# Теория эффектов магнитной памяти формы и псевдоупругой деформации в сплавах Ni–Mn–Ga

#### © Г.А. Малыгин

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе Российской академии наук, Санкт-Петербург, Россия

E-mail: malygin.ga@mail.ioffe.ru

(Поступила в Редакцию 8 декабря 2008 г.)

В рамках теории размытых мартенситных переходов теоретически обсуждается влияние магнитного поля на деформационное поведение магнитных сплавов гейслеровского типа в различных условиях нагружения. Рассмотрены эффекты магнитной памяти формы, псевдоупругой деформации и генерации реактивных напряжений под действием магнитного поля. Теоретические соотношения сопоставляются с имеющимися в литературе экспериментальными данными.

Работа выполнена в рамках проекта, поддержанного грантом РФФИ № 07-08-00722-а.

PACS: 75.70.-i, 75.50.-y

# 1. Введение

Преимущество ферромагнитных сплавов Ni<sub>2+x+v</sub>Mn<sub>1-x</sub>Ga<sub>1-v</sub> в качестве активных элементов микро- и наноустройств (сенсоров и актуаторов) по сравнению с пьезо- и магнитнострикционными материалами состоит в большой величине генерируемой ими при мартенситном превращении деформации,  $\varepsilon_m \approx 5 - 10\%$  [1-4]. Превращение происходит в ферромагнитном состоянии сплавов при температурах ниже температуры Кюри Т<sub>C</sub>. Другим достоинством рассматриваемых сплавов является их функциональная гибкость, обусловленная чувствительностью их к действию механических напряжений  $\sigma$ , магнитных полей H и вариаций температуры T [1–4]. Важное значение имеют также их малая инерционность при приложении и выключении магнитного поля и вариативность рабочих параметров при изменении концентрации атомов Mn и Ga [4,5] и замене их на другие элементы — соответственно на Fe [6,7] и In, Sb, Sn [7,8]. Следует отметить также чувствительность активных элементов устройств из этих сплавов к размерным факторам (толщине пленок [9], величине зерен в нанокристаллическом материалае [10]).

Высокотемпературная фаза стехиометрического состава сплава Ni<sub>2</sub>MnGa имеет ОЦК-решетку, которая при температурах ниже 200 К превращается в тетрагональный мартенсит с соотношением осей c/a = 0.94, что сопровождается деформацией сжатия кристалла  $\varepsilon_m = c/a - 1 = -0.06$  в направлении [001]. При сильном отклонении от стехиометрического состава кубическая решетка переходит в орторомбическую и моноклинную модификации с образованием сверхструктур в виде пяти- и семислойных модуляций решетки. Это вызывает увеличение деформации структурного превращения  $\varepsilon_m$ до 10-15% [4] и рост температуры мартенситного перехода  $T_m$  выше комнатной [1,5], что повышает функциональные свойства сплавов.

Наиболее оптимальный (для приложений) диапазон температур мартенситного превращения в Ni-Mn-Gaсплавах располагается на 10-20 К ниже температуры их ферромагнитного превращения  $T_C \approx 350 - 370 \, \text{K}$ . В этом случае имеется интервал рабочих температур 293-340 К, в котором сплав находится в сдвойникованном мартенситном состоянии. Границы структурных двойников являются одновременно и границами магнитных доменов с различным направлением вектора намагниченности. Из-за сильной анизотропии последней приложение магнитного поля порядка 1 Т к сплаву приводит к исчезновению доменов с неблагоприятно ориентированным по отношению к внешнему полю Н вектором намагниченности. Поскольку границы между доменами являются и границами механических двойников, это вызывает раздвойникование мартенсита, что сопровождается соответствующей деформацией кристалла  $\varepsilon_{tw} \approx \varepsilon_m$ . По своему действию на границы двойников магнитное напряжение  $\sigma_{\text{magn}}(H)$  эквивалентно внешнему механическому напряжению  $\sigma$  [4].

