

## КВАНТОВЫЙ ПЕРЕНОС В $\delta$ -ЛЕГИРОВАННЫХ СЛОЯХ GaAs

Гусев Г. М., Квон З. Д., Лубышев Д. И., Мигаль В. П.,  
Погосов А. Г.

Исследованы транспортные свойства  $\delta$ -легированных слоев GaAs в широком диапазоне концентраций электронов. Из анализа осцилляций Шубникова—де-Гааза найдены заселенности подзон размерного квантования, которые согласуются с численным расчетом зонного спектра.

Анализ ОМС показал, что время релаксации фазы волновой функции электронов определяется для большинства образцов неупругими электронными столкновениями с малой пересдачей энергии. Исключение составляют образцы с большой концентрацией, для которых наблюдается аномальная зависимость  $\tau_\phi$  от температуры.

Исследовано продольное ОМС в этих структурах на основе теории, развитой для случая размерно-квантованных систем, анализ которого позволил оценить характерную величину размытия  $\delta$ -слоев.

Впервые исследованы эффекты разогрева электронов в  $\delta$ -слое тянувшим электрическим полем. Сделан вывод о том, что релаксация электронов по энергии происходит за счет рассеяния на пьезоакустических фононах.

В последние несколько лет исследования  $\delta$ -легированных слоев в арсениде галлия привлекают внимание, так как эти слои обладают рядом отличительных электронных свойств. Во-первых, электроны в них движутся в симметричной  $V$ -образной потенциальной яме, образованной в результате экранировки примесей  $\delta$ -слоя [1], во-вторых, заполняют сразу несколько подзон и, в-третьих, доминирующую роль играет их кулоновское рассеяние. Целый ряд работ посвящен изучению квантового транспорта в этих слоях [2–4]. В частности, в [2, 3] были исследованы шубниковские осцилляции, в [4] обнаружено отрицательное магнитосопротивление (ОМС), обусловленное подавлением квантовых локализационных поправок. Однако информация о поведении осцилляций Шубникова—де-Гааза и ОМС была в этих работах недостаточно полной, так как ограничивалась узким диапазоном концентраций электронов.

В данной работе исследовано поведение шубниковских осцилляций и ОМС в  $\delta$ -легированных слоях в диапазоне концентраций  $10^{12} \leq N_s < 10^{13}$  см<sup>-2</sup>, т. е. практически во всем диапазоне  $N_s$ , в котором  $\delta$ -слои обладают металлической проводимостью. Впервые изучены эффекты разогрева в этих слоях.

### Технология

Выращивание структур с  $\delta$ -слоями проводилось методом молекулярно-лучевой эпитаксии на пластинах полуизолирующего (100) GaAs диаметром 40 мм. Методика выращивания подробно описана в [5]. В данной работе рост структур производился со скоростью 1 мкм/ч при температурах 450–650 °C. Отношение потоков мышьяка к галлию выбиралось таким, чтобы на картине дифракции быстрых электронов (ДБЭ) наблюдалась поверхностная структура (3×6), соответствующая стехиометрическому составу растущей поверхности. Измерение периода осцилляций зеркального рефлекса ДБЭ позволили определять скорость эпитаксии пленок (период колебаний соответствует росту пленки толщиной 0.283 нм). Схема формирования структуры с  $\delta$ -слоем приведена на рис. 1, на котором показано изменение интенсивности рефлекса ДБЭ в процессе эпитаксии. Точка 1 соответствует моменту открывания заслонки галлия и началу

эпитаксии. В интервале 2 выращивается 0.5 мкм нелегированного GaAs. В момент 3 рост прерывается и происходит диффузионное выглаживание поверхности роста, что контролируется по интенсивности рефлекса. На выглаженную поверхность наносится заданное количество кремния, который формирует  $\delta$ -слой. Затем продолжается рост 0.5 мкм нелегированного GaAs *p*-типа с концентрацией дырок  $2 \div 5 \cdot 10^{14} \text{ см}^{-3}$ . Наконец, с помощью фотолитографии создавались холловские структуры с расстоянием между потенциометрическими контактами 500 мкм и шириной 200 мкм.

