

© 1991

**ОПИСАНИЕ ФЕРРОМАГНИТНЫХ СВОЙСТВ СИСТЕМЫ С $S=1$
С УЧЕТОМ НЕГЕЙЗЕНБЕРГОВСКОГО
ИЗОТРОПНОГО ОБМЕНА**

B. M. Калита

Описано влияние негейзенберговского изотропного обмена на ферромагнитные свойства системы с локализованными магнитными моментами $s=1$. Показано, что в основном состоянии возможны два типа магнитного порядка, определяемого величиной магнитного момента узла. Показано, что эффективный спин узла может зависеть от температуры и величины внешнего магнитного поля, в связи с чем при $T \neq 0$ возможен фазовый переход второго рода из состояния, когда эффективный спин меньше единицы, в состояние, когда эффективный спин узла равен единице. В рамках данной модели возможно объяснение максимумов на кривых намагниченности в зависимости от температуры при различных значениях внешнего магнитного поля для соединений типа $\text{Th}_x \text{U}_{1-x} \text{S}$.

Описание изотропных магнетиков с локализованными магнитными моментами, обменное взаимодействие между которыми носит более сложный характер, чем гейзенберговский обмен, позволяет объяснить некоторые свойства магнетиков, которые в [1, 2] называют аномальными. К примеру: негейзенберговский обмен может привести к появлению неколлинеарной антиферромагнитной фазы [3], к появлению квадрупольной фазы [4], к изменению рода фазового перехода со 2-го на 1-й, к метамагнитному переходу в изотропной среде [3, 5].

Оценки вклада биквадратичного, трех-, четырехчастичного обмена очень сложны и для реальных объектов не позволяют что-либо утверждать о количественной или хотя бы о знаковой точности. Для некоторых модельных систем показано, что интегралы негейзенберговского обмена могут составлять десятки процентов от парного обмена, т. е. быть такого же порядка величинами, что и гейзенберговский обмен [1]. Это возможно, например, в модели прямого обмена между ионами с большим спином; в модели эффективного четырехспинового обмена, возникающего при учете взаимодействия магнитной подсистемы с решеткой; в модели обмена в системе с орбитально-вырожденным основным состоянием (с ян-теллеровскими ионами). В действительности, нелинейные эффекты могут быть определяющими, например, в теории изоструктурных фазовых переходов [6].

В настоящей работе построена модель изотропного одноподрешеточного магнетика для системы с локализованными магнитными моментами с $s=1$ с учетом четырехспинового, трехспинового, биквадратичного обмена. На примере этой модели, в частности, изучается возможность эффекта обменного сокращения спина в основном состоянии и исследуется зависимость намагниченности от температуры и во внешнем поле.

1. Гамильтониан. Основное состояние

Гамильтониан системы с негейзенберговским обменом при учете взаимодействия ближайших соседей имеет вид

$$\hat{H} = \mathcal{J} \sum_{f,g} (\hat{s}_f \hat{s}_g) + B \sum_{fg} (\hat{s}_f \hat{s}_g)^2 + D \sum_{f,g,I} (\hat{s}_f \hat{s}_g) (\hat{s}_g \hat{s}_I) + \mathcal{K} \sum_{f,g,I,p} (\hat{s}_f \hat{s}_g) (\hat{s}_I \hat{s}_p), \quad (1)$$

где \mathcal{J} , \mathcal{K} , D , B — интегралы гейзенберговского, четырехспинового, трехспинового и биквадратичного обмена; $\mathcal{J}, B < 0$; расстояния между узлами фиксированы, положения узлов задают векторы f , g , I , p , причем они не могут совпадать друг с другом; \hat{s}_f — оператор спина на узле для момента $s=1$.