Другой механизм влияния магнитного поля на механические и деформационные характеристики этих сплавов связан с разницей в величине намагниченности аустенита  $m_a$  и мартенсита  $m_m$  в сплаве,  $m_{am} = m_a - m_m$ . В зависимости от знака этой разницы приложенное к сплаву магнитное поле будет сдвигать температуру мартенситного перехода  $T_m$  в ту или иную сторону, что приведет к увеличению или уменьшению в сплаве объемной доли мартенсита и, следовательно, вызовет генерацию деформации структурного перехода. Поскольку разница намагниченностей  $m_{am}$  бывает мала, для реализации этого механизма требуются магнитные поля порядка 1–10 т [7,11].

Цель настоящей работы состоит в разработке теории влияния магнитного поля H на кривые псевдоупругой деформации  $\sigma(\varepsilon, H)$  и величину эффекта магнитной памяти формы (МПФ)  $\varepsilon(H, \sigma)$  в рассматриваемых сплавах. Основой для получения указанных соотношений

является теория размытых мартенситных переходов (РМП), базирующаяся на термодинамической теории фазовых переходов первого рода [12]. Она позволяет получать и анализировать эти соотношения не только вблизи критической температуры мартенситного перехода [1], но и во всем диапазоне изменения указанных выше параметров, включая и температуру T. Она учитывает также влияние кинетических [12], структурных [13] и размерных [14] факторов на переход.

В разделе 2 работы приведены основные теоретические соотношения теории РМП, касающиеся влияния магнитного поля на мартенситные и межмартенситные переходы в сплавах гейслеровского типа. В разделе 3 проанализировано влияние магнитного поля на кривые псевдоупругой деформации сплавов. Эффект МПФ на основе теории РМП кратко обсуждался в [15], но рассматривалось лишь влияние разницы намагниченностей аустенита и мартенсита на эффект МПФ. В настоящей работе анализ эффекта расширен с учетом влияния на него напряжения  $\sigma$  и анизотропии намагниченности двойников (раздел 4). В разделе 5 сделан расчет реактивных напряжений, генерируемых в образце из сплава Ni<sub>2</sub>MnGa в условиях стесненной деформации МПФ. Теоретические соотношения иллюстрируются имеющимися в литературе экспериментальными данными.

## 2. Основные соотношения

Согласно теории РМП, равновесие между аустенитной (высокотемпературной) и мартенситной (низкотемпературной) фазами описывается соотношениями [12]

$$\varphi_M(T) = \left[1 + \exp\left(\frac{\Delta U}{kT}\right)\right]^{-1},$$
$$\varphi_A(T) = \left[1 + \exp\left(-\frac{\Delta U}{kT}\right)\right]^{-1}.$$
(1)

Здесь  $\varphi_M$  и  $\varphi_A$  — относительные объемы соответствующих фаз,  $\varphi_M + \varphi_A = 1$ , k — постоянная Больцмана,  $\Delta U = \omega \Delta u$  — изменение энергии сплава при структурном превращении,  $\omega$  — объем зародыша новой фазы,  $\Delta u$  — изменение энергии единицы объема сплава при мартенситном переходе,

$$\Delta u = q \, \frac{T - T_{m0}}{T_{m0}} - \varepsilon_m \sigma - m_{am} H, \qquad (2)$$

q — теплота превращения,  $T_{m0}$  — характеристическая температура превращения в отсутствие действия механических напряжений  $\sigma$  и магнитного поля H,  $\varepsilon_m$  — деформация решетки в результате ее структурной перестройки,  $m_{am}(H) = m_a(H) - m_m(H)$ . При  $\Delta u = 0$ , т.е.  $\varphi_M = \varphi_A = 1/2$ , из соотношения (2) следует уравнение



**Рис. 1.** Кривые намагниченности для мартенситного (1) и аустенитного (2) состояний сплава Ni<sub>2</sub>MnGa [3] согласно соотношениям (4).

Клаузиуса-Клапейрона

$$T_m(\sigma, H) = T_{m0} \left( 1 + \frac{\varepsilon_m}{q} \sigma + \frac{m_{am}}{q} H \right), \qquad (3)$$

определяющее влияние напряжений  $\sigma$  и магнитного поля H на критическую (характеристическую) температуру перехода аустенит–мартенсит.