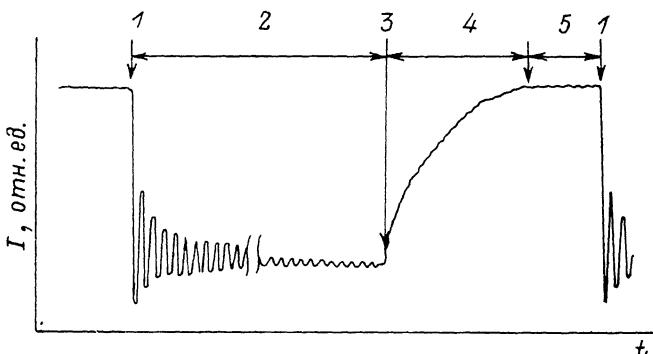


Рис. 1. Изменение интенсивности рефлекса ДБЭ в процессе эпитаксии ( $t$  — время).

### Оscилляции Шубникова—де—Гааза и энергетический спектр электронов в $\delta$ -слоях GaAs

В работе измерялась диагональная компонента сопротивления  $\rho_{xx}$  при температуре 4.2 К в магнитных полях до 8 Т. Результаты измерений для трех различных концентраций приведены на рис. 2. В слабых (до 1 Т) полях наблюда-

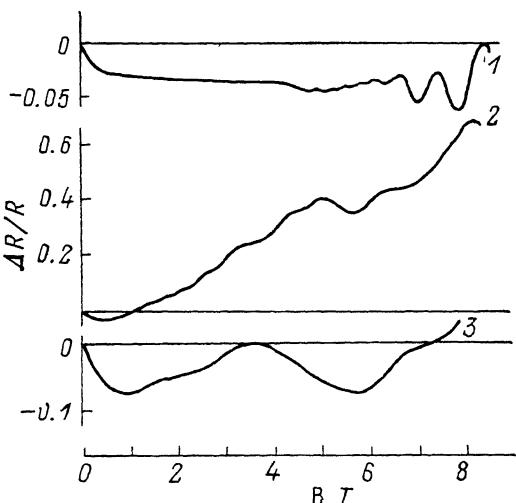


Рис. 2. Осцилляции Шубникова—де—Гааза для значений  $N_s$ .

$N_s, \text{ см}^{-3}$ : 1 —  $9.4 \cdot 10^{12}$ , 2 —  $4.0 \cdot 10^{12}$ , 3 —  $1.0 \cdot 10^{12}$ .

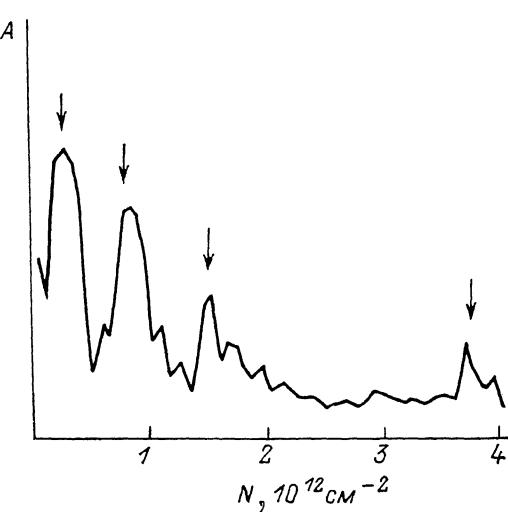


Рис. 3. Фурье-спектр осцилляций Шубникова—де—Гааза для образца 300 ( $N_s = 6.2 \cdot 10^{12} \text{ см}^{-3}$ ).

Стрелками показаны расчетные значения заселенности квантовых подзон.  $A$  — амплитуда спектра.

ется ОМС, которое будет детально обсуждено в следующем параграфе. В более сильных полях возникают шубниковские осцилляции. Сложный вид осцилляций на рис. 2 говорит о том, что они не имеют одного периода, а представляют собой наложение осцилляций с различными периодами, что свидетельствует о наличии нескольких заполненных подзон, как это и наблюдалось ранее в [2, 3]. Зависимости  $\rho_{xx}(B)$ , показанные на рис. 2, имеют еще одну особенность, свя-

занную с ролью положительного магнитосопротивления (ПМС). Как видно, ПМС имеет большую величину только для  $N_s = 3.3 \cdot 10^{12} \text{ см}^{-2}$ , а для  $N_s = 1 \cdot 10^{12}$  и  $9.4 \cdot 10^{12} \text{ см}^{-2}$  оно практически отсутствует. Анализ такого поведения будет проведен далее.

