

УДК 536.21

©1995

**ТЕПЛОПРОВОДНОСТЬ СУПЕРИОННЫХ  
АЛЮМОФОСФАТНЫХ СТЕКОЛ**  
 $0.2\text{Al}(\text{PO}_3)_3 + (0.8-x)\text{LiF} + x\text{NaF}$

*H.P.Абдулхаликова, А.Э.Алиев*

Отдел теплофизики Академии наук Узбекистана,  
 700135, Ташкент, Узбекистан  
 (Поступила в Редакцию 13 декабря 1994 г.)

Представлены результаты экспериментальных исследований коэффициента теплопроводности в суперионных алюмофосфатных стеклах  $0.2\text{Al}(\text{PO}_3)_3 + (0.8 - x)\text{LiF} + x\text{NaF}$  ( $x = 0, 0.2, 0.3, 0.6, 0.8$ ). В диапазоне температур 100–400 К обнаружен монотонный рост теплопроводности, который связывается с релаксационным взаимодействием высокочастотных фононов с двухуровневыми системами. Полищелочной эффект, ранее обнаруженный в этих стеклах, не проявляется в концентрационной зависимости теплопроводности.

Перспективы технического применения суперионных проводников в твердотельных химических источниках тока, топливных элементах и устройствах функциональной радиоэлектроники связаны наряду с требованием высоких электрохимических параметров с технологичностью получения, химической устойчивостью и стоимостью материала. В этом плане в последнее время предпочтение отдается аморфным материалам — катионпроводящим суперионным стеклам. Необходимость разработки стеклообразных материалов, обладающих новыми эксплуатационными и физико-химическими свойствами, привела к развитию технологий получения стекол на основе таких стеклообразователей, как  $\text{BeF}_2$ ,  $\text{Al}(\text{PO}_3)_3$ ,  $\text{Ba}(\text{PO}_3)_2$  и т.д. В некоторые из них можно ввести до 70–85 mol.% фторидов щелочных металлов без существенной потери стеклообразующих свойств и химической устойчивости [1].

Исследование температурно-концентрационных зависимостей электропроводности систем  $\text{MeF}-\text{Al}(\text{PO}_3)_3$  (где  $\text{Me} = \text{Li}, \text{Na}, \text{K}, \text{Rb}, \text{Cs}$ ) позволило выявить ряд закономерностей [1,2]: 1) увеличение ионного радиуса щелочного катиона в ряду  $\text{Li}, \text{Na}, \text{K}, \text{Rb}, \text{Cs}$  приводит к резкому возрастанию сопротивления; 2) замещение одного фторида щелочного металла на другой приводит к появлению «полищелочного» эффекта, заключающегося в уменьшении ионной проводимости смешанных систем с минимумом в области  $\sim 50\%$  замещения одного катиона другим. Так же как и в оксидных стеклах, этот эффект проявляется тем сильнее, чем больше различаются размеры катионов щелочных металлов [3].

В ряде последних работ [4,5] проявление полищелочного эффекта связывается с различными частотами колебаний щелочных катионов, расположенных в соседних позициях. Очевидно, что изменение спектра колебаний решетки и соответственно энтропийного множителя в уравнении Аррениуса для ионной проводимости [4] должно приводить к изменению как электрофизических, так и теплофизических свойств этих материалов. С целью изучения поведения коэффициента теплопроводности в суперионных стеклах, обнаруживающих полищелочной эффект, в данной работе приводятся результаты измерения и анализа температурных и концентрационных зависимостей коэффициента теплопроводности  $\kappa(x, T)$ .

## 1. Эксперимент

Для исследования были выбраны стекла с общей формулой  $0.2\text{Al}(\text{PO}_3)_3 + (0.8 - x)\text{LiF} + x\text{NaF}$  ( $x = 0, 0.2, 0.5, 0.6, 0.8$ ). Образцы для измерения коэффициента теплопроводности были изготовлены в виде пластин размером  $10 \times 10 \times 1 \text{ mm}$ . Измерения проводились импульсным зондовым методом (метод нагретого провода) в стадии иррегулярного теплового режима [6]. Образцы находились в атмосфере химически инертного  $\text{N}_2$  при температурах 80–390 К. В качестве зонда использовался вольфрамовый провод диаметром  $10 \mu\text{m}$ , который прижимался между двумя одинаковыми пластинами образца. По калибровочным измерениям на эталонных образцах ( $\text{KCl}, \text{Al}_2\text{O}_3$ ) были определены температурный коэффициент изменения сопротивления зонда и погрешность измерения, которая не превышала 3%.

Скорости продольных и поперечных ультразвуковых волн, измеренные для расчета температуры Дебая, получены на брусках размером  $13 \times 2 \times 2 \text{ mm}$  резонансным методом.