Далее при расчетах согласно (1)-(3) намагниченности аустенита и мартенсита аппроксимируются соотношениями вида [16]

$$m_a(H) = m_{sa} \operatorname{th} \left( \frac{H \pm H_{ca}}{H_a} \right),$$
$$m_m(H) = m_{sm} \operatorname{th} \left( \frac{H \pm H_{cm}}{H_m} \right), \tag{4}$$

где  $m_s$  — магнитный момент при насыщении ферромагнетика магнитным полем,  $H_c$  — коэрцитивная сила,  $H_a = kT/\mu_a$  и  $H_m = kT/\mu_m$ ,  $\mu_a$  и  $\mu_m$  — магнитные проницаемости аустенита и мартенсита; индексы *a* и *m* у остальных параметров указывают на их принадлежность соответственно аустениту и мартенситу. Рис. 1 демонстрирует зависимости (4) при численных значениях параметров, подобранных так, чтобы они соответствовали зависимостям  $m_a(H)$  и  $m_m(H)$  для сплава Ni<sub>2</sub>MnGa при температурах соответственно 298 и 148 K [3] ( $m_{sa} = 70$ ,  $m_{sm} = 96$  emu/g,  $H_a = 0.5$  kG,  $H_m = 5$  kG,  $H_{ca} = H_{cm} = 0$ ).

В случае межмартенситных переходов с учетом энергии магнитной анизотропии для изменения энергии единицы объема сплава имеем соотношение

$$\Delta u = q \, \frac{T - T_{m0}}{T_{m0}} - \varepsilon_m \sigma - m_{am} H + \varepsilon_{tw} \sigma_{magn}(H), \qquad (5)$$

где  $\sigma_{\rm magn}$  — напряжение, действующее на границы двойников вследствие анизотропии вектора намагничен-



**Рис. 2.** Кривые намагниченности сплава Ni<sub>2</sub>MnGa при 178 К в магнитном поле, параллельном направлению [001] (*1*), и в нормальном к нему направлении [100] (*2*) [3] согласно соотношениям (8).

ности [4],

$$\sigma_{\text{magn}}(H) = \varepsilon_{tw}^{-1} \frac{\partial}{\partial \varphi} \int_{0}^{H} m(H, \varphi) dH, \qquad (6a)$$

$$m(H, \varphi) = \varphi m_{\parallel}(H) + (1 - \varphi)m_{\perp}(H).$$
 (6b)

Здесь  $m(H, \varphi)$  — намагниченность единицы объема мартенсита,  $m_{\parallel}(H)$  — магнитный момент в двойнике с объемной долей  $\varphi$  с вектором намагниченности, параллельным внешнему магнитному полю  $H, m_{\perp}(H)$  — магнитный момент в двойнике с объемной долей  $1 - \varphi$  с вектором намагниченности, нормальным магнитному полю. Подставляя соотношение (6b) в (6a) получаем

$$\sigma_{\text{magn}}(H) = \varepsilon_{tw}^{-1} \int_{0}^{H} [m_{\parallel}(H) - m_{\perp}(H)] dH.$$
(7)

Для расчета этого напряжения воспользуемся аппроксимацией  $m_{\parallel}(H)$  и  $m_{\perp}(H)$  соотношениями аналогичного (4) вида

$$m_{\parallel}(H) = m_s \operatorname{th}\left(\frac{H \pm H_c}{H_{\parallel}}\right),$$
$$m_{\parallel}(H) = m_s \operatorname{th}\left(\frac{H \pm H_c}{H_{\perp}}\right), \tag{8}$$

где  $H_{\parallel} = kT/\mu_{\parallel}$ ,  $H_{\perp} = kT/\mu_{\perp}$ ,  $\mu_{\parallel}$  и  $\mu_{\perp}$  — магнитные проницаемости в направлении соотвествующих кристаллографических осей ферромагнетика. На рис. 2 приведены зависимости (8) применительно к данным [3] для сплава Ni<sub>2</sub>MnGa ( $H_{\parallel} = 2.9$ ,  $H_{\perp} = 9.0$  kG,  $H_c = 0$ ). Далее, подставляя выражения (8) в (7), находим

$$\sigma_{\text{magn}}(H) = \frac{m_s}{\varepsilon_{tw}} \left[ H_{\parallel} \ln\left(\operatorname{ch}\left(\frac{H \pm H_c}{H_{\parallel}}\right)\right) - H_{\perp} \ln\left(\operatorname{ch}\left(\frac{H \pm H_c}{H_{\perp}}\right)\right) \right].$$
(9a)