Для определения заселенности квантовых подзон экспериментальная зависимость  $\rho_{ee}(B)$  численно дифференцировалась, чтобы исключить монотонную составляющую, затем полученная производная  $d\rho_{ee}/dB$  представлялась как функция аргумента  $1/B$  и рассчитывалась амплитуда ее фурье-образа. Полученная таким образом типичная зависимость для образца с концентрацией  $N_s = 6.2 \cdot 10^{12} \text{ см}^{-2}$  представлена на рис. 3. Максимумы на ней соответствуют концентрациям носителей в заполненных подзонах. Таким образом, анализ осцилляций Шубникова—де-Гааза позволяет получить информацию об электронном спектре исследуемых  $\delta$ -слоев.

Интересно сравнить заполнения электронных подзон, полученные из измерений шубниковских осцилляций, с рассчитанными теоретически. Такой расчет, основанный на численном самосогласованном решении уравнения Шредингера и Пуассона, был проделан. Положение и заселенности квантовых подзон рассчитывались для нулевой температуры и в предположении квадратичного закона дисперсии. Поскольку уровень Ферми на поверхности арсенида галлия закрепляется, как известно, в середине запрещенной зоны, а  $\delta$ -слой в исследуемых образцах расположен между слоями GaAs толщиной

0.5 мкм, в расчете предполагалось наличие граничного электрического поля величиной  $\approx 10^4 \text{ В/см}$ . Рассчитанные таким образом заселенности квантовых подзон находятся в удовлетворительном согласии с экспериментом (табл. 1). Исключение составляет образец с концентрацией носителей  $N_s = 9.4 \cdot 10^{12} \text{ см}^{-2}$ , для которого наблюдается сильное расхождение расчетных и экспериментально определенных заселенностей подзон, причина которого остается пока неясной.

Отдельного рассмотрения требует образец с холловской концентрацией носителей  $N_s^H = 3.3 \cdot 10^{12} \text{ см}^{-2}$ , для которого суммарная концентрация носителей во всех заполненных подзонах оказалась существенно больше  $N_s = 4 \cdot 10^{12} \text{ см}^{-2}$ . Именно этот образец, как было отмечено выше, имеет значительное по величине ПМС. Два приведенных факта свидетельствуют о том, что подвижности носителей заряда в этом образце заметно отличаются для разных подзон. Используя расчетные данные для заселенностей квантовых подзон, можно определить из измерений эффекта Холла и ПМС подвижность электронов в каждой подзоне. Было получено:  $\mu_0 = 2200$ ,  $\mu_1 = 5300$ ,  $\mu_2 = 5600 \text{ см}^2/\text{В}\cdot\text{с}$ .

### О т р и ц а т е л ь н о е м а г н и т о с о п р о т и в л е н и е δ - л е г и р о в а н н ы х с л о е в G a A s

В работе также было экспериментально исследовано магнитосопротивление образцов  $\Delta G(B) = G(B) - G(0)$  в магнитных полях, перпендикулярных поверхности, в диапазоне температур  $1.7 \div 4.2 \text{ К}$ . В этих условиях наблюдается ОМС, связанное с подавлением магнитным полем квантовых локализационных поправок к проводимости [4]. Результаты этих измерений для двух образцов представлены на рис. 4, a.