Имея в виду процедуру самосогласования, рассмотрим состояние $|\psi_f\rangle$ отдельного спина в узле с номером f и определим для этого узла собственную систему координат [7], в которой справедливы равенства

$$\langle \psi_f \hat{s}_{xf} \psi_f \rangle = \langle \psi_f \hat{s}_{yf} \psi_f \rangle = \langle \psi_f \frac{1}{2} (\hat{s}_{xf} \hat{s}_{yf} + \hat{s}_{yf} \hat{s}_{xf}) \psi_f \rangle = 0, \quad (2)$$

где x, y, z — оси в собственной для каждого узла системе координат. Тогда волновая функция $|\psi_f\rangle$, удовлетворяющая условиям (2), имеет вид

$$|\psi_f\rangle = \cos \alpha |1\rangle + \sin \alpha |-1\rangle. \quad (3)$$

При этом выполняются равенства

$$\langle \psi_f \frac{1}{2} (\hat{s}_{xf} \hat{s}_{zf} + \hat{s}_{zf} \hat{s}_{xf}) \psi_f \rangle = \langle \psi_f \frac{1}{2} (\hat{s}_{yf} \hat{s}_{zf} + \hat{s}_{zf} \hat{s}_{yf}) \psi_f \rangle = 0. \quad (4)$$

В приближении среднего поля для ферромагнетика все состояния узлов эквивалентны; следовательно, предположив, что магнитный момент системы не равен нулю, получаем: собственная система координат каждого узла ориентирована вдоль вектора суммарной намагниченности M . Пусть M направлено вдоль оси z . Тогда энергию системы, приходящуюся на одну частицу в приближении среднего поля, можно записать в виде

$$e/N = \left(\mathcal{J} - \frac{1}{2} B \right) \bar{s}_z + D \bar{s}_z^2 \bar{Q}_{zz} + B (\bar{Q}_{xx}^2 + \bar{Q}_{yy}^2 + \bar{Q}_{zz}^2) + \mathcal{K} \bar{s}_z^4, \quad (5)$$

где \bar{s}_z , \bar{Q}_{zz} , \bar{Q}_{xx} , \bar{Q}_{yy} — средние значения операторов \hat{s}_z , \hat{s}_x^2 , \hat{s}_x^2 , \hat{s}_y^2 ; N — число узлов. С учетом (3) средние значения \bar{s}_z , \bar{Q}_{zz} , \bar{Q}_{xx} , \bar{Q}_{yy} выражаются через параметр α . Тогда энергию (5) можно переписать в виде

$$e/N = (\mathcal{J} + D - B) \cos^2 2\alpha + \mathcal{K} \cos^4 2\alpha + 2B. \quad (6)$$

Параметр α определим из условия минимальности энергии основного состояния

$$\frac{1}{N} \frac{\partial e}{\partial \alpha} = -4(\mathcal{J} + D - B + 2\mathcal{K} \cos^2 2\alpha) \cos 2\alpha \sin 2\alpha = 0. \quad (7)$$

Уравнение (7) имеет три типа решений разной симметрии

$$\sin 2\alpha = 0, \quad \cos^2 2\alpha = -\frac{\mathcal{J} + D - B}{2\mathcal{K}}, \quad \cos 2\alpha = 0.$$

Эти решения получены в одноподрешеточном приближении, т. е. в этом случае не рассматриваются возможные для системы (1) многоподрешеточные или неоднородные состояния.

Первое решение соответствует условию $\bar{s}_z = 1$, возможно, когда $\mathcal{J} + D - B + \mathcal{K} < -(\mathcal{J} + D - B)^2/4\mathcal{K}$, $\mathcal{J} + D - B + \mathcal{K} < 0$. В этом состоянии для компонент квадрупольного момента выполняется соотношение $\bar{Q}_{xx} = \bar{Q}_{yy}$. Второе решение $\bar{s}_z = \pm \sqrt{-(\mathcal{J} + D - B)/2\mathcal{K}}$ возможно, когда $-1 < -(\mathcal{J} + D - B)/2\mathcal{K} < 1$, $-(\mathcal{J} + D - B)^2/4\mathcal{K} < 0$, $-(\mathcal{J} + D - B)^2/4\mathcal{K} < \mathcal{J} + D - B + \mathcal{K}$. В этом состоянии для компонент квадрупольного момента выполняется неравенство $\bar{Q}_{xx} \neq \bar{Q}_{yy}$. Следует заметить, что в методе

