

01;05;07;08

## КОЛЛИНЕАРНОЕ АКУСТООПТИЧЕСКОЕ ВЗАИМОДЕЙСТВИЕ В ГИРОТРОПНЫХ ВОЛОКОННЫХ СВЕТОВОДАХ ВО ВНЕШНЕМ ЭЛЕКТРИЧЕСКОМ ПОЛЕ

© Г.В.Кулак, С.Н.Ковчур

Институт физики им Б.И. Степанова АН Белоруссии,  
220602 Минск, Белоруссия  
(Поступило в Редакцию 27 июля 1994 г.  
В окончательной редакции 30 марта 1995 г.)

Рассмотрены особенности коллинеарного акустооптического (АО) взаимодействия в гиротропных волоконных световодах на основе кристаллов структуры силленита, помещенных во внешнее электрическое поле. Исследован случай АО взаимодействия линейно поляризованных двукратно вырожденных  $LP_{0m}$ -мод с акустическими модами цилиндрического волновода. Рассчитаны зависимости эффективности АО взаимодействия, азимута поляризации и эллиптичности дифрагированной волоконной моды от интенсивности акустической волны и напряженности управляющего электрического поля.

Исследование акустооптического взаимодействия в волоконных световодах (ВС) представляет значительный интерес для оптоэлектроники [1]. Это связано с созданием волоконных световодов на основе различных акусто- и электрооптических материалов, включая ниобат лития [2] и гиротропные кристаллы структуры силленита [3]. Экспериментальные исследования параметрического взаимодействия между отдельными модами ВС затруднены необходимостью селективного возбуждения требуемых мод. Для решения этой задачи используют пространственные фильтры, синтезированные на ЭВМ методами цифровой голографии [4].

В [5] показано, что учет гиротропии ВС приводит лишь к малому возмущению тензора диэлектрической проницаемости сердцевин и оболочки и приближенному разделению на линейно поляризованные  $LP$ -моды. Для германата висмута ( $Bi_{12}GeO_{20}$ ) и длины волны света  $\lambda_0 = 0.63$  мкм параметр гиротропии  $g = 7.8 \cdot 10^{-5}$ , а диэлектрическая проницаемость  $\epsilon = 6.502$  [6]. Дисперсионные уравнения и пространственные распределения электрических полей  $LP$ -мод ВС приведены в [7,8].

В настоящей работе с использованием материальных уравнений для гиротропного диэлектрика [9] и метода медленно меняющихся ам-

плитуд рассмотрены особенности АО взаимодействия двукратно вырожденных линейно поляризованных  $LP_{0m}$  ( $m = 1, 2, 3, \dots$ )-мод [7] гиротропного ВС, помещенного во внешнее электрическое поле.

Предположим, что ультразвуковая (УЗ) волна с волновым вектором  $\mathbf{K}$  и круговой частотой  $\Omega$  распространяется вдоль оси волокна  $Z$ . Компоненты тензора деформации  $U_{qp}$  ультразвуковой волны запишем в виде [10]

$$U_{qp} = B_{qp} V_{qp}(x, y) \exp[i(Kz - \Omega t)], \quad (1)$$

где  $B_{qp}$  — амплитуда деформаций,  $V_{qp}$  — функция поперечного распределения упругих деформаций в сечении волокна.

Волновая структура, состоящая из сердцевин и оболочек (оптически изотропных материалов), имеет форму, близкую к цилиндрической [8]. Малая структурная анизотропия ВС связана с условиями технологического процесса при его изготовлении. Систему координат  $XYZ$  выберем так, чтобы оси координат  $X$  и  $Y$  совпадали с осями структурной анизотропии ВС. В этом случае постоянные распространения волоконных мод, поляризованных вдоль осей  $X$  и  $Y$ , отличаются по величине. Эффективные тензоры диэлектрической проницаемости  $\hat{\epsilon}^0$  ( $\hat{\epsilon}^1$ ) для волоконных мод с эффективными показателями преломления  $N_{0x}, N_{0y}$  ( $N_{1x}, N_{1y}$ ) соответственно для  $X$ - и  $Y$ -поляризованных составляющих имеют отличные от нуля компоненты.