Таблица 1

Значения заселеностей квантовых подзон  $N_i$ , найденные самосогласованным расчетом и полученные экспериментально из анализа шубниковских осцилляций

№ образца	$\Sigma N_i, 10^{12} \text{ см}^{-2}$	$i$	$N_i, 10^{12} \text{ см}^{-2}$	
			эксперимент	расчет
216	1.0	{	0	$1.0 \pm 0.1$
		1	—	0.17
208	4.0	{	0	2.5
		1	1.1	0.95
		{	2	0.39
300	6.2	3	—	0.05
		{	0	3.7
		1	1.5	1.51
		{	2	0.75
		3	0.23	0.23

Теория квантовых поправок к проводимости дает для ОМС [6]

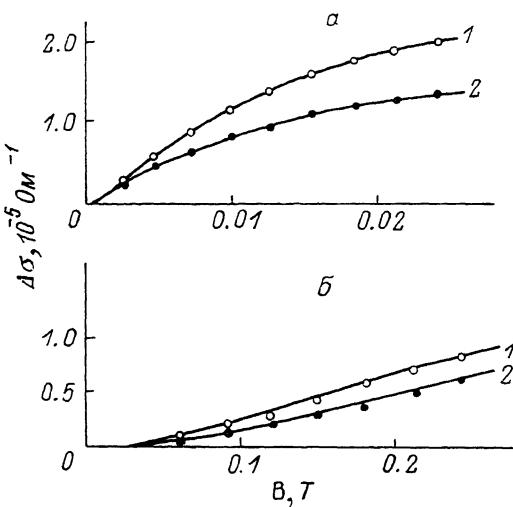
$$\Delta G(B) = \alpha \frac{e^2}{2\pi^2 \hbar} f(x), \quad (1)$$

где

$$f(x) = \ln x + \psi(1/2 + 1/x), \quad x = \frac{4DeB}{\hbar c} \tau_\varphi.$$

Здесь  $\psi(y)$  — логарифмическая производная  $\gamma$ -функции,  $\tau_\varphi$  — время релаксации фазы волновой функции электрона,  $\alpha$  — численный коэффициент порядка единицы. Коэффициент диффузии  $D$  определялся по результатам измерений проводимости электронов в  $\delta$ -слое из соотношения Эйнштейна  $D = \sigma/e^2 v_F$ , где  $v_F = N_F i$  — плотность состояний на уровне Ферми,  $N_F$  — плотность состояний в одной квантовой подзоне,  $i$  — число заполненных подзон.

Рассчитанная по формуле (1) зависимость показана точками на рис. 4, а. Видно, что теория квантовых поправок к проводимости



б

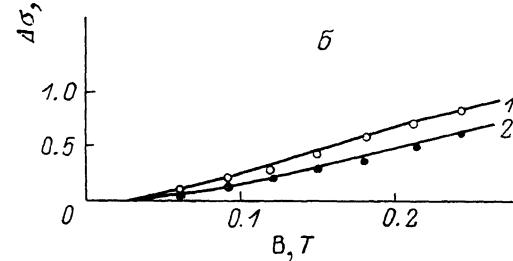
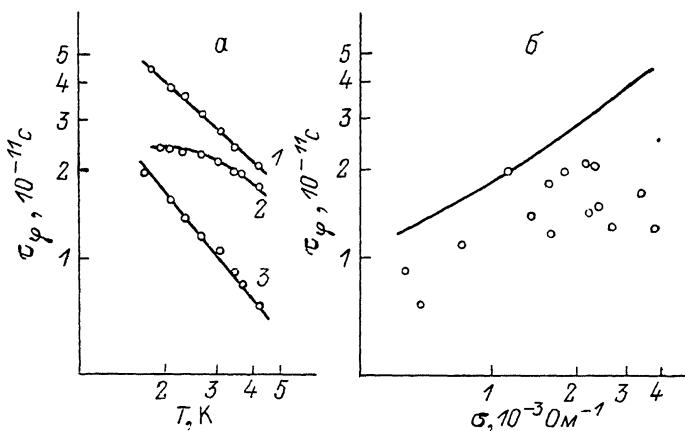


Рис. 4. ОМС в поперечном (а) и продольном (б) магнитных полях при температуре 4.2 К для двух образцов.

Образцы: 1 — 211, 2 — 208.

хорошо описывает поведение магнитосопротивления образцов  $\Delta G(B)$  во всей области температур. Таким образом, на основании соотношения (1) из экспери-



б

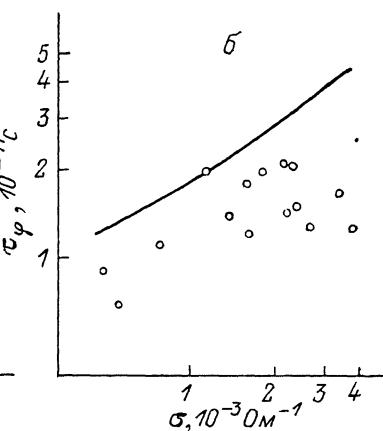


Рис. 5.