При  $H \to \infty$  из (9а) следует предельное значение магнитного напряжения, действующего на границы двойников,

$$\sigma_{\text{magn}}^{(u)} = \frac{m_s}{\varepsilon_{tw}} \left( H_\perp - H_\parallel \right) \ln 2. \tag{9b}$$

Для предельного значения энергии магнитной анизотропии получаем соответственно выражение

$$K_u = \varepsilon_{tw} \sigma_{\text{magn}}^{(u)} = m_s (H_\perp - H_\parallel) \ln 2.$$
 (10)

Найденные соотношения будут использованы в разделах 3–5 для расчета влияния магнитного поля на кривые псевдоупругой деформации, деформации магнитной памяти формы и реактивных напряжений при стесненной деформации МПФ.

# 3. Псевдоупругая деформация

При сжатии или растяжении образца сплава Ni-Mn-Ga с постоянной скоростью его полная деформация  $\varepsilon$  складывается из упругой  $\sigma/K$  и мартенситной  $\varepsilon_m \varphi_M(T, \sigma, H)$  деформаций. В результате, согласно (1)-(3), имеем уравнение неявного вида для расчета кривых псевдоупругой деформации сплава  $\sigma = \sigma(\varepsilon, T, H)$ 

$$\varepsilon = \frac{\sigma}{K} + \varepsilon_m \left[ 1 + \exp\left(\overline{\omega} \left(\frac{T - T_{m0}}{T_{m0}} - \frac{\varepsilon_m}{q} \left[\sigma \mp \sigma_f\right] - \frac{m_{am}(H)}{q} H + \frac{\varepsilon_{tw}}{q} \sigma_{magn}(H) \right) \right]^{-1}, \quad (11)$$

где K — эффективный модуль системы образецнагружающее устройство,  $\sigma_f$  — напряжение трения при движении межфазных границ,  $\overline{\omega} = \omega q/kT \approx \omega q/kT_{m0}$ .

На рис. З приведены результаты численного расчета (применительно к данным [3]) кривых псевдоупругой деформации в отсутстие магнитного поля (1) и при приложении к образцу сплава Ni<sub>2</sub>MnGa поля 8 kG (2) при следующих значениях параметров: K = 7 GPa,  $\varepsilon_m = 0.06$ ,  $\overline{\omega} = 10$ ,  $T_{m0} = 200$  K, T = 178 K, q = 0.15 MJ · m<sup>-3</sup>,  $\varepsilon_m/q = 0.4$  MPa<sup>-1</sup>,  $\sigma_f = 1.5$  MPa,  $m_{am}/q = 0$ ,  $\varepsilon_{tw} = \varepsilon_m$ = 0.06,  $K_u/q = 2.4$ ,  $H_{\parallel} = 2.9$  kG,  $H_{\perp} = 9$  kG. Видно, что приложение магнитного поля к образцу сопровождается двумя эффектами: ростом деформирующего напряжения ( $\Delta\sigma/\Delta H \approx 0.5$  MPa · kG<sup>-1</sup>) и полном восстановлением (возвратом) остаточной деформации сжатия  $\varepsilon \approx 6\%$ , т.е.



**Рис. 3.** Кривые псевдоупругой деформации сплава Ni<sub>2</sub>MnGa при 178 K в отсутствие магнитного поля (1) и в магнитном поле 8 kG (2) согласно уравнению (11). Стрелки показывают направление изменения деформации.



**Рис. 4.** Зависимость магнитного напряжения (1) и реактивных напряжений (2) от магнитного поля согласно соотношениям (9а) и (14). Экспериментальные данные — точки для сплава Ni<sub>2</sub>MnGa при 178 K [3].

эффектом памяти формы. На рис. 4 показаны экспериментальная [3] и теоретическая, согласно формуле (9а), зависимости напряжения  $\sigma_{magn}$  от напряженности (индукции) магнитного поля. Видно хорошее соответствие теории и эксперимента.

### 4. Магнитная память формы

Магнитная память формы является результатом перехода под действием магнитного поля остаточного мартенсита в аустенит, а при межмартенситных переходах — результатом раздвойникования мартенсита. На рис. 5 экспериментальные точки иллюстрируют, как при росте напряженности магнитного поля (указано стрелкой) происходит генерация деформации памяти формы в сплаве Ni<sub>49.8</sub>Mn<sub>28.5</sub>Ga<sub>21.7</sub> при 293 K [2]. Деформация памяти формы является обратимой и при снижении поля стремится к своему первоначальному нулевому значению. Видно, однако, что из-за гистерезиса перехода при выключении магнитного поля часть деформации не восстанавливается. Для этого требуется приложение магнитного поля противоположного знака.

