

ТЕОРЕМА ПОЙНТИНГА В КРИСТАЛЛЕ В ОБЛАСТИ  
КВАДРУПОЛЬНОГО ЭКСИТОННОГО РЕЗОНАНСА

А. А. Демиденко, В. И. Пипа

При распространении электромагнитных волн в средах с пространственной дисперсией часть энергии переносится частицами среды, поэтому полный поток энергии  $\mathbf{S}$  не исчерпывается вектором Пойнтинга. Для расчета  $\mathbf{S}$  в прозрачной среде достаточно знать тензор диэлектрической проницаемости [1]. В поглощающих же средах с пространственной дисперсией поток энергии не имеет универсального вида, однако его можно получить для конкретных моделей среды, используя уравнения движения частиц [2-5]. В работах [3-5] рассматривалась спектральная область дипольно-разрешенного экситонного резонанса. В настоящей работе получены выражения для потока и плотности энергии в поглощающих кристаллах в спектральной области квадрупольного экситонного резонанса при наличии добавочных световых волн [5].

Рассмотрим трехкратно вырожденную экситонную зону типа  $F_2$  в кубическом кристалле, для которой тензор плотности квадрупольного момента имеет лишь недиагональные компоненты  $Q_{\mu\nu}$  ( $\mu, \nu = x, y, z$ , оси координат направлены вдоль осей 4-го порядка). Пусть электрическое поле в кристалле имеет вид  $\mathbf{E} = \{0, E(z, t), 0\}$ , что соответствует случаю нормального падения из вакуума на поверхность кристалла ( $z > 0$ ) линейно-поляризованной плоской волны. В этом случае только  $Q_{yz} \equiv Q \neq 0$ . Электрическая индукция имеет только  $y$ -компоненту.

$$D_y = \epsilon_0 E - 4\pi \partial Q / \partial z, \quad (1)$$

где  $\epsilon_0$  — фоновая часть диэлектрической проницаемости.

Найдем связь между  $Q$  и  $E$ , используя классическую осцилляторную модель диэлектрика. Пусть в каждом узле кубической решетки расположена пара «слипшихся» антипараллельных диполей с фиксированным дипольным моментом  $p$ , ориентированным вдоль оси  $z$ . Один из диполей каждой пары может смещаться в плоскости  $yz$ , оставаясь параллельным второму, неподвижному. При этом в узле  $m$  возникает квадрупольный момент  $q_{yz}(m, t) = (p/2)u_m$ ,  $u_m$  — смещение диполя узла  $m$ . Энергию взаимодействия диполей  $U$  считаем квазиупругой. В гармоническом приближении

$$U = (k/2) \sum_m u_m^2 + (1/2) \sum_{n, m} k_{n-m} (u_n - u_m)^2, \quad (2)$$

где  $k$  и  $k_{n-m}$  — коэффициенты взаимодействия;  $k_{n-m}$  быстро убывает с ростом  $|n-m|$ . Предполагая изменение  $u_n$  от узла к узлу малым, перейдем к континууму, полагая в (2)

$$(1/v) [q_{yz}(m, t)]_{m_z=z} = Q(z, t), \quad u_n - u_m \approx \partial Q / \partial z$$

( $v$  — объем элементарной ячейки).

Для плотности лагранжиана рассматриваемой системы с учетом ее взаимодействия с макроскопическим полем  $E$  получим

$$L(Q, \dot{Q}, \partial Q / \partial z) = (1/g) \{ \dot{Q}^2 - \omega_0^2 Q^2 - \alpha (\partial Q / \partial z)^2 + (2g/c) (\partial A_y / \partial z) \dot{Q} \}. \quad (3)$$

Здесь  $g = p^2/2Mv$ ,  $M$  — масса колеблющегося диполя,  $\omega_0 = k/M$  — собственная частота осциллятора в кристалле, постоянная  $\alpha = \sum_n k_n n_z^2 / M$  определяет эф-

фективную массу механического экситона,  $A$  — вектор-потенциал поля (калибровка  $\varphi = 0$ ).

Уравнение движения, соответствующее лагранжиану (3), имеет вид

$$\dot{Q} + \omega_0^2 Q + \Gamma \dot{Q} - \alpha \partial^2 Q / \partial z^2 = g \partial E / \partial z. \quad (4)$$

Здесь феноменологически учтено затухание, описываемое параметром  $\Gamma$ .

Используя стандартную процедуру вывода энергетического соотношения и учитывая материальные уравнения (1) и (4), получим

$$\partial W / \partial t = -\partial S / \partial z - H, \quad (5)$$

$$W = (1/8\pi)(\epsilon_0 E^2 + B^2) + (1/2g)[\dot{Q}^2 + \omega_0^2 Q^2 + d(\partial Q / \partial z)^2], \quad (6)$$

$$S = (c/4\pi)[EB]_z - (E_y + (\alpha/g) \partial Q / \partial z) \dot{Q}, \quad (7)$$

$$H = (\Gamma/g) \dot{Q}^2. \quad (8)$$

В законе сохранения энергии (5)  $W$  — плотность энергии,  $S$  — плотность потока энергии,  $H$  — удельное тепловыделение.

Полученные выражения (6)–(8) справедливы при произвольной зависимости макрополя от  $z$  и  $t$ .