а) зависимость  $\tau_\varphi$  от температуры для трех образцов с различными  $N_s$ , см<sup>-2</sup>: 1 —  $6 \cdot 10^{12}$ , 2 —  $9.4 \cdot 10^{12}$ , 3 —  $1 \cdot 10^{12}$ . б) зависимость  $\tau_\varphi$  от проводимости образцов. Сплошная линия — расчет по формуле (2).

ментально полученных зависимостей  $\Delta G(B)$  было определено время релаксации фазы волновой функции  $\tau_\varphi$ .

Зависимость  $\tau_\varphi$  от температуры  $T$  для трех концентраций  $N_s$  показана на рис. 5, а. Для большинства образцов наблюдалось  $\tau_\varphi \sim 1/T$ , что согласуется с теорией электрон-электронного взаимодействия в неупорядоченных системах, которая в двумерном случае дает следующее выражение для времени сбоя фазы  $\tau_\varphi$  из-за электрон-электронных столкновений с малой передачей импульса [7]:

$$\tau_{\varphi}^{-1} = \left( \frac{\pi k t}{\hbar} \right) \left( \frac{e^2}{2\pi^2 \hbar \sigma} \right) \ln \left( \frac{\pi \hbar \sigma}{e^2} \right). \quad (2)$$

Однако образец с концентрацией  $N_s = 9.4 \cdot 10^{12} \text{ см}^{-2}$ , как видно из рис. 5, а, плохо описывается указанной зависимостью от температуры. Кроме того, на образце с низкой концентрацией  $1 \cdot 10^{12} \text{ см}^{-2}$  наблюдалось  $\tau_{\varphi} \sim 1 + T^p$  с  $p = (1.15 \pm 0.05)$ , что, по-видимому, объясняется вкладом механизма Ландау—Барбера, имеющего более сильную температурную зависимость  $\tau_{\varphi} \sim T^{-2}$ .

На рис. 5, б представлена зависимость экспериментально определенного  $\tau_{\varphi}$  от величины проводимости слоев. Здесь же приведена теоретическая зависимость, рассчитанная из соотношения (2). Из рисунка видно, что наибольшее разногласие между экспериментом и теоретической кривой наблюдается для малых и больших проводимостей. Промежуточная же область сравнительно хорошо описывается теорией.

ОМС в данных образцах наблюдалось и в продольном магнитном поле  $B_{\parallel}$ , направленном вдоль плоскости  $\delta$ -слоя. Зависимость продольной проводимости  $\Delta G_{\parallel}$  от  $B_{\parallel}$  показана на рис. 4, б для двух образцов. Продольное магнитосопротивление в  $\delta$ -слоях с квантованным поперечным движением может быть связано с нарушением пространственной симметрии, вносимой хаотически расположенным атомами легирующей примеси. Теоретический анализ этого механизма проведен в работе [8], где для  $\Delta G_{\parallel}$  получено соотношение

$$\Delta G_{\parallel} = \frac{e^2}{\hbar} \ln (1 + \tau_{\varphi}/\tau_H); \quad \tau_H^{-1} = 2\xi^2 p_f^2 H^2 \tau_p^{-1}, \quad (3)$$

где параметр  $\xi$  характеризует несимметричность распределения примеси.

Зависимости  $\Delta G_{\parallel}$  от  $B_{\parallel}$ , рассчитанные по соотношению (3) с подгоночным параметром  $\xi$ , показаны точками на рис. 4, б. Видно, что предложенная модель удовлетворительно описывает зависимость магнитосопротивления от продольного магнитного поля. В работе [8] содержится также теоретическая оценка параметра  $\xi$ :