$$\epsilon_{11}^0 = N_{0x}^2 \quad (\epsilon_{22}^0 = N_{1x}^2), \quad \epsilon_{22}^0 = N_{0y}^2 \quad (\epsilon_{22}^1 = N_{1y}^2), \quad \epsilon_{33}^0 = n_1^2 \quad (\epsilon_{33}^1 \approx n_1^2).$$

Ультразвуковая волна создает для каждой из мод периодическую в пространстве и времени решетку диэлектрической проницаемости

$$\hat{\epsilon}_{0,1} = \hat{\epsilon}^{0,1} + \Delta \hat{\epsilon}_1^{0,1} + \Delta \hat{\epsilon}_a^{0,1} \cos(Kz - \Omega t), \quad (2)$$

где  $(\Delta \epsilon_a^{0,1})_{ij} = -\epsilon_{ik}^{0,1} \epsilon_{jl}^{0,1} P_{klmn} U_{mn}$  ( $P_{klmn}$  — компоненты тензора фотоупругих постоянных,  $U_{mn}$  — компоненты тензора деформаций),  $(\Delta \epsilon_l^{0,1})_{ij} = -\epsilon_{ik}^{0,1} \epsilon_{lj}^{0,1} r_{klt} E_t^0$  ( $r_{klt}$  — компоненты тензора электрооптических постоянных,  $E_t^0$  — компоненты вектора напряженности внешнего электрического поля).

При рассмотрении УЗ волн вдоль пьезоактивных направлений в выражении (2) следует использовать эффективные значения фотоупругих постоянных с учетом пьезоэффекта.

Из уравнения Максвелла следует волновое уравнение вида

$$\nabla^2 \mathbf{E} - \nabla(\nabla \mathbf{E}) - \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2 \mathbf{D}}{\partial t^2} = 0, \quad (3)$$

где  $\mathbf{E}$  и  $\mathbf{D}$  — векторы напряженности и индукции электрического поля световой волны,  $c$  — скорость света в вакууме.

Решение волнового уравнения (3) будем искать в виде суммы двух связанных волн (мод) с медленно меняющимися амплитудами. Предполагается, что волоконная мода с эффективными показателями преломления  $N_{0x}, N_{0y}$  дифрагирует в волоконную моду с эффективными показателями преломления  $N_{1x}, N_{1y}$ . С использованием результатов

работы [11] вектор индукции электрического поля  $D$  и напряженности поля  $E$  ищем в виде

$$D = D_0(x, y) \exp[i(k_0 z - \omega t)] + D_1(x, y) \exp[i(k_1 z - \omega_1 t)], \quad (4)$$

$$E = \left\{ \hat{\varepsilon}_0^{-1} D_0 - \frac{1}{\bar{\varepsilon}_0^2} [G e_z, D_0] \right\} \exp[i(k_0 z - \omega t)] + \\ + \left\{ \hat{\varepsilon}_1^{-1} D_1 - \frac{1}{\bar{\varepsilon}_0^2} [G e_z, D_1] \right\} \exp[i(k_1 z - \omega_1 t)], \quad (5)$$

где

$$D_0 = A_0(z) e_{0x}(x, y) e_x + B_0(z) e_{0y}(x, y) e_y + C_0(z) e_{0z}(x, y) e_z,$$

$$D_1 = A_1(z) e_{1x}(x, y) e_x + B_1(z) e_{1y}(x, y) e_y + C_1(z) e_{1z}(x, y) e_z,$$

$$k_0 = \frac{\omega}{c} \sqrt{\bar{\varepsilon}_0}, \quad k_1 = \frac{\omega}{c} \sqrt{\bar{\varepsilon}_1}; \quad \omega_1 = \omega + \Omega.$$

Здесь введены обозначения  $\bar{\varepsilon}_0 = (1/3)Sp(\hat{\varepsilon}_0)$ ,  $\bar{\varepsilon}_1 = (1/3)Sp(\hat{\varepsilon}_1)$ ;  $e_x, e_y, e_z$  — единичные векторы вдоль осей  $X, Y, Z$ ; величины  $e_{0x}, e_{0y}, e_{0z}$ ;  $e_{1x}, e_{1y}, e_{1z}$  описывают пространственные распределения индукций электрических полей собственных волн невозмущенного ВС;  $\hat{G}$  — тензор гирации [9]. При отсутствии УЗ возмущения в волокне распространяются собственные моды ВС [8] и в выражениях (4), (5) следует положить  $A_{0,1} = B_{0,1} = C_{0,1} = 1$ . Предполагается, что малые возмущения диэлектрической проницаемости не приводят к изменению собственных функций волокна.