Как показывает анализ, деформация МПФ  $\varepsilon(T, \sigma, H) = \varepsilon_m (1 - \varphi_M(T, \sigma, H))$  в рассматриваемом сплаве связана с переходом мартенсита в аустенит вследствие разницы их намагниченностей. Кривая *I* на рис. 5 построена в соответствии с выражением

$$\varepsilon(T, \sigma, H) = \varepsilon_m \left[ 1 - \left\{ 1 + \exp\left(\overline{\omega} \left(\frac{T - T_{m0}}{T_{m0}} - \frac{\varepsilon_m}{q} [\sigma - \sigma_{f1}] - \frac{m_{am}}{q} H\right) \right)^{-1} \right\} \right], \quad (12)$$

в котором  $\overline{\omega} = 20$ , T = 293 K,  $T_{m0} = 300$  K,  $\varepsilon_m/q = 0.4 \text{ MPa}^{-1}$ ,  $\sigma = 0.78$  MPa,  $\sigma_{f1} = 0$  MPa,  $m_{am}/q = 1.05 \cdot 10^{-3} \text{ m} \cdot \text{kA}^{-1}$ . Кривая 2 на этом рисунке проведена согласно (12) при тех же значениях параметров, за исключением напряжения трения  $\sigma_{f2} = 0.74$  MPa.

Если на сплав наряду с магнитным полем действует механическое напряжение  $\sigma$ , то деформация МПФ снижается вплоть до нуля, поскольку напряжение увеличивает содержание мартенсита в сплаве, т.е. действует в противоположном направлении, чем магнитное поле. На рис. 6 экспериментальные точки (светлые кружки) показывают, как изменяется деформация МПФ с ростом напряжения  $\sigma$  в сплаве Ni<sub>49.8</sub>Mn<sub>28.5</sub>Ga<sub>21</sub> [2]. Кривая *1* иллюстрирует результаты расчета этой деформации согласно выражению (12). Темные кружки на рис. 6 демонстрируют зависимость деформации МПФ от напряжения в сплаве Ni<sub>2</sub>MnGa при 178 K [3], а кривая *2* показывает результаты расчета этой деформации согласно



**Рис. 5.** Эффект МПФ в сплаве Ni<sub>49.8</sub>Mn<sub>28.5</sub>Ga<sub>21.7</sub> при 293 K согласно соотношению (12). Экспериментальные точки — данные [2]. Стрелки показывают направление изменения магнитного поля.



**Рис. 6.** Зависимость деформации МПФ от механического напряжения  $\sigma$  в сплавах Ni<sub>49.8</sub>Mn<sub>28.5</sub>Ga<sub>21.7</sub> [2] (светлые кружки) и Ni<sub>2</sub>MnGa [3] (темные кружки). Кривые *I* и *2* построены согласно выражениям (12) и (13) соответственно.

но соотношению, учитывающему энергию магнитной анизотропии,

$$\varepsilon(T, \sigma, H) = \varepsilon_m \left[ 1 - \left\{ 1 + \exp\left(\overline{\omega} \left(\frac{T - T_{m0}}{T_{m0}} - \frac{\varepsilon_m}{q} [\sigma - \sigma_{f1}] + \frac{\varepsilon_{tw}}{q} \sigma_{magn}(H) \right) \right)^{-1} \right\} \right].$$
(13)

При расчете использовались те же значения параметров, что и при расчете кривых на рис. 3 согласно уравнению (11).

