}$ (по-видимому, скорее, чем соотношения из [6-8, 15]). При подобном сопоставлении можно было бы, в частности, определить тип конкретного стекла, (I) или (II) (эти и другие опытные данные свидетельствуют скорее, что исследованные стекла — типа (I); см. [9, 10]). Что касается поведения $\alpha(\omega, T)$ при $T^* < T \leq T_u$ и $10^{10} \text{ с}^{-1} \leq \omega \leq 10^{12} \text{ с}^{-1}$, для сопоставления с (9) представляется полезным количественное уточнение опытных данных.

Автор признателен Э. Хунклингеру за весьма информативные и стимулирующие обсуждения рассматриваемой проблемы (и за гостеприимство) во время пребывания в Институте прикладной физики Гейдельбергского университета и У. Бухенау за ознакомление с препринтом [4] и обсуждения.

Л и т е р а т у р а

- [1] Hunklinger S., Arnold W. Physical Acoustics, 1976, vol. 12, p. 155—215.
- [2] Hunklinger S., Raychaudhury A. Progr. Low-Temp. Phys., 1986, vol. 9, p. 267—343; Jäckle J., Piche L., Arnold W., Hunklinger S. J. Non-Cryst. Sol., 1976, vol. 20, N 2, p. 365—391.
- [3] Kasper G., Röhling V. Proc. Intern. Conf. LT-17. Elsevier, 1984, p. 385—386.
- [4] Buchenau U., Zhou H., Nucker N., Phillips W. A. Preprint «Structural Relaxation in Vitreous Silica». KFA, Julich, 1987, 12p.
- [5] Anderson P. W., Halperin B., Varma C. Phil. Mag., 1972, vol. 25, N 1, p. 1—12; Phillips W. A. Low-Temp. Phys., 1972, vol. 7, N 2, p. 351—362.
- [6] Chen H., Wu X. Comm. Theor. Phys., 1985, vol. 3, N 3, p. 275—281.
- [7] Ng D., Sladek R. Phys. Rev. B, 1975, vol. 11, N 10, p. 4017—4029.
- [8] Hunklinger S. Proc. IEEE, 1974, p. 44—51.
- [9] Клингер М. И. УФН, 1987, т. 152, № 4, с. 623—652.
- [10] Klinger M. I. Phys. Reports, 1988.
- [11] Kagan Yu., Klinger M. I. J. Phys. C, 1974, vol. 7, N 16, p. 2791—2807.
- [12] Kohler W., Friedrich J. Phys. Rev. Lett., 1987, vol. 59, N 19, p. 2199—2202.
- [13] Pollak M., Geballe T. Phys. Rev., 1961, vol. 122, N 6, т. 1742—1748.
- [14] Клингер М. И. Письма в ЖТФ, 1987, т. 13, № 8, с. 489—492.
- [15] Pollak M., Pike G. Phys. Rev. Lett., 1972, vol. 28, N 22, p. 1449—1451.

Физико-технический институт
им. А. Ф. Иоффе АН СССР
Ленинград

Поступило в Редакцию
16 февраля 1988 г.

² Подобные соотношения и поведение характерны и для сечения рассеяния нейтронов (и ИК) $\sigma(\omega, T)$ в стекле при тех же ω и T .