Для определения амплитуд дифрагированных волн используем приближения  $(\varepsilon_{ij}^{0,1} - \bar{\varepsilon}_{0,1})$ ,  $(\Delta \varepsilon_1^{0,1})_{ij}$ ,  $G_{ij} \ll \bar{\varepsilon}_{0,1}$ ;  $|dE_{0,1}/dx|(\varepsilon_{ij}^{0,1} - \bar{\varepsilon}_{0,1})$ ,  $(\varepsilon_{ij}^{0,1} - \bar{\varepsilon}_{0,1})G_{kl}$ ,  $G_{ij}G_{kl} \ll 1$ ;  $|C_{0,1}| \sim (\varepsilon_{ij}^{0,1} - \bar{\varepsilon}_{0,1})|E_{0,1}|$ ,  $|C_{0,1}| \sim G_{ij}|E_{0,1}|$ ,  $(i, j, k, l = 1, 2, 3)$ .

Подставляя (4) и (5) в волновое уравнение (3), получаем систему четырех дифференциальных уравнений для величин  $A_0, B_0, A_1$  и  $B_1$ , которую удобно представить в виде двух векторно-матричных уравнений относительно векторов  $E_0 = (A_0, B_0)^T$ ,  $E_1 = (A_1, B_1)^T$  ( $\tau$  — символ операции транспонирования)

$$\frac{dE_0}{dz} = P E_0 + i \frac{\bar{\varepsilon}_0}{\bar{\varepsilon}_1} Q E_1, \\ \frac{dE_1}{dz} = F E_1 + i \frac{\bar{\varepsilon}_0}{\bar{\varepsilon}_1} C E_1, \quad (6)$$

где

$$P = \begin{pmatrix} i(\Delta_1 + \Delta_1^{ae}) & (\rho_0 + i\Delta_1^e) \\ (-\rho_0 + i\Delta_2^e) & i(\Delta_2 + \Delta_2^{ae}) \end{pmatrix}, \quad Q = \begin{pmatrix} \kappa_{xx} F_{xx} & \kappa_{xy} F_{xy} \\ \kappa_{yx} F_{yx} & \kappa_{yy} F_{yy} \end{pmatrix}, \\ F = \begin{pmatrix} i(\delta + \tilde{\Delta}_1 + \tilde{\Delta}_1^{ae}) & (\rho_1 + i\tilde{\Delta}_1^e) \\ (-\rho_1 + i\tilde{\Delta}_2^e) & i(\delta + \tilde{\Delta}_2 + \tilde{\Delta}_2^{ae}) \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} \kappa_{xx} \tilde{F}_{xx} & \kappa_{xy} \tilde{F}_{yx} \\ \kappa_{yx} \tilde{F}_{yx} & \kappa_{yy} \tilde{F}_{yy} \end{pmatrix}.$$

