Аномалии кристаллической структуры $Y_{1-x}Ca_xBa_2Cu_3O_y$ в области температур 80-300 К

© С.В. Пряничников, С.Г. Титова, Л.А. Черепанова, Г.А. Дорогина

Институт металлургии УрО РАН, Екатеринбург, Россия E-mail: sgtitova@mail.ru

02

(Поступила в Редакцию 7 декабря 2010 г. В окончательной редакции 22 марта 2011 г.)

> Изучено влияние допирования на температурную эволюцию кристаллической структуры высокотемпературного сверхпроводника YBa₂Cu₃O_y. Методом полнопрофильного анализа по данным порошковой рентгенографии исследована кристаллическая структура Y_{1-x}Ca_xBa₂Cu₃O_y (x = 0, 01; y = 6.6, 6.8, 6.95) в диапазоне температур 100–300 К. Параметры ячейки, длины связей и рассчитанные линейные и объемный коэффициенты теплового расширения демонстрируют немонотонное поведение в диапазоне температур ~ 160–225 К. Образцы с содержанием кислорода y = 6.6-6.8 для обеих систем (с x = 0 и 0.1) в области низких температур демонстрируют отрицательные значения линейных коэффициентов теплового расширения. Возможной причиной аномального поведения является изменение состояния электронной подсистемы. Анализ данных подтверждает, что механизм допирования материала при внедрении кислорода и при замене Y на Ca различен.

> Работа выполнена с использованием оборудования Центра коллективного пользования "Урал-М" в ИМЕТ Уро РАН при финансовой поддержке Междисциплинарного проекта УрО РАН "Структура, свойства и стабильность функциональных сверхпроводящих материалов" № 09-М-23-2009.

1. Введение

Поведение структурных характеристик $Y_{1-x}Ca_xBa_2Cu_3O_y$ в области температур 80-300 К важно для обеспечения стабильности работы сверхпроводящих устройств второго поколения. Известно, что материалы с высокотемпературной сверхпроводимостью [1], в частности системы Y(Ca)-Ba-Cu-O (YBCO) с катионным составом 123 [2,3] и 124 [4,5], демонстрируют ряд аномалий кристаллической структуры ниже 300 К. Эти аномалии проявляются как скачки параметров элементарной ячейки и/или скачки коэффициента теплового расширения. Особенно наглядно они фиксируются по данным акустических измерений [2-4,6-8], показывающим максимумы поглощения ультразвука вблизи $T_1 \sim 140 - 180$ и $T_2 \sim 240 - 260 \,\mathrm{K}$ (в настоящей работе мы не рассматриваем особенности структуры при более низкой температуре, чем 80 К).

Составы YBCO-123 без добавки кальция демонстрируют обе аномалии T_1 и T_2 , причем авторы работ [6,7] утверждали, что частотная зависимость температур T_1 и T_2 различна, что интерпретировано как различие их природы. В работе [6] сделана попытка определить, как связаны аномалии T_1 и T_2 с концентрацией носителей заряда, в частности с содержанием кислорода. Показано, что аномалия T_2 наиболее ярко фиксируется для состава с содержанием кислорода 6.3 и практически совершенно исчезает для состава с y = 6.95. Аномалия T_1 , наоборот, максимальна для состава с y = 6.95 и немного уменьшается при уменьшении содержания кислорода. В составах YBCO-124 без кальция низкотемпературная аномалия T_1 практически исчезает, а более высокотемпературная T_2 сдвигается в область еще более высоких температур и достигает ~ 280 К [4,8]. При замещении (Y, Ca) низкотемпературная аномалия становится очень заметной, а высокотемпературная, наоборот, уменьшается [4,5]. Иными словами, для системы YBCO-124 имеет место та же тенденция: аномалия T_1 максимальна для составов с большей концентрацией носителей заряда, а T_2 — с меньшей. Недостаток экспериментальных данных не позволяет сформулировать это утверждение более жестко.