## 2. Результаты и обсуждение

Температурные зависимости коэффициента теплопроводности  $\kappa(T)$  для исследуемых составов стекол представлены на рис. 1. Наблюдаются следующие особенности:  $\kappa$  монотонно возрастает с ростом температуры; замещение фторида лития на фторид натрия приводит к уменьшению  $\kappa$ , тем большему, чем выше температура; значения  $\kappa$  находятся в узком диапазоне  $0.5\text{--}2.5 \text{ W/m} \cdot \text{K}$ , в то время как ионные электропроводности  $\sigma_i$  этих образцов различаются на порядки ( $10^{-1}\text{--}10^{-4} \Omega^{-1} \cdot \text{cm}^{-1}$ ) [7]. Этот факт подтверждает предположение о том, что квазисвободные ионы, ответственные за электропроводность исследуемых соединений, не вносят прямого вклада в перенос тепла. Согласно уравнению Видемана–Франца, связывающему теплопроводность с электронной проводимостью  $\sigma_e$ ,  $\kappa_l = LT\sigma$ , где  $L = 2.45 \cdot 10^{-8} \Omega \cdot \text{W/K}^2$ , этот вклад не превышает  $10^{-6} \text{ W/m} \cdot \text{K}$ .

Обычно для качественного объяснения поведения  $\kappa(T)$  используют кинетическое уравнение теплопроводности, рассматривая фононы как идеальный газ квазичастиц

$$\kappa = 1/3C_V\bar{v}\bar{l},$$

где  $C_V$  — теплопроводность при постоянном объеме,  $\bar{v}$  — средняя скорость фононов,  $\bar{l}$  — средняя длина пробега фононов.

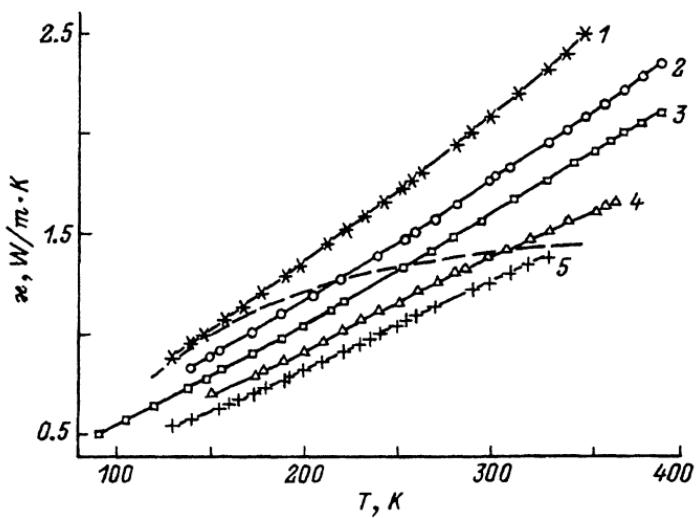


Рис. 1. Температурные зависимости коэффициента теплопроводности алюмофосфатных стекол состава  $0.2\text{Al}(\text{PO}_3)_3 + (0.8 - x)\text{LiF} + x\text{NaF}$ .  
 $x$ : 1 — 0, 2 — 0.2, 3 — 0.3, 4 — 0.6, 5 — 0.8.

Изменением последних двух членов для наших систем в исследуемом диапазоне температур ( $100 \div 350$  К) можно пренебречь, так как изменение скорости звука в этой области не превышает 1%, а длина свободного пробега определяется числом дефектов, на которых рассеиваются фононы. В стеклах концентрация дефектов задана самой неупорядоченной структурой стекла. Таким образом, поведение  $\alpha(T)$  в основном определяется изменением  $C_V$  с температурой.

Известно [8], что наблюдаемая линейная температурная зависимость теплоемкости стекол в пределе низких температур ( $T < 1 \div 2$  К) обусловлена возбуждением двухуровневых систем (ДУС), плотность состояний которых в соответствующем интервале энергий практически постоянна. В области высоких температур линейный закон ( $C \sim T$ ) сменяется кубическим ( $C \sim T^3$ ), поскольку с ростом температуры фоновый вклад в теплоемкость растет быстрее вклада ДУС. Для оценки вклада кубического члена в исследуемом нами диапазоне температур рассчитаем температуры Дебая этих стекол из акустических данных. Плотности и некоторые акустические данные, полученные эхо-

Некоторые параметры исследованных образцов и вычисленные на их основе значения температуры Дебая

№	Содержание фторидов, mol. %		Скорость звука, м/с		$\rho$ , kg/m <sup>3</sup>	$\theta_L$ , K
	LiF	NaF	$v_l$	$v_r$		
1	80	0	6200	3250	2594	482
2	60	20	5850	3100	2607	452
3	50	30	5700	3000	2622	440
4	20	60	5250	2750	2652	394
5	0	80	4900	2500	2655	360