Здесь введены обозначения  $\rho_0 = q_0(\hat{G}e_z)e_z$ ,  $\rho_1 = \tilde{q}_1(\hat{G}e_z)e_z$ ,  $\Delta_1 = q_0\{e_x(\hat{\varepsilon}^0 - \bar{\varepsilon}_0)e_x\}$ ,  $\Delta_2 = q_1\{e_y(\hat{\varepsilon}^0 - \bar{\varepsilon}_0)e_y\}$ ,  $\tilde{\Delta}_1 = \tilde{q}_0\{e_x(\hat{\varepsilon}^1 - \bar{\varepsilon}_1)e_x\}$ ,  $\tilde{\Delta}_2 = q_1\{e_y(\hat{\varepsilon}^1 - \bar{\varepsilon}_1)e_y\}$ ,  $\Delta_1^{ae} = q_0(e_x\Delta\hat{\varepsilon}_e e_x)$ ,  $\Delta_1^e = q_0(e_x\Delta\hat{\varepsilon}_e e_y)$ ,  $\Delta_2^{ae} = q_1(e_y\Delta\hat{\varepsilon}_e e_y)$ ,  $\Delta_2^e = q_1(e_y\Delta\hat{\varepsilon}_e e_x)$ ,  $\tilde{\Delta}_1^{ae} = q_0(e_x\Delta\hat{\varepsilon}_e e_x)$ ,  $\tilde{\Delta}_2^{ae} = \tilde{q}_1(e_y\Delta\hat{\varepsilon}_e e_y)$ ,  $\tilde{\Delta}_1^e = \tilde{q}_0(e_x\Delta\hat{\varepsilon}_e e_y)$ ,  $\tilde{\Delta}_2^e = \tilde{q}_1(e_y\Delta\hat{\varepsilon}_e e_x)$ ,  $q_0 = \omega/(2c\sqrt{\bar{\varepsilon}_0})$ ,  $q_1 = \omega_1/(2c\sqrt{\bar{\varepsilon}_0})$ ,  $\tilde{q}_0 = \omega/(2c\sqrt{\bar{\varepsilon}_1})$ ,  $\tilde{q}_1 = \omega_1/(2c\sqrt{\bar{\varepsilon}_1})$ ,  $\delta = (k_1 - k_0 - K) -$  фазовая расстройка. Величины  $\kappa_{ij}$  ( $\tilde{\kappa}_{ij}$ ) выражаются через свертки тензоров  $\Delta\hat{\varepsilon}^0$  ( $\Delta\hat{\varepsilon}^1$ ) с единичными векторами  $e_x$ ,  $e_y$ , т.е.  $\kappa_{ij} = \omega(e_i\Delta\hat{\varepsilon}_{ij}^0 e_j)/(4cV_{qz})$ ,  $\tilde{\kappa}_{ij} = \omega(e_i\Delta\hat{\varepsilon}_{ij}^1 e_j)/(4cV_{qz})$ , где  $i, j = x, y$ . Интегралы перекрытия полей  $F_{ij}$  даются соотношениями

$$F_{xx} = \int_0^\infty \int_0^\infty (e_{0x} V_{qz} e_{1x}) dx dy / \int_0^\infty \int_0^\infty |e_{0x}|^2 dx dy,$$

$$F_{xy} = \int_0^\infty \int_0^\infty (e_{0x} V_{qz} e_{1y}) dx dy / \int_0^\infty \int_0^\infty |e_{0x}|^2 dx dy,$$

$$F_{yx} = \int_0^\infty \int_0^\infty (e_{0y} V_{qz} e_{1x}) dx dy / \int_0^\infty \int_0^\infty |e_{0y}|^2 dx dy,$$

$$F_{yy} = \int_0^\infty \int_0^\infty (e_{1y} V_{qz} e_{0y}) dx dy / \int_0^\infty \int_0^\infty |e_{0y}|^2 dx dy. \quad (7)$$

Волнистая линия над  $\tilde{F}_{ij}$  означает замену  $e_{0x} \rightarrow e_{1x}$ ,  $e_{0y} \rightarrow e_{1y}$  в знаменателях выражений (7). Для расчета интегралов перекрытия использовалась цилиндрическая система координат. При этом в выражениях (7) следует выполнить замену  $dx dy$  на  $r dr d\theta$ , где  $0 \leq r \leq \infty$ ,  $0 \leq \theta \leq 2\pi$  [10].

В случае возбуждения продольной акустической моды  $L_{01}$  цилиндрического волновода компоненты тензора деформации в цилиндрической системе координат  $r\theta z$  удовлетворяют соотношениям [2]  $|U_{zz}| \gg |U_{\theta\theta}|, |U_{rr}|, |U_{r\theta}|$ . С использованием результатов работ [2,3] не сложно показать, что  $U_{zz} = C_g V_{zz} \sqrt{(2I_a/\sigma C_g^3)}/v_e$  ( $C_g, v_e$  — групповая и фазовая скорости продольной УЗ волны,  $I_a$  — интенсивность ультразвука,  $\sigma$  — плотность материала звукопровода). Функция пространственного распределения упругих деформаций  $V_{zz} = J_0(\xi r)$ , где  $J_0$  — функция Бесселя нулевого порядка,  $\xi = [(\Omega/v_e)^2 - K^2]^{1/2}$ .