самосогласованного поля это решение существует только при условии $B \neq 0$ (см. Приложение). Третье решение не является магнитоупорядоченным, магнитный момент узла равен нулю. Возможно, когда $\tilde{B} < 0$ и $\mathcal{J} + D - B + \mathcal{K} > 0$, $-(\mathcal{J} + D - B)^2/4\mathcal{K} > 0$. Это состояние отличается от состояния с волновой функцией $|\psi_2\rangle = |0\rangle$ лишь значениями компонент квадрупольного момента. Так, в состоянии $1/\sqrt{2}(|1\rangle + | -1\rangle)$ компоненты квадрупольного момента имеют значения $\bar{Q}_{zz} = 1$, $\bar{Q}_{xx} = 1$, $\bar{Q}_{yy} = 0$, а в состоянии $|\psi_2\rangle = |0\rangle$ соответствующие значения компонент равны $\bar{Q}_{zz} = 0$, $\bar{Q}_{xx} = 1$, $\bar{Q}_{yy} = 1$. Значения энергии этих состояний, вычисленных по формуле (3), равны, откуда следует, что эти состояния в обменном приближении являются доменами.

Таким образом, в обменном приближении для основного состояния возможны два вида магнитоупорядоченных решений, когда эффективный спин узла имеет максимально возможное значение $\tilde{s}_z = 1$ и когда эффективный спин узла меньше единицы и функционально определяется интегралами обмена.

2. Свободная энергия

Описание системы при $T \neq 0$ предполагает определение всех возможных микроскопических состояний. В методе самосогласованного поля состояние системы определяется в одноузельном приближении. Тогда, имея в виду процедуру самосогласования аналогично случаю $T = 0$, введем собственную систему координат узла, в которой волновые функции узла имеют вид

$$|\psi_{1f}\rangle = \cos \alpha |1\rangle + \sin \alpha | -1\rangle, \\ |\psi_{2f}\rangle = -\sin \alpha \sin \delta e^{i\gamma} |1\rangle + \cos \delta |0\rangle + \sin \delta \cos \alpha e^{i\gamma} | -1\rangle, \\ |\psi_{3f}\rangle = -\sin \alpha \cos \delta |1\rangle - \sin \delta e^{-i\gamma} |0\rangle + \cos \alpha \cos \delta | -1\rangle, \quad (8)$$

а функция $|\psi_{1f}\rangle$ удовлетворяет условиям (2).

Однако термодинамические средние от операторов, соответствующие условиям (2), в собственной системе координат не обращаются в нуль.

В дальнейшем будут описаны термодинамические свойства системы (1) в приближении самосогласованного поля [8] при следующих симметричных ограничениях для термодинамических средних: равенство нулю x , y -компонент намагниченности системы и равенство нулю недиагональных компонент квадрупольного момента системы. В этом случае собственная система координат совпадает с кристаллографической и волновые функции узла имеют вид

$$|\psi_{1f}\rangle = \cos \alpha |1\rangle + \sin \alpha | -1\rangle, \\ |\psi_{2f}\rangle = |0\rangle, \\ |\psi_{3f}\rangle = -\sin \alpha |1\rangle + \cos \alpha | -1\rangle. \quad (9)$$

Из эквивалентности узлов в методе самосогласованного поля следует, что равны намагниченности и квадрупольные моменты каждого из узлов и они соответственно равны средней намагниченности и средним компонентам квадрупольного момента системы в расчете на один узел. В силу этого энергия взаимодействия, соответствующая (1), запишется в виде

$$E/N = \left(\mathcal{J} - \frac{1}{2} B \right) M_s^2 + DM_s^2 d_z + B(d_x^2 + d_y^2 + d_z^2) + \mathcal{K} M_s^4, \quad (10)$$

где

$$M_s = \frac{1}{N} \sum_f \bar{s}_{zf}, \quad d_z = \frac{1}{N} \sum_f \bar{Q}_{zzf}, \quad d_x = \frac{1}{N} \sum_f \bar{Q}_{xxf}, \quad d_y = \frac{1}{N} \sum_f \bar{Q}_{yyf}, \quad (11)$$

а \bar{s}_{zf} , \bar{Q}_{zzf} , \bar{Q}_{xxf} , \bar{Q}_{yyf} — значения спина и компонент квадрупольного момента на узле, вычисляемые в базисе волновых функций (9). Например,

значения спина на узле могут быть равны $\cos 2\alpha$, 0 , $-\cos 2\alpha$. Конфигурационная энтропия системы соответственно записывается в виде

$$\sigma = \ln \frac{N!}{\prod_k N_k!} \approx N \ln N - \sum_k N_k \ln N_k = N \ln N - N_1 \ln N_1 - N_2 \ln N_2 - N_3 \ln N_3, \quad (12)$$

где N_k — число узлов, находящихся в одном из состояний (9).