импульсным методом, взяты из [9]. Из таблицы видно, что в области температур 300–400 К теплоемкость должна приближаться к классическому значению  $3R$  в соответствии с законом Дюлонга и Пти. Однако наблюдаемый рост теплопроводности (а соответственно и теплоемкости) свидетельствует о необычном поведении системы. Действительно, в области высоких температур  $T > 100$  К в теплоемкость может внести вклад релаксационное взаимодействие высокочастотных фонов с жесткими двухъямыми потенциалами, представляющими собой энергетически эквивалентные позиции для миграции катионов Li и Na. Аналогичный подход был применен в [9] для объяснения поглощения звука в многокомпонентных фосфатных суперионных стеклах в интервале температур  $T = 20$ –300 К. При этом предполагается, что переходы между эквивалентными позициями носят активационный характер, так как верхняя граница преобладания туннельных переходов над аррениусовскими, согласно выражению из [10,11]  $T_t = (\sqrt{2}h/\pi k_B d)\sqrt{E/m}$ , для наших стекол не превышает 60 К. Здесь  $d \approx 2\text{\AA}$  — ширина потенциального барьера,  $E \approx 1\text{eV}$  — высота барьера,  $m$  — масса туннелирующей частицы. Для избыточной теплоемкости, обусловленной этим процессом, как и для случая ДУС в низкотемпературной области ( $T = 1\div 2$  K), можно записать [8]

$$\Delta C_V(T) = \frac{\pi^2}{6} g k_B^2 T, \quad (1)$$

где  $g = N/\Delta E$  есть распределение плотности ДУС,  $N$  — концентрация,  $\Delta E = E_{\max} - E_{\min}$  — интервал возможных потенциальных барьеров. В рамках модели гибких двухъямых потенциалов и в приближении гауссова распределения энергий активации подвижных ионов теплоемкость должна линейно возрастать с температурой.

Для вычисления вкладов составляющей, обусловленной активацией катионов  $\text{Li}^+$  и  $\text{Na}^+$ , на рис. 1 построена дебаевская решеточная теплоемкость, нормированная к 150 К по параметрам состава 1 ( $\theta = 482$  K), а на рис. 2 — температурная зависимость нормированной избыточной теплоемкости (теплопроводности). Для перехода к теплоемкости при

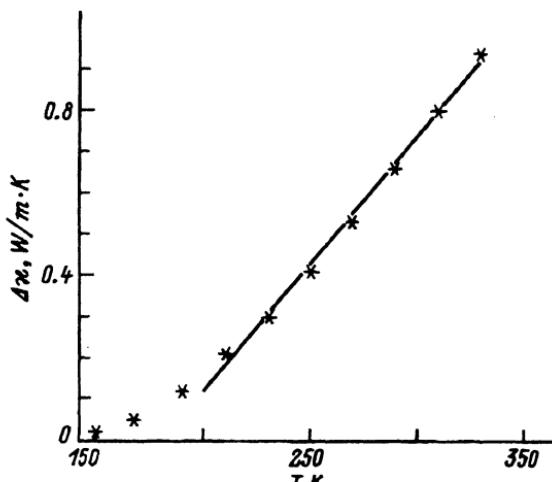


Рис. 2. Температурная зависимость избыточной теплопроводности (теплоемкости  $C_V$ ) для состава  $0.2\text{Al}(\text{PO}_3)_3 + 0.8\text{LiF}$ .

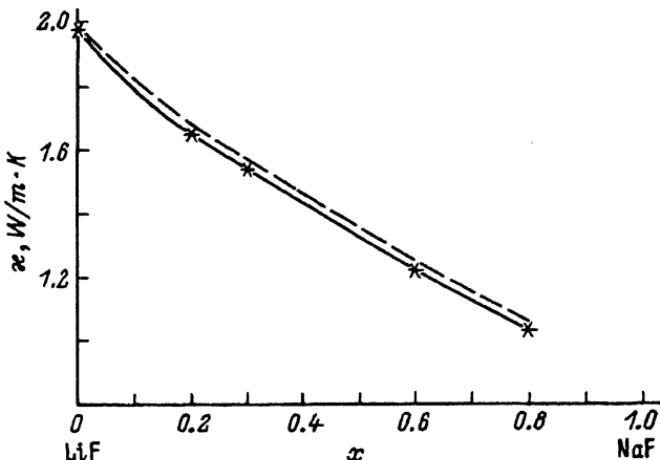


Рис. 3. Концентрационная зависимость теплопроводности алюмофосфатных стекол состава  $0.2\text{Al}(\text{PO}_3)_3 + (0.8 - x)\text{LiF} + x\text{NaF}$  ( $x = 0, 0.2, 0.3, 0.6, 0.8$ ),  $T = 288\text{ K}$ . Штриховая линия —  $\kappa(x)$ , построенная по (2) для составов с  $x = 0, 0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8$ . Параметры составов взяты из [9].