$$\xi = \frac{e}{mc} \sum_n \frac{f_{0n} z_{0n}}{f_{00}(E_n - E_0)}.$$

Здесь  $f_{00}$  и  $f_{0n}$  — матричные элементы рассеивающего потенциала примеси. Поскольку величина  $f_{00}$  характеризует рассеяние носителей в отсутствие магнитного поля, ее можно приближенно оценить как  $\hbar/\tau_p$ . Матричные элементы  $f_{0n}$  и  $z_{0n}$  были найдены нами из самосогласованного расчета параметров ОПЗ  $\delta$ -слоя в предположении, что рассеивающий потенциал примеси  $f(z)$  имеет вид  $V$ -образного потенциала  $\delta$ -слоя, но сдвинут вдоль оси  $z$  на некоторую величину  $d$  относительно плоскости  $\delta$ -слоя. Параметр  $d$ , таким образом, характеризует размытие примеси в  $\delta$ -слое и может быть найден по экспериментальному значению  $\xi$ . Его численные значения для некоторых исследованных образцов приведены в табл. 2, где для сравнения указаны температуры роста  $T_g$   $\delta$ -слоев. Видно, что с увеличением температуры роста размытие  $\delta$ -слоев увеличивается. Исключение составляет образец 216, что, видимо, связано с тем, что он имеет очень низкую по сравнению с другими образцами концентрацию носителей  $N_s = 1 \cdot 10^{12} \text{ см}^{-2}$ . Аналогичные результаты были получены в [9], где размытие  $\delta$ -слоев определялось с помощью спектроскопии вторичных ионов. Следует, однако, отметить, что в нашем случае параметр  $d$  определялся из сравнения экспериментальных

Таблица 2

Характерная ширина  $d$   $\delta$ -слоя, оцененная по величине продольного магнитосопротивления в сравнении с температурой роста  $T_g$  для различных образцов

№ образца	$d, \text{ \AA}$	$T_g, ^\circ\text{C}$	$N_s, 10^{12} \text{ см}^{-2}$
216	13	385	1.0
210	13	350	3.4
209	22	440	3.5
208	24	420	4.0
206	30	540	3.5
207	40	595	5.7

результатов с оценочным расчетом, и поэтому мы здесь не претендуем на его точность. Он имеет смысл качественного параметра, характеризующего относительное размытие различных  $\delta$ -слоев.

### Эффекты разогрева в $\delta$ -слоях GaAs

Зависимость  $\Delta G$  от температуры связана с временем  $\tau_\phi$ . В свою очередь  $\tau_\phi$  обусловлено неупругими столкновениями электронов между собой и, таким образом, определяется температурой электронной подсистемы. Последняя при слабых тянувших полях совпадает с температурой решетки. Следовательно, измерив величину ОМС в этом режиме при различных температурах решетки, можно в дальнейшем использовать  $\Delta G$  как термометр электронной подсистемы. Большие тянувшие поля приводят к разогреву носителей заряда. Мощность накачки передается электронной подсистеме, увеличивая температуру электронов,

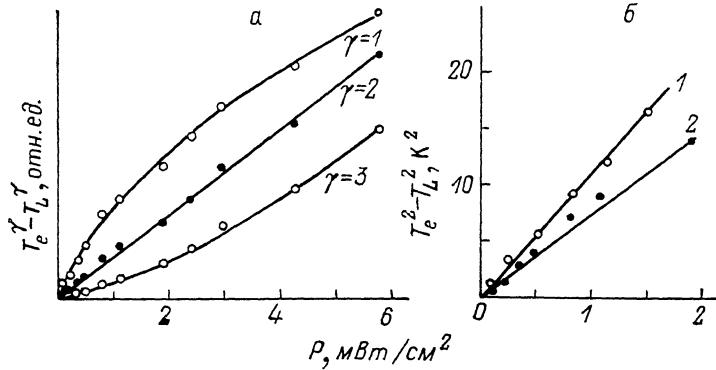


Рис. 6.

а) зависимость величины  $T_e^\gamma - T_L^\gamma$  от подводимой мощности  $P$  для трех различных значений  $\gamma$ . б) зависимость величины  $T_e^2 - T_L^2$  от  $P$  для двух образцов: 1 — 216, 2 — 208.