Рассмотрим АО взаимодействие линейно поляризованных двукратно вырожденных  $LP_{0m}$ - и  $LP_{0m'}$ -мод волоконного световода. Для эффективного взаимодействия волоконной моды  $LP_{0m}$  с радиальным распределением  $R_m(r)$  и моды  $LP_{0m'}$  с распределением  $R_{m'}(r)$  частота ультразвука должна удовлетворять условию  $f \approx v_e(\sqrt{\bar{\varepsilon}_0} - \sqrt{\bar{\varepsilon}_1})/\lambda_0$ . Для ВС

с радиусом сердцевинки  $a_0$  функции пространственного распределения даются соотношениями [7,8]

$$R_{m,m'} = \begin{cases} J_0(\chi_{0,1}r)/J_0(\chi_{0,1}a_0) & \text{при } r \leq a_0, \\ K_0(\gamma_{0,1}r)/K_0(\gamma_{0,1}a_0) & \text{при } r > a_0, \end{cases}$$

где  $\chi_{0,1} = (2\pi/\lambda_0)(n_1^2 - N_{0,1}^2)^{1/2}$ ,  $\gamma_{0,1} = (2\pi/\lambda_0)(N_{0,1}^2 - n_2^2)^{1/2}$ , причем  $N_0 \approx N_{0x} \approx N_{0y}$ ,  $N_1 \approx N_{1x} \approx N_{1y}$ .

В дальнейшем считается, что внешнее электрическое поле  $E^0$  направлено вдоль оси волокна  $Z$ . Для такой геометрии электрооптической эффект оказывает существенное влияние на процесс АО дифракции, причем в системе уравнений (6) следует положить  $\Delta_1^e = \Delta_2^e = \tilde{\Delta}_1^e = \tilde{\Delta}_2^e = \Delta = -\pi(\bar{\epsilon}_0)^{3/2}r_{41}|E^0|/\lambda_0$ ,  $\Delta_1^{ae} = \Delta_2^{ae} = \tilde{\Delta}_1^{ae} = \tilde{\Delta}_2^{ae} = 0$ .

Для решения системы уравнений (6) воспользуемся матричным методом [12] и учтем малую структурную анизотропию волокна, т.е. положим  $N_{0x} \approx N_{0y}$ ,  $N_{1x} \approx N_{1y}$ . Граничные условия на входной границе ( $z = 0$ ) области АО взаимодействия имеют вид  $A_0(z = 0) = A_x$ ,  $B_0(z = 0) = A_y$ ,  $A_1(z = 0) = B_1(z = 0) = 0$ , где  $A_x$  и  $A_y$  — комплексные амплитуды падающей световой волны для  $X$ - и  $Y$ -составляющей соответственно. В результате для векторной амплитуды  $E_1$  дифрагированной моды на выходной грани ( $z = l$ ) области АО взаимодействия получаем следующее выражение:

$$\begin{aligned} E_1 = i \{ & (R \sin a_1 l + \tilde{R} \sin a_2 l) A_x - [Q(\cos a_1 l - \cos a_2 l) - \\ & - iN(\cos a_1 l - \cos a_2 l)] A_y \} e_2 + i \{ (R \sin a_1 l + \tilde{R} \sin a_2 l) A_y + \\ & + [Q(\cos a_1 l - \cos a_2 l) - iN(\cos a_1 l - \cos a_2 l)] A_x \} e_1, \end{aligned} \quad (8)$$

где

$$R = \frac{\kappa(\kappa^2 + 3\Delta^2 + 3\rho^2 - a_2^2)}{a_1(a_1^2 - a_2^2)}, \quad Q = \frac{2\rho\kappa}{a_1^2 - a_2^2}, \quad N = \frac{2\kappa\Delta}{a_1^2 - a_2^2},$$