Преобразуем выражение для  $S$  в случае, когда электрическое поле  $E$  является суперпозицией двух нормальных волн (одна из которых добавочная [5]), распространяющихся вдоль оси  $z$ ,

$$E = (1/2) \sum_{j=1}^2 E_{0j} \exp(ik_j z - i\omega t) + \text{к. с.} \quad (9)$$

Здесь  $k_j = \omega n_j / c$ ; показатели преломления  $n_j$  определяются из дисперсионного уравнения, которое следует из уравнений Максвелла и (1), (4)

$$(\epsilon_0 - n^2)(\mu - n^2) - bn^2 = 0,$$

$$\mu(\omega) = (c^2/\alpha)(1 - \omega_0^2/\omega^2 + i\Gamma/\omega), \quad b = 4\pi g/\alpha. \quad (10)$$

Для среднего по периоду потока энергии получим

$$\bar{S} = \frac{c}{16\pi} \sum_{j, j'=1}^2 \left\{ n_j + n_{j'}^* + \frac{b(n_j \mu^* + n_{j'}^* \mu)}{(\mu - n_j^2)(\mu^* - n_{j'}^{2*})} \right\} E_{0j} E_{0j'}^* \exp\{i(k_j - k_{j'}^*)z\}. \quad (11)$$

Поток (11) состоит из суммы потоков  $S_{11}$  и  $S_{22}$ , относящихся в отдельности к каждой из нормальных волн, а также интерференционного потока  $S_{12}$ , зависящего амплитуд и показателей преломления разных волн. Аналогичные интерференционные потоки для случая дипольно-разрешенного экситонного резонанса получены в [3]. В отсутствие поглощения ( $\Gamma = 0$ ) поток  $S_{12} = 0$ , а потоки  $S_{11}$  и  $S_{22}$  выражаются в универсальном виде через тензор диэлектрической проницаемости кристалла [1]. Отметим, что для «косого» падения, когда волновой вектор  $k$  и вектор рефракции  $n = ck/\omega$  имеют также и компоненты вдоль оси  $x$ , в случае  $s$ -поляризации интерференционный поток в  $x$ -направлении отличен от нуля и при  $\Gamma = 0$ .

- [1] Агранович В. М., Гинзбург В. Л. Кристаллооптика с учетом пространственной дисперсии и теория экситонов. М.: наука, 1979. 432 с.  
 [2] Tait W. C. // Phys. Rev. B. 1972. V. 5. N 2. P. 648—661.  
 [3] Selkin A. // Phys. Stat. Sol. (b). 1977. V. 83. N 1. P. 47—53.  
 [4] Писковой В. Н. // Укр. физ. журн. 1989. Т. 34. № 5. С. 677—682.  
 [5] Пекар С. И. Кристаллооптика и добавочные световые волны. Киев: Наукова думка, 1982. 296 с.

Институт полупроводников  
АН Украины

Поступило в Редакцию  
14 апреля 1992 г.

© Физика твердого тела, том 34, № 9, 1992  
Solid State Physics, vol. 34, N 9, 1992

## ПОЛУЧЕНИЕ ТОНКИХ ВТСП-ПЛЕНОК, ДОПИРОВАННЫХ ИОНАМИ МЕТАЛЛОВ

*И. С. Бараш, А. С. Камзин, Л. М. Сапожникова,  
Л. А. Григорьев, А. Б. Шерман*

Разработка методов получения ВТСП-пленок является важной проблемой в связи с тем, что совершенные ВТСП-пленки вследствие большой анизотропии физических свойств представляются удобными объектами для изучения природы высокотемпературной сверхпроводимости и с точки зрения их практического применения [1, 2]. Большое внимание уделяется мессбауэровским исследованиям ВТСП-систем, допированных ионами Fe и Sn, потому что именно эти ионы наиболее распространены в мессбауэровской спектроскопии. Как известно, ионы Fe и Sn замещают ионы Cu, занимающие различные положения в кристаллической решетке ВТСП-материала, что и позволяет использовать этот метод для изучения свойств ВТСП-материалов [3, 4].

Получение допированных пленок связано с определенными трудностями. Так, при синтезе последовательного ряда пленок с различным содержанием допирующего элемента методом магнетронного распыления керамической мишени необходимо изготавливать ряд мишеней соответствующих составов, что достаточно трудоемко. Можно использовать несколько мишеней, но это приводит к значительному усложнению технологической установки для напыления. Наиболее простым из известных способов получения пленок является процесс магнетронного распыления с использованием одной мишени.

Целью данной работы было изучение возможности использования известного в технологии микроэлектроники способа магнетронного распыления композитной мишени для осаждения допированных ВТСП-пленок и исследование полученных пленок методом мессбауэровской спектроскопии. Мишень (рис. 1) компоновалась следующим образом: на керамическую таблетку, представлявшую собой ВТСП-материал, синтезированный без допирующего элемента, в зоне распыления устанавливались пластинки допирующего материала. Процент допирования определялся в данном случае величиной площади, которую закрывают на таблетке эти пластинки с учетом поправки на скорость распыления материала пластинки.

В качестве мишени мы использовали керамическую таблетку  $YBa_2Cu_3O_{7-\delta}$ , изготовленную из оксидов и нитратов соответствующих соединений по обычной керамической технологии. Мишень имела диаметр 60 и толщину 4 мм. Для осаждения пленок, допированных ионами Fe, пластинки из железа толщиной