

# С п и с о к л и т е р а т у р ы

- [1] Awasti A., Carini J., Alavi B., Griner G.-Sol. St. Comman. 1988. V. 67. N 4. P. 373.
- [2] М е н д е Ф.Ф., С п и ц ы н А.И. Поверхностный импеданс сверхпроводников, Киев.: Наук. думка, 1985. 239 с.

Физико-технический институт  
им. А.Ф. Иоффе АН ССР,  
Ленинград

Поступило в Редакцию  
12 августа 1989 г.

Письма в ЖТФ, том 16, вып. 1

12 января 1990 г.

01; 09

© 1990

## НОВЫЙ МЕХАНИЗМ МНОГОЛУЧЕВОГО ОТРАЖЕНИЯ (ПРЕЛОМЛЕНИЯ) СПИНОВЫХ ВОЛН

С.В. Т а р а с е н к о

Как известно, последовательное изучение условий отражения и преломления спиновых волн (СВ) на границе реального магнетика невозможно без учета взаимодействия магнитных и упругих колебаний. Однако до сих пор вне условий магнитоакустического резонанса (МАР) влиянием магнитоупругого взаимодействия на характер отражения (преломления) СВ на границе магнетика пренебрегалось.

В предлагаемом сообщении впервые найдены условия формирования в магнетике нового механизма отражения (преломления) СВ – магнитоупругого. Вследствие возможности обменного усиления магнитоупругих эффектов в многоподрешеточных магнетиках [1], в качестве примера рассмотрим легкоплоскостной антиферромагнетик (ЛП АФМ) с легкой плоскостью  $XU$ . Соответствующий термодинамический потенциал для спин-системы ЛП АФМ представлен в [1], а магнитоупругие и упругие свойства для простоты будем считать изотропными. Совместный анализ уравнений Ландау–Лифшица и эластодинамики [2] показывает, что основным условием формирования в магнетике магнитоупругого механизма отражения (преломления) СВ с частотой  $\omega_m$  и волновым вектором  $\vec{k}$  является выполнение критерия эластостатичности магнитных колебаний:

$$\omega_m^2(\vec{k}) \ll s^2 |\vec{k}|^2, \quad (1)$$

где  $s$  – минимальная фазовая скорость распространения упругих волн в неограниченном магнетике. В рассматриваемом случае ЛП АФМ соотношению (1) удовлетворяет только низкочастотная ветвь спектра спиновых волн ЛП АФМ [1, 3] при  $k^2 \gg k_{m\phi}^2$  и  $s > c$  ( $c$  –

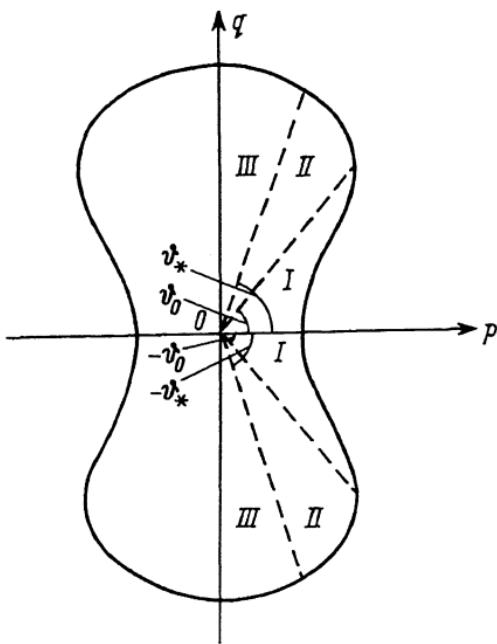


Рис. 1. Сечение ПВВ спиновой волны в эластостатическом приближении плоскостью (010). Угол скольжения  $\theta_*$  при  $q_1^2 = k^2 \sin^2 \theta$  определяется условием  $q_2^2 = 0$ .