Тогда макроскопические характеристики системы (11) примут следующий вид:

$$M_x = \frac{1}{N} (N_1 \cos 2\alpha - N_3 \cos 2\alpha) = x \cos 2\alpha, \quad d_z = \frac{1}{N} (N_1 + N_3), \quad (13)$$

$$d_x = 1 - \frac{1}{2} d_z + \frac{1}{2} x \sin 2\alpha, \quad d_y = 1 - \frac{1}{2} d_z - \frac{1}{2} x \sin 2\alpha. \quad (14)$$

Как видим из (13), (14), в приближении среднего поля термодинамические средние d_x , d_y зависят от M_x и d_z .

Дополнив систему (13) условием $N = N_1 + N_2 + N_3$ и выразив N_1 , N_2 , N_3 через x и d_z , запишем энтропию как функцию от неравновесных d_z и x

$$\sigma = - \left[\frac{1}{2} (d_z + x) \ln \frac{1}{2} (d_z + x) + \frac{1}{2} (d_z - x) \ln \frac{1}{2} (d_z - x) + (1 - d_z) \ln (1 - d_z) \right]. \quad (15)$$

Окончательно получаем для принятой модели следующий вид свободной энергии как функции неравновесных параметров x , d_z , α :

$$F = (\mathcal{J} - B) x^2 \cos^2 2\alpha + D x^2 \cos^2 2\alpha d_z + B \left(d_z^2 + 2 \left(1 - \frac{1}{2} d_z \right)^2 \right) + \\ + \mathcal{K} x^4 \cos^4 2\alpha + \frac{1}{2} B x^2 + \frac{1}{\beta} \left[\frac{1}{2} (d_z + x) \ln \frac{1}{2} (d_z + x) + \right. \\ \left. + \frac{1}{2} (d_z - x) \ln \frac{1}{2} (d_z - x) + (1 - d_z) \ln (1 - d_z) \right]. \quad (16)$$

3. Уравнения состояния

Минимизируя потенциал (16) по α , x , d_z , находим систему уравнений, определяющих равновесные макроскопические характеристики

$$\frac{\partial F}{\partial x} = 2(\mathcal{J} - B)x \cos^2 2\alpha + 2D d_z x \cos^2 2\alpha + 4\mathcal{K} x^3 \cos^4 2\alpha + Bx + \\ + \frac{1}{2\beta} \ln \frac{d_z + x}{d_z - x} = 0, \quad (17a)$$

$$\frac{\partial F}{\partial d_z} = D x^2 \cos^2 2\alpha + 3B \left(d_z - \frac{2}{3} \right) + \frac{1}{2\beta} \ln \frac{(d_z - x)(d_z + x)}{4(1 - d_z)^2} = 0, \quad (17b)$$

$$\frac{\partial F}{\partial \alpha} = -4(\mathcal{J} - B + D d_z + 2\mathcal{K} x^2 \cos^2 2\alpha) x^2 \cos 2\alpha \sin 2\alpha = 0. \quad (17c)$$

Полностью неупорядоченное состояние — парамагнитная фаза — соответствует решениям вида $x = 0$, $d_z = 2/3$.

Как и при $T = 0$, существуют три вида решений, определяемых параметром α .

I) $\cos 2\alpha = 0$, эффективный спин узла равен нулю, соответственно равна нулю и намагниченность системы. Узел характеризуется только квадрупольным моментом, поэтому для системы возможно лишь квадрупольное упорядочение, определяемое уравнениями

$$Bx + \frac{1}{2\beta} \ln \frac{d_z + x}{d_z - x} = 0,$$

$$3B\left(d_z - \frac{2}{3}\right) + \frac{1}{2\beta} \ln \frac{(dz - x)(d_z + x)}{4(1 - d_z)^2} = 0. \quad (18)$$

Такое квадрупольное состояние обозначим как КФI. Здесь, как и при $T=0$, $B < 0$. В этом случае для системы возможен только фазовый переход КФI—парафаза, который протекает вторым родом при $T_{\text{КФI}} = (-2/3)B$. Для компонент квадрупольного момента системы выполняется соотношение $d_x \neq d_y \neq d_z$.