$a_{1,2} = \{(\rho^2 + \Delta^2 + \kappa^2) \pm 2\kappa\rho\}^{1/2}$ , причем  $A_x = A \sin \psi$ ,  $A_y = A \cos \psi$  ( $A$  — амплитуда падающей волны;  $\psi$  — азимут поляризации падающего света, отсчитываемый от оси  $X$ );  $\rho$  — удельное вращение материала волокна;  $\kappa = -(2\pi\bar{\epsilon}_0^{3/2}P_{12}C_g F/\lambda_0 v_e)\sqrt{(2I_a/\sigma C_g^3)}$ , где  $P_{12}$  — фотоупругая постоянная,  $F = \left(\int_0^\infty r J_0(\xi r) R_m R_{m'} dr\right) \left(\int_0^\infty r R_m^2 dr\right)^{-1}$ ; волнистая линия

сверху в выражении для  $R$  соответствует замене  $a_1 \rightarrow a_2$ .

Поляризационные и энергетические характеристики дифрагированного света несложно рассчитать с помощью выражения (8). При этом эффективность дифракции  $\eta_1$ , азимут поляризации  $\psi_1$  и эллиптичность  $\tau_1$  даются соотношениями  $\eta_1 = |E_1|^2/|A|^2$ ,  $\psi_1 = (1/2) \arctg [2 \operatorname{Re}(\kappa)/(1 - |\kappa|^2)]$ ,  $\tau_1 = \operatorname{tg} \{(1/2) \arcsin [2 \operatorname{Im}(\kappa)/(1 + |\kappa|^2)]\}$ , где  $\kappa = (E_1 e_x)/(E_1 e_y)$ .

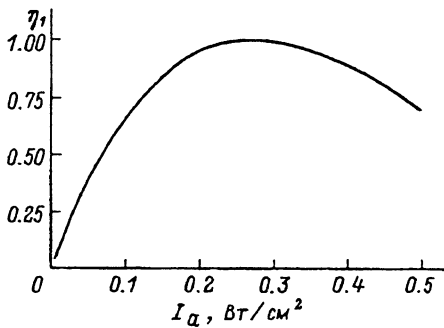


Рис. 1. Зависимость эффективности дифракции  $\eta_1$  от интенсивности акустической волны  $I_a$  при изменении внешнего электрического поля  $E^0$  от нуля до 10 кВ/см (длина взаимодействия  $l = 3$  см).

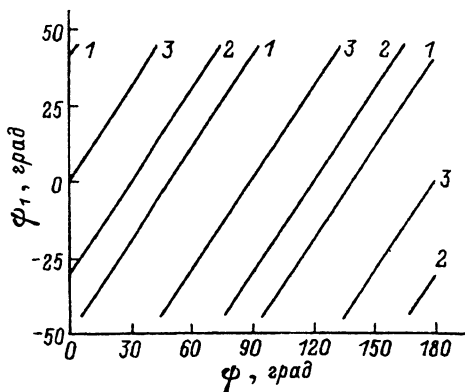


Рис. 2. Зависимость азимута поляризации  $\psi_1$  дифрагированного света от азимута поляризации  $\psi$  падающего света при различных значениях напряженности внешнего электрического поля.

1 —  $E = 0$ , 2 — 3, 3 — 5 кВ/см.

Численные расчеты проводились для ВС из германата висмута, для которого  $P_{12} = 0.1$ ,  $\rho = 22$  град/мм,  $n_1 = 2.55$ ,  $\Delta = 4 \cdot 10^{-3}$ ,  $\sigma = 9.22$  г/см<sup>3</sup>. Предполагалось, что на входе ВС формировалась мода  $LP_{01}$ , которая эффективно взаимодействует с модой  $LP_{02}$  на частоте УЗ волны  $f = 3.5$  МГц.

На рис. 1 представлена зависимость эффективности АО взаимодействия  $\eta_1$  от интенсивности УЗ волны  $I_a$  при различных значениях напряженности внешнего электрического поля  $E^0$ . Расчеты показывают, что изменение поля  $E^0$  от нуля до 10 кВ/см не влияет на эффективность коллинеарной брэгговской дифракции. Это связано с отсутствием анизотропии акустоэлектрооптического взаимодействия для ВС круглого поперечного сечения из оптически изотропного материала.