минимальная фазовая скорость СВ в ЛП АФМ,  $k_{mph}$  – волновой вектор, определяемый условием  $\omega_m(k_{mph}) = sk_{mph}$  МАР) <sup>1</sup>. Поэтому поверхность волновых векторов (ПВВ) для указанного типа нормальных спиновых колебаний ЛП АФМ с учетом магнитоупругого взаимодействия, а также (1) имеет вид ( $k^2 \gg k_{mph}^2$ ):

$$k^2 = \{\omega_m^2 - \omega_\Delta^2 - \omega_{My}^2 (\sin^4 \theta \sin^2 2\varphi + \cos^2 \theta)\} / c^2, \quad (2)$$

где  $\omega_\Delta$  – активация в спектре низкочастотной спиновой моды ЛП АФМ,  $\omega_{My}$  – магнитоупругая щель [1], полярный и азимутальный углы волнового вектора  $\vec{k}(\theta, \varphi)$  отсчитываются соответственно от осей  $OZ$  и  $OY$ . При расчете (2) полагалось, что внешнее магнитное поле  $\vec{H} \parallel \vec{Ox}$ , а вектор антиферромагнетизма  $\vec{J} \parallel \vec{Oy}$ . Изучим основные особенности обсуждаемого магнитоупругого механизма отражения (преломления) СВ на примере падения СВ в плоскостях  $XZ(\varphi = \pi/2)$  и  $XY(\theta = \pi/2)$ . Кривые сечения ПВВ плоскостями падения СВ для  $\vec{k} \in XZ(\varphi = \pi/2)$  и  $\vec{k} \in XY(\theta = \pi/2)$  представлены соответственно на рис. 1–2. Аналитический вид кривой  $k(\theta) \times k(\varphi)$  на рис. 1 (рис. 2) определяется (2) при  $\varphi = \pi/2$  ( $\theta = \pi/2$ ).

<sup>1</sup> В дальнейшем будем рассматривать только эту ветвь спектра ЛП АФМ.

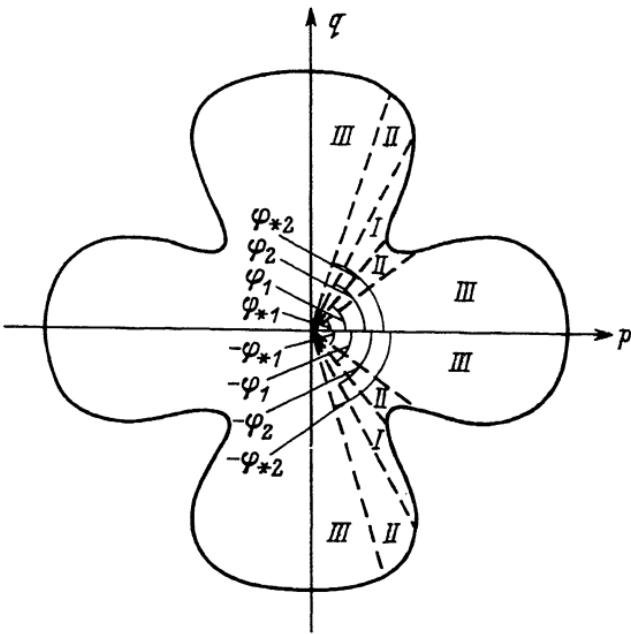


Рис. 2. Сечение ПВВ спиновой волны в эластостатическом приближении плоскостью (001). Угол скольжения  $\varphi_s$  при  $q_1^2 = k^2 \sin^2 \varphi$  определяется условием  $q_2^2 = q_3^2$ .

Пусть нормаль к поверхности полуограниченного ЛП АФМ  $\vec{n} \parallel \vec{\partial X}$ , тогда стандартная методика расчета спектра линейных магнитоупругих волн [3] приводит в эластостатическом приближении (1) к следующему виду дисперсионного уравнения для СВ при  $\vec{k} \in XZ (\vec{k} \in XY)$ :

$$q^4 + q^2 \left\{ 2\rho^2 - \omega_r^2/c^2 \right\} + \rho^2 \left\{ \rho^2 - (\omega_r^2 - \omega_{MY}^2)/c^2 \right\} = 0, \quad (3)$$

$$q^6 + q^4 \left\{ 3\rho^2 - \omega_r^2/c^2 \right\} + q^2 \left\{ 3\rho^2 - 2(\omega_r^2 + \omega_{MY}^2)/c^2 \right\} \rho^2 + \rho^4 (\rho^2 - \omega_r^2/c^2) = 0. \quad (4)$$