II) $\cos 2\alpha = 1$, узел характеризуется максимально возможным значением спина, для компонент квадрупольного момента узла выполняется соотношение $\bar{Q}_{xx} = \bar{Q}_{yy}$. Намагниченность системы равна $M_z = x$, и для компонент квадрупольного момента системы выполняется равенство $d_x = d_y = 1 - (1/2)d_z$. Система (17) принимает вид

$$\begin{aligned} 2\left(\mathcal{J} - \frac{1}{2}B\right)M_z + 2DM_zd_z + 4\mathcal{K}M_z^3 + \frac{1}{2\beta} \ln \frac{d_z + M_z}{d_z - M_z} &= 0, \\ DM_z^2 + 3B\left(d_z - \frac{2}{3}\right) + \frac{1}{2\beta} \ln \frac{(d_z - M_z)(d_z + M_z)}{4(1 - d_z)^2} &= 0 \end{aligned} \quad (19)$$

и допускает два вида решений: а) $M_z = 0$, $d_z \neq 2/3$ (в отличие от состояния КФI является статистической квадрупольной фазой, которую обозначим КФ II) возможно, когда $\mathcal{J} + 2/3D > B$, $B < 0$; б) $M_z \neq 0$, $d_z \neq 2/3$, магнитоупорядоченное решение с отличной от нуля намагниченностью системы.

III) $\cos 2\alpha \neq 0$, $\sin 2\alpha \neq 0$. В этом случае величина спина узла меньше единицы и для компонент квадрупольного момента узла выполняется соотношение $\bar{Q}_{xx} \neq \bar{Q}_{yy}$. Намагниченность системы определяется из выражения

$$M_z = \pm \sqrt{-\frac{\mathcal{J} + Dd_z - B}{2\mathcal{K}}}. \quad (20)$$

При $D > 0$ величина намагниченности с ростом температуры возрастает, т. е. $M_z(T)$ имеет точку максимальной намагниченности при $T \neq 0$. Решение определяется уравнениями

$$\begin{aligned} Bx + \frac{1}{2\beta} \ln \frac{d_z + x}{d_z - x} &= 0, \\ -\left(2B + \frac{\mathcal{J} - B}{2\mathcal{K}}D\right) + \left(3B - \frac{D^2}{2\mathcal{K}}\right)d_z + \frac{1}{2\beta} \ln \frac{(d_z - x)(d_z + x)}{4(1 - d_z)^2} &= 0, \\ \cos^2 2\alpha &= -\frac{\mathcal{J} + Dd_z - B}{2\mathcal{K}x^2}. \end{aligned} \quad (21)$$

Эффективный спин узла зависит от конфигурации, т. е. определяется x и d_z

$$s_z = \frac{1}{x} \sqrt{-\frac{\mathcal{J} + Dd_z - B}{2\mathcal{K}}}. \quad (22)$$

Таким образом, величина эффективного спина узла зависит от температуры.

Максимальная температура, когда решение III возможно, определяется из системы уравнений (21) при условии, что $\cos 2\alpha = 1$. Эта температура T_{mp} является предельной, начиная с которой решение III переходит в решение II, а эффективный спин узла принимает значение, равное единице. Этот переход в модели является фазовым переходом 2-го рода.

4. Влияние внешнего магнитного поля

Ненулевое внешнее магнитное поле приводит к необходимости учета в гамильтониане зеемановского оператора $H_z \sum_i \hat{s}_{zi}$, а в свободной энергии члена $H_z x \cos 2\alpha$. В этом случае при $T=0$ основное состояние системы определяется уравнением

$$\frac{1}{N} \frac{\partial e}{\partial \alpha} = -2(2(\mathcal{J} + D - B) \cos 2\alpha + 4\mathcal{K} \cos^3 2\alpha - H_z) \sin 2\alpha = 0. \quad (23)$$

Это уравнение имеет только два типа решений $\sin 2\alpha = 0$: спин на узле равен 1 и $\sin 2\alpha \neq 0$; в этом случае спин на узле меньше 1 и его величина зависит от внешнего магнитного поля. Критическое поле, когда второе решение переходит в первое, равно $H_k = 2(\mathcal{J} + D - B) + 4\mathcal{K}$. Продольная восприимчивость для первого решения равна 0, тогда как продольная восприимчивость второго решения при $H_z \rightarrow 0$

$$\chi_{H_z \rightarrow 0}^{-1} = -2(\mathcal{J} + D - B). \quad (24)$$

Учет внешнего магнитного поля при решении уравнения состояния для $T \neq 0$ приводит к тому, что $T_{\text{пр}}$ является функцией от поля, так как уравнение (17в) имеет следующий вид:

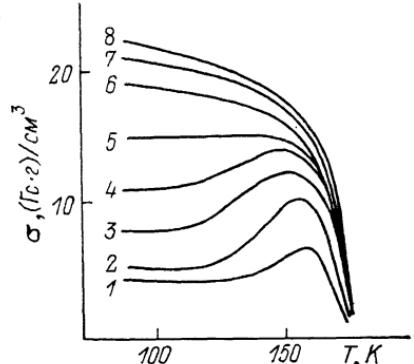
$$2[-2(\mathcal{J} - B + Dd_z + 2\mathcal{K}x^2 \cos^2 2\alpha)x \cos 2\alpha + H_z]x \sin 2\alpha = 0. \quad (25)$$

Для слабых полей, когда H_z мало, а x и d_z порядка 1, эффективный спин линейно зависит от поля

$$s_z = \sqrt{-\frac{\mathcal{J} + Dd_z - B}{2\mathcal{K}x^2} - \frac{H_z}{4(\mathcal{J} + Dd_z - B)x}}. \quad (26)$$

Таким образом, $T_{\text{пр}}$ с ростом поля уменьшается (в слабых полях линейно по H_z) и по достижении полем критической H_k возможно только состояние, для которого эффективный спин узла максимальен и равен единице.

Таким образом, в случае сильного негейзенберговского обмена упорядоченное состояние определяется магнитным и квадрупольными моментами. При $T=0$ система имеет следующие магнитоупорядоченные состояния: спин узла равен $\bar{s}_z = \cos 2\alpha = 1$, а квадрупольные моменты $\bar{Q}_{xx}, \bar{Q}_{yy}$ равны или спин узла меньше единицы $\bar{s}_z = \cos 2\alpha < 1$, а $\bar{Q}_{xx} \neq \bar{Q}_{yy}$. Во втором случае магнитный момент узла зависит от обменных констант и внешнего магнитного поля. При этом продольная восприимчивость не равна нулю и при $T=0$. Фазовый переход из состояния $\bar{Q}_{xx} = \bar{Q}_{yy}$ в состояние $\bar{Q}_{xx} \neq \bar{Q}_{yy}$ является переходом второго рода. При $T \neq 0$ возможны два магнитоупорядоченных состояния: $d_x = d_y$, система ведет себя как обычный магнетик; $d_x \neq d_y$. В последнем случае при $D > 0$ намагниченность как функция температуры имеет максимум при $T \neq 0$. Переход из состояния $d_x = d_y$ в состояние $d_x \neq d_y$ может осуществляться как при изменении температуры, так и под влиянием внешнего магнитного поля. Согласно принятой модели, такой переход протекает как переход второго рода. При этом зависимость намагниченности от внешнего магнитного поля в состоянии $d_x = d_y$ качественно отличается от зависимости $M(H)$ в состоянии $d_x \neq d_y$.



Зависимость намагниченности от температуры для сплава $\text{Th}_{0.1}\text{U}_{0.9}\text{S}$.
1 — 0.6, 2 — 1.2, 7 — 2.0, 4 — 2.4, 5 — 3.0, 6 — 4.0, 7 — 6.0, 8 — 7.0 кэ.

В рамках данной модели [9] находит объяснение зависимость намагниченности от температуры при различных значениях внешнего магнитного поля, которое наблюдается в актинидах и их соединениях. Так, типичные кривые зависимости $M(T)$ и $M(H)$ для $\text{Th}_x\text{U}_{1-x}\text{S}$ приведены на рисунке, взятом из [10]. Зависимость $M(T)$, имеющая максимум, характерна также и для лантанидов. Обычно такое поведение объясняют гистерезисными явлениями и разбиением кристалла на домены при низких температурах. Однако при такой интерпретации трудно объяснить обратимость процесса разбиения на домены в веществах с гигантской магнитострикцией. Известно, что даже при относительно малой стрикции в CoF_2 при фазовом переходе наблюдается растрескивание материала. Предлагаемое объяснение этой зависимости оставляет возможность для понимания природы обратимости процессов намагничивания, так как максимумы на кривых зависимости $M(T)$ имеют обменную природу и возможны при сильном негайзенберговском изотропном обмене.