и далее посредством электрон-фононных столкновений передается решетке. Внутри электронной подсистемы устанавливается температура  $T_e$ , отличная от температуры решетки  $T_L$ , поскольку время электрон-электронных столкновений  $\tau_{ee} \sim \tau_\phi$  много меньше времени энергетической релаксации (по оценкам,  $\tau_\phi/\tau_e \approx 0.01$ ).

Экспериментальные зависимости  $\Delta G(B)$ , измеренные при различных температурах  $T_L$  и тянувших полях  $E_{sd}$ , хорошо описываются теоретическими зависимостями (1) с различными  $\tau_\phi$ . Причем с ростом как  $T_L$ , так и  $E_{sd}$  величина  $|\Delta G(B)|$  уменьшается, что, очевидно, объясняется увеличением электронной температуры, приводящей к росту интенсивности электрон-электронных столкновений, уменьшающих  $\tau_\phi$ , а следовательно, и  $|\Delta G(B)|$ .

Таким образом, из полевых зависимостей ОМС была восстановлена зависимость температуры электронной подсистемы от накачиваемой мощности  $P = \sigma E_{sd}^2$ . Известно, что эту зависимость можно аппроксимировать следующим образом:

$$P = \alpha (T_e^\gamma - T_L^\gamma). \quad (4)$$

На рис. 6, а представлена экспериментальная зависимость  $P$  от  $T_e^\gamma - T_L^\gamma$  для различных значений  $\gamma$ . Видно, что наилучшее согласие с соотношением (4) достигается для  $\gamma=2$ . Это имеет место для всех исследованных образцов, хотя параметр  $\alpha$  менялся от образца к образцу (рис. 6, б). Значение  $\gamma=2$  является аномально малым, так как из известных механизмов релаксации электронов по энергии наименьшему значению  $\gamma$  соответствует рассеяние на пьезоакустических фонах, которое для объемных образцов дает  $\gamma=3$  [10]. Однако в работе [11] при исследовании двумерного электронного газа в гетеропереходе

GaAs—AlGaAs значение  $\gamma=3$  наблюдалось лишь в случае одной заполненной подзоны размерного квантования, а для двух заполненных подзон было получено  $\gamma=2$ , как и в нашем случае. Поскольку в рассматриваемых  $\delta$ -слоях всегда заполнены две или более квантовые подзоны, по аналогии с [11] можно предположить, что доминирующим механизмом релаксации электронов по энергии в этих слоях является рассеяние на пьезоакустических фонах.

В заключение авторы выражают благодарность В. И. Фалько за полезные обсуждения.

#### Список литературы

- [1] Ploog K. // J. Cryst. Growth. 1987. V. 81. P. 304—313.
- [2] Zrenner A., Reisinger H., Koch F. et al. // Phys. Rev. B. 1986. V. 33. N 8. P. 5607—5610.
- [3] Zrenner A., Koch F., Ploog K. // Surf. Sci. 1988. V. 196. P. 671—676.
- [4] Гусев Г. М., Квон З. Д., Лубышев Д. И. и др. // ФТТ. 1988. Т. 30. В. 10. С. 3148—3150.
- [5] Мигаль В. П., Лубышев Д. И. и др. // Электрон. промышл. 1989. № 6. С. 6—8.
- [6] Альтшuler Б. Л., Аронов А. Г., Ларкин А. И., Хмельницкий Д. Е. // ЖЭТФ. 1981. Т. 81. С. 768—783.
- [7] Altshuler B. L., Aronov A. G., Khmelnitsky D. E. // J. Phys. C: Sol. St. Phys. 1982. V. 15. N 36. P. 7367—7386.
- [8] Falko V. I. // J. Phys. Cond. Matter. 1990. V. 2. N 16. P. 37—97.
- [9] Santos M., Sajoto T., Lanzillotto A.-M. et al. // Surf. Sci. 1990. V. 228. P. 255—259.
- [10] Гантмахер В. Ф., Левинсон И. Б. Рассеяние носителей тока в металлах и полупроводниках. М., 1984. 350 с.
- [11] Крецук А. М., Мартисов М. Ю., Полянская Т. А. и др. // ФТП. 1988. Т. 22. В. 4. С. 604—608.

Институт физики полупроводников  
СО АН СССР  
Новосибирск

Получена 6.12.1990  
Принята к печати 11.12.1990