Здесь  $q$  и  $\rho$  соответственно нормальная и касательная к поверхности ЛП АФМ компоненты волнового вектора СВ  $\vec{k}$ ,  $\omega_r^2 = \omega_m^2 - \omega_d^2$ . Из (3)–(4) следует, что в области отрицательной кривизны  $k(\theta)$ ,  $k(\varphi)$  (область 1 на рис. 1–2) проекции фазовой и групповой скоростей на нормаль к поверхности магнетика  $\vec{n}$  имеют разные знаки. Следовательно падение СВ на границу в интервале углов скольжения  $0 < \theta < \theta_0$  для  $\vec{k} \in XZ$  (рис. 1) или  $\varphi_1 < \varphi < \varphi_2$  для  $\vec{k} \in XY$  (рис. 2) невозможно. Одновременно при  $-\theta_0 < \theta < 0$  (рис. 1) или  $-\varphi_2 < \varphi < -\varphi_1$  (рис. 2). СВ попадает на границу. Углы  $\pm \theta_0$  на рис. 1 и  $\pm \varphi_{1,2}$  на рис. 2 определяются условием  $\partial \omega_m / \partial q = 0$ . Решая (3), (4), определим корни дисперсионного уравнения СВ. Первая пара корней в (3)–(4)  $q_1 = \pm k \sin \theta (\varphi = \pi/2)$  или  $q_1 = \pm k \sin \varphi (\theta = \pi/2)$  описывает падающую и зеркально отраженную СВ, тогда как осталь-

ные корни:  $\varphi_2^2$  (при  $\varphi = \pi/2$ ) и  $\varphi_{2,3}^2$  (при  $\theta = \pi/2$ ) определяют дополнительные СВ, обусловленные магнитоупругим механизмом отражения (преломления) магнитных колебаний. В частности, при  $\vec{k} \in XZ$ , если  $\omega_1^2 > 2\omega_{MY}^2$ , то  $\varphi_2^2 < 0$  и физически допустимые решения с  $Re\varphi_2 = 0$  описывают при любых углах  $\theta$  дополнительную поверхность СВ, возникающую в присутствии падающей на границу магнетика объемной ( $\varphi_1^2 > 0$ ) СВ. Если  $\omega_{MY}^2 < \omega_1^2 < 2\omega_{MY}^2$ , то для углов скольжения  $\theta < \theta < \pi/2$  отражение СВ по-прежнему происходит с возникновением дополнительной поверхности СВ (область III на рис. 1). Однако в области II на рис. 1  $\varphi_2^2 > 0$ , следовательно, дополнительная СВ является объемной, т. е. становится возможным двулучеотражение СВ без изменения ветви нормального спинового колебания. Что касается  $\vec{k} \in XY$ , то при  $\omega_1^2 < 4\omega_{MY}^2/3$  здесь в области II на рис. 2 реализуется трехлучеотражение СВ, обусловленное магнитоупругим механизмом, тогда как в области III добавочные СВ, определяемые  $\varphi_2^2, \varphi_3^2$ , являются квазиверхностными ( $Re\varphi_{2,3} \neq 0, Im\varphi_{2,3} \neq 0$ ). Если же  $\omega_1^2 > 4\omega_{MY}^2/3$ , то добавочные квазиверхностные СВ реализуются при любых углах скольжения  $\varphi(\theta = \pi/2)$ . В рассматриваемых условиях  $\vec{n} \parallel \vec{H} \parallel \vec{\partial X}, \vec{\epsilon} \parallel \vec{\partial Y}$  возможен также и магнитоупругий механизм двух-трехлучевого преломления СВ с  $\vec{k} \in XZ (\vec{k} \in XY)$ . Для этого преломления СВ должна удовлетворять критерию эластостатичности магнитных колебаний (1). Интервал углов скольжения падающей СВ с волновым вектором  $\vec{\alpha} \in XZ (\vec{\alpha} \in XY)$  в котором реализуется магнитоупругий механизм многолучевого преломления может быть легко получен с помощью рис. 1-2. При этом частота падающей СВ  $\omega_n$  должна удовлетворять условию  $\omega_n^2 < 2\omega_{MY}^2 + \omega_d^2$  для  $\vec{\alpha} \in XZ$  и  $\omega_n^2 < 4\omega_{MY}^2/3 + \omega_d^2$  для  $\vec{\alpha} \in XY$ .

Автор благодарит А.Л. Сукстанского и Е.П. Стефановского за поддержку и ценные дискуссии.

#### Список литературы

- [1] Туров Е.А., Шавров В.Г. // УФН. 1983. Т. 140. В.3. С. 429.
- [2] Сиротин Ю.И., Шаскольская М.П. Основы кристаллофизики. М.: Наука, 1979. 640 с.
- [3] Ахиезер А.И., Барьяхтар В.Г., Пелетминский С.В. Спиновые волны. М.: Наука, 1967. 368 с.

Поступило в Редакцию  
4 октября 1989 г.