Зависимость азимута поляризации дифрагированного света  $\psi_1$  от азимута поляризации падающего света  $\psi$  приведена на рис. 2. При этом длина взаимодействия  $l$  и интенсивность ультразвука  $I_a$  соответствовали максимальной перекачке энергии из нулевого порядка ди-

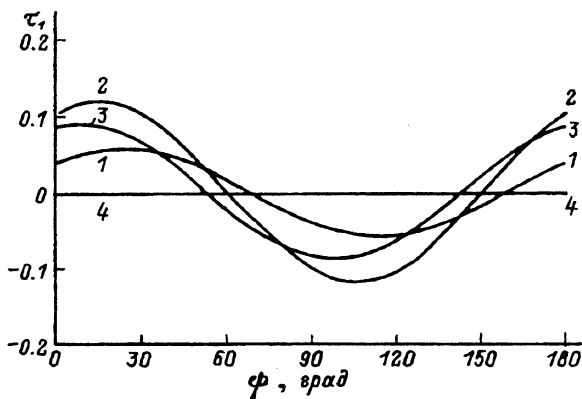


Рис. 3. Зависимость эллиптичности  $\tau_1$  дифрагированного света от азимута поляризации  $\psi$  падающего при различных напряженностях управляющего электрического поля.

1 —  $E = 1$ , 2 — 3, 3 — 4, 4 — 5 кВ/см.

фракции в первый. Видно, что включение внешнего электрического поля значительно изменяет ориентацию эллипса поляризации дифрагированного света.

На рис. 3 представлена зависимость эллиптичности  $\tau_1$  дифрагированного света от азимута  $\psi$  при различных значениях управляющего поля  $E^0$ . Видно, что максимальное значение  $|\tau| \leq 0.12$ ; с увеличением внешнего электрического поля эллиптичность вначале возрастает, затем уменьшается и при  $E^0 \geq 5$  кВ/см становится равной нулю для произвольного азимута  $\psi$ .

Таким образом, эффективность коллинеарной акустооптической дифракции в гиротропных волоконных световодах практически не зависит от внешнего управляющего поля, однако поляризационные характеристики (азимут  $\psi_1$  и эллиптичность  $\tau_1$ ) дифрагированной моды испытывают существенные изменения. Полученные результаты могут быть использованы при создании гибридных волоконно-оптических устройств, совмещающих в себе функции акустооптического модулятора и электрооптического переключателя ориентации плоскости поляризации.

Авторы признательны В.Н. Белому за полезное обсуждение работы. Настоящая работа поддержана Фондом фундаментальных исследований Республики Беларусь.

#### Список литературы

- [1] Гуляев Ю.В., Меш М.Я., Проклов В.В. Модуляционные эффекты в волоконных световодах и их применение. М., 1991. 151 с.
- [2] Fertin E., Legonbin S., Donay M. // Electron. Lett. 1991. Vol. 27. N 20. P. 1836-1837.
- [3] Zgong H., Yjn Y., Quon N. // Chin. Ceram. Soc. 1991. Vol. 19. P. 151.
- [4] Гаричев В.П., Кривошлыков С.Г., Ян Н.У. // Квантовая электрон. 1990. Т. 17. № 8. С. 1066-1070.
- [5] Karpman V.I. // Physics Lett. 1991. Vol. 154. N 5-6. P. 230-237.
- [6] Кизель В.А., Бурков В.И. Гиротропия кристаллов. М., 1980. 303 с.
- [7] Snyder A.W., Young W.R. // J. Opt. Soc. Am. 1978. Vol. 68. N 3. P. 297-309.
- [8] Снайдер А., Лав Дж. Теория оптических волноводов. М., 1987. 656 с.
- [9] Федоров Ф.И. Теория гиротропии. Минск, 1976. 456 с.
- [10] Введение в интегральную оптику / Под ред. М. Барноски: М., 1977. 367 с.
- [11] Vachss F., Hesselnik L. // J. Opt. Soc. Am. 1987. Vol. 4. N 2. P. 325-329.
- [12] Гантмахер Ф.Р. Теория матриц. М., 1988. 552 с.