ПРИЛОЖЕНИЕ

Одноузельный гамильтониан f -го узла в методе самосогласованного поля имеет вид

$$\hat{H}_f = \mathbf{h} \cdot \hat{s}_f + \sum_{ij} N_{ij} \hat{Q}_{ijf}, \quad (27)$$

где $i, j = x, y, z$; \mathbf{h} — магнитное поле; N_{ij} — компоненты квадрупольного поля, действующие на квадрупольный момент узла, компоненты которого определяются выражением $\hat{Q}_{ij} = 1/2 (\hat{s}_i \hat{s}_j + \hat{s}_j \hat{s}_i)$. С учетом выполнения условий (2) и (3), т. е. предположив, что магнитный момент системы направлен вдоль оси z и равны нулю недиагональные компоненты квадрупольного момента системы, гамильтониан (27) можно записать в виде

$$\hat{H}_f = h_z \hat{s}_z + N_{zz} \hat{s}_{zz}^2 + N_{xx} \hat{s}_{xz}^{2*} + N_{yy} \hat{s}_{yz}^{2*}, \quad (28)$$

где

$$h_z = 2 \left(\mathcal{J} - \frac{1}{2} B \right) \bar{s}_z + 4 \mathcal{K} \bar{s}_z^3 + 2D \bar{Q}_{zz} \bar{s}_z, \quad N_{zz} = 2B \bar{Q}_{zz}, \\ N_{xx} = 2B \bar{Q}_{xz}, \quad N_{yy} = 2B \bar{Q}_{yz},$$

т. е. эффективные поля, действующие на узел, зависят от средних значений z -компоненты магнитного момента и диагональных компонент квадрупольного момента. Решая задачу на собственные значения, находим, что собственные волновые функции оператора (28) имеют вид (9) и собственные значения энергии равны

$$\varepsilon_{\pm} = N_{zz} + \frac{1}{2} (N_{xx} + N_{yy}) \pm \sqrt{h_z^2 + \frac{1}{4} (N_{xx} - N_{yy})^2}, \\ \varepsilon_0 = -(N_{xx} + N_{yy}). \quad (29)$$

Уравнения самосогласования для магнитоупорядоченного состояния можно записать в виде

$$\bar{s}_z = -\partial \varepsilon_- / \partial h_z = h_z / \sqrt{h_z^2 + \frac{1}{4} (N_{xx} - N_{yy})^2}. \quad (30)$$

Решения этого уравнения совпадают с решениями уравнения (6). В случае, когда $B=0$, уравнение (30) имеет только одно решение $\bar{s}_z=1$.

Список литературы

- [1] Нагаев Э. Л. Магнетики со сложными обменными взаимодействиями. М.: Наука, 1988. 232 с.
- [2] Нагаев Э. Л. // УФН. 1982. Т. 136. № 1. С. 61—100.

- [3] Матвеев В. М., Нагаев Э. Л. // ФТТ. 1972. Т. 14. № 2. С. 492—501.
- [4] Матвеев В. М. // ЖЭТФ. 1973. Т. 65. № 4. С. 1626—1632.
- [5] Губан Ю. М., Калита В. М. // ФТГ. 1987. Т. 29. № 11. С. 3302—3307.
- [6] Губан Ю. М., Ларин Е. С. // ДАН СССР. 1978. Т. 242. № 6. С. 1311—1313.
- [7] Островский В. С. // ЖЭТФ. 1986. Т. 91. № 5. С. 1690—1701.
- [8] Браут Р. Фазовые переходы. М.: Мир, 1967. 288 с.
- [9] Калита В. М. // Тез. докл. II Всес. семинара «Магнитные фазовые переходы и критические явления». Махачкала, 1988. С. 216.
- [10] Чачхиани З. В., Чечерников В. И., Чачхиани Л. Г. Магнетизм сплавов и соединений тория. Тбилиси, 1986. С. 305.

Ростовский-на-Дону
государственный педагогический институт

Поступило в Редакцию
3 мая 1990 г.
В окончательной редакции
10 сентября 1990 г.