## 5. Реактивные напряжения

Для действия актуаторов, основанных на эффекте памяти формы, важное значение имеет величина, развиваемых ими усилий при изменении температуры рабочего элемента из сплава с таким эффектом [13,17]. Сплавы Ni-Mn-Ga могут служить в качестве силовых элементов микроактуаторов, усилие в которых создается приложением магнитного поля к рабочему элементу из магнитного сплава. Величину развиваемого при этом усилия (напряжения  $\sigma$ ) можно рассчитать, используя соотношения (12) и (13) для деформации памяти формы  $\varepsilon(T, \sigma, H)$ . В условиях стесненной деформации (защемления образца) длина образца остается постоянной. В результате имеем следующее уравнение для определения зависимости реактивных напряжений  $\sigma$  от величины поля H:

$$\frac{\sigma}{K} - \varepsilon(T, \sigma, H) - 0, \qquad (14)$$

где, как и прежде, *К* — эффективный модуль системы образец–нагружающее устройство. В виду нелинейного характера уравнение (14) решалось численно для каждого заданного значения *H*. При расчете использовалось выражение (13) для деформации МПФ при тех же значениях параметров, что и при расчете кривой 2 на рис. 6

и кривых псевдоупругой деформации на рис. 3. Предполагалось, что реактивные напряжения возникают в результате межмартенситного перехода, обусловленного энергией магнитной анизотропии в сплаве Ni<sub>2</sub>MnGa. Рис. 4 (кривая 2) демонстрирует результаты расчета реактивных напряжений при росте поля. Видно, что величина реактивных напряжений близка к величине магнитных напряжений (кривая 1), но несколько меньше их из-за частичной упругой релаксации напряжения.

Таким образом, развитая выше теория влияния магнитного поля на мартенситные переходы и деформационное поведение сплавов Ni–Mn–Ga позволяет анализировать и моделировать [15] это поведение в различных условиях нагружения. Следует также отметить хорошее количественное соответствие теории имеющимся в литературе данным по эффекту магнитной памяти формы.

## Список литературы

- [1] А.Н. Васильев, В.Д. Бучельников, Т. Такаги, В.В. Ховайло, Э.И. Эстрин. УФН **173**, 577 (2003).
- [2] S.J. Murrey, M. Marioni, S.M. Allen, R.C. O'Handley. Appl. Phys. Lett. 77, 886 (2000).
- [3] H.E. Karaca, I. Karama, B. Basaran, Y.I. Chumlaykov, H.J. Maier. Acta Mater. 54, 233 (2006).
- [4] A.A. Lichachev, A. Sozinov, K. Ullakko. Mater. Sci. Eng. A 378, 513 (2004).
- [5] M. Richard, J. Feuchtwanger, D. Schlager, T. Lograsso, S.M. Allen, R.C. O'Handley. Scripta Mater. 54, 1797 (2006).
- [6] K. Oikawa, T. Ota, T. Ohmori, Y. Tanaka, H. Morito, A. Fujita, R. Kainuma, K. Fukamichi. Appl. Phys. Lett. 81, 5201 (2002).
- [7] F. Masdeu, J. Pons, E. Cesari, S. Kustov, Y.I. Chumlyakov. Appl. Phys. Lett. 93, 152 503 (2008).
- [8] Y. Sutou, Y. Imano, N. Koeda, T. Omori, R. Kainuma, K. Ishida. Appl. Phys. Lett. 85, 4358 (2004).
- [9] V.A. Chernenko, R. Lopez Anyon, M. Kohl, J.M. Barandiaran, M. Ohtsuka, I. Orue, S. Besseghini. Acta Mater. 54, 5461 (2006).
- [10] Р.Н. Имашев, Х.Я. Мулюков, И.З. Шарипов, В.Г. Шавров, В.В. Коледов. ФТТ 47, 536 (2005).
- [11] M. Ohtsuka, M. Sanada, M. Matsimoto, K. Itagaki. Mater. Sci. Eng. A 378, 377 (2004).
- [12] Г.А. Малыгин. УФН 171, 187 (2001).
- [13] С.А. Пульнев, В.И. Николаев, Г.А. Малыгин, В.В. Шпейзман, В.В. Никаноров. ЖТФ 76, 8, 42 (2006).
- [14] Г.А. Малыгин. ФТТ 50, 1480 (2008).
- [15] Г.А. Малыгин. ЖТФ 77, 2 136 (2007).
- [16] R.M. Bozorth. Ferromagnetism. Van Nostrand Comp., Toronto–N.Y.–London (1951). 784 p.
- [17] В.И. Николаев, С.А. Пульнев, Г.А. Малыгин, В.В. Шпейзман, В.В. Никаноров. ФТТ 50, 2079 (2008).