постоянном объеме  $C_V$  использовано уравнение  $C_p - C_V = \alpha^2 TV/K$ . Здесь  $\alpha$  — температурный коэффициент объемного расширения,  $K$  — изотермическая сжимаемость,  $V$  — объем.

Полученная зависимость близка к линейной, как следует из (1). Взяв характерную для стекол длину свободного пробега  $l \simeq 10\text{ \AA}$  и интервал возможных барьеров  $\Delta E = 1\text{ eV}$ , получим для концентрации двухуровневых систем значение  $N = 6 \cdot 10^{28}\text{ m}^{-3}$ , что хорошо согласуется с полной концентрацией ионов лития для анализируемого состава 1. При этом рост энергии активации проводимости для состава 5 ( $x = 0.8$ ,  $E_{\max} = 1.6\text{ eV}$  [9]) приводит к соответствующему уменьшению наклона  $\kappa(T)$ . Рост  $\Delta E$  для промежуточных составов [7], согласно (1), должен приводить к минимуму в зависимости  $\kappa(\bar{x})$ . Однако концентрационная зависимость коэффициента теплопроводности  $\kappa(\bar{x})$  (рис. 3) не отражает наличия полищелочного эффекта в этих стеклах и свидетельствует о нечувствительности параметров, определяющих решеточную теплопроводность стекол и сплавов, к ионному переносу. По-видимому, это связано с тем, что длина свободного пробега фононов в сильно разупорядоченных системах меньше характерного расстояния между барьерами, определяющими длину миграции ионов в смешанных составах.

Обычно для качественной оценки вклада различных параметров в  $\kappa(\bar{x})$  как для кристаллов, так и для стекол используют формулу Лейбница и Шлеммана [12]

$$\kappa = \frac{12}{5} 4^{1/3} \left( \frac{k_B}{h} \right)^3 \frac{M \delta \theta^3}{\gamma^2 T}, \quad (2)$$

где  $M$  — средняя масса атомов,  $\delta^3$  — средний объем атомов,  $\theta$  — температура Дебая,  $\gamma$  — постоянная Грюнайзена,  $T$  — температура,  $h$  — постоянная Планка,  $k_B$  — постоянная Больцмана. Значения, рассчитанные по (2), ровно на порядок превышают экспериментальные результаты, что характерно для стекол и сильно разупорядоченных систем.

Тем не менее нормированные к значению  $\kappa(x = 0.8)$ , они хорошо описывают концентрационную зависимость  $\kappa(x)$  (штриховая линия).

Таким образом, рост теплопроводности при повышении температуры, характерный как для суперионных стекол, так и для суперионных кристаллов [13,14], обусловлен релаксационным взаимодействием высокочастотных фононов с ДУС. Замещение ионов Li на Na в исследованных системах приводит к значительному уменьшению температуры Дебая, имеющему определенную роль в концентрационной зависимости теплопроводности.

### Список литературы

- [1] Векслер Г.И., Евстропьев К.К., Кондратьева Б.С. Неорган. материалы **10**, 1, 171 (1974).
- [2] Евстропьев К.К., Векслер Г.И., Кондратьева Б.С. ДАН СССР **215**, 4, 902 (1974).
- [3] Физика электролитов / Под ред. Дж. Хладика. М. (1978).
- [4] Вест А. Химия твердого тела. Теория и приложения / Пер. с англ. М. (1988). Ч. 2.
- [5] Ingram M.D. Phys. Chem. Glass. **28**, 6, 215 (1978).
- [6] Абдулхаликова Н.Р., Алиев А.Э. Узб. физ. журн., 4, 50 (1991).
- [7] Нассар М.М. Канд. дисс. Л. (1991).
- [8] Anderson W.P., Halperin B.I., Warma C.M. Phil. Mag. **25**, 1, 1 (1972).
- [9] Векслер Г.И., Евстропьев К.К., Пронкин А.А. ФХС **4**, 4, 450 (1978).
- [10] Илисавский Ю.В., Кулакова Л.А. ФТТ **30**, 10, 2981 (1988).
- [11] Гольданский В.М., Трахтенберг Л.И., Флеров В.Н. Туннельные явления в химической физике. М. (1986). 296 с.
- [12] Leibfried G., Schlomann E. Nachrichten der Akad. der Wisten. in Gottingen 11a (1954). P. 4.
- [13] Goetz M.C., Cowen J.A. Solid State Commun. **41**, 4, 293 (1982).
- [14] Иванов-Шиц А.К., Сорокин Н.И., Арutyunyan С.Р., Додокин А.П., Федоров П.П., Кралева Б. ФТТ **28**, 4, 1235 (1986).