Анализ дифракционных данных (рентгенография и нейтронография) для ряда высокотемпературных сверхпроводников [1] показал, что в интервале $T_1 - T_2$ наблюдается минимум длины апикальной связи (высоты пирамиды CuO₅) и максимум амплитуд тепловых колебаний всех атомов. И то и другое более заметно для систем с более высокими температурами перехода в сверхпроводящее состояние, например для системы на основе ртути (Hg,Tl)Ba₂Ca₂Cu₃O_{8+ δ} с $T_c \sim 130$ K. Следовательно, аномалии T₁ и T₂ связаны с механизмом сверхпроводимости высокотемпературных сверхпроводников либо обусловлены одними и теми же факторами. Однако для выяснения природы аномалий Т₁ и Т₂ необходим анализ составов с различной концентрацией носителей заряда. Соответствующие литературные данные противоречивы. Например, авторы работы [9] в отличие от данных [1,5] зафиксировали предельно слабые особенности вблизи 150 и 250 К, причем только для одного параметра ячейки а, хотя исследование выполнено на бездвойниковом монокристалле с применением синхротронного излучения в режиме высокого разрешения. Это расхождение в первую очередь связано с тем, что низкотемпературное состояние способно "замораживаться", причем для релаксации требуется выдержка в несколько недель при комнатной температуре. В работе [9] данные получены именно при отогреве образца, поэтому обе аномалии T_1 и T_2 практически незаметны.

Целью работы было исследование эволюции кристаллической структуры и коэффициента теплового расширения в области температур 80-300 K для $Y_{1-x}Ca_xBa_2Cu_3O_y$ при варьировании содержания кальция и кислорода, что в свою очередь обеспечивает изменение концентрации носителей заряда и температуры перехода в сверхпроводящее состояние. Нашей задачей является установление связи между концентрацией носителей заряда и характером структурных аномалий.

2. Методики экспериментов

Синтез образцов осуществляли по стандартной твердофазной методике, используя Y_2O_3 , CaO, BaCO₃ и CuO, взятые в количествах, соответствующих стехиометрическому катионному составу, которые тщательно перемешивали, прессовали в таблетки и отжигали при температурах 860, 900, 920, 930, 950°С с промежуточным перетиранием и прессованием. В дальнейшем полученные образцы подвергали дополнительной термообработке для получения требуемого содержания кислорода (см. таблицу). Рентгенофазовый и рентгеноструктурный анализ проводили на дифрактометре Shimadzu XRD 7000 (Cu K_{α} , графитовый монохроматор), диапазон углов $10-95^{\circ}$ при комнатной температуре, $20-72^{\circ}$ при пониженных температурах. Низкотемпературная рентгенография выполнена с помощью камеры Anton Paar ТТК-450, образец находился в вакууме $1 \cdot 10^{-2}$ mbar, съемка выполнена при охлаждении, шаг изменения температуры 7-10 К, отклонение температуры от заданного значения при выдержке менее 0.2 К. Анализ кристаллической структуры образцов по дифракционным данным проводили с помощью программного пакета GSAS [10]. В качестве исходной использована следующая модель: пространственная группа Рттт, Y (1/2 1/2 1/2), Ba (1/2 1/2 0.1843), Cu1 (0 0 0), Cu2 (0 0 0.3556), O1 (0 1/2 0), O2 (1/2 0 0.3779), ОЗ (0 1/2 0.3790), О4 (0 0 0.1590) [11]. Достигнутые факторы расходимости составили: взвешенный профильный $wR_p = 9-10\%$, профильный $R_p = 7-8\%$, $\chi^2 = 1.6 - 1.8$, брэгговский фактор $R_B = 6 - 7\%$ Магнитные измерения выполнены на вибромагнитометре CFS-9T-CVTI Cryogenic Ltd в режиме переменного поля (B = 0.1 T, частота f = 1000 Hz). Содержание кислорода в образцах оценили по литературным данным о зависимости параметров ячейки от состава [12]. Характеристики полученных образцов приведены в таблице.

3. Результаты и обсуждение

Температурные зависимости действительной части *ac*-магнитной восприимчивости для исследованных образцов приведены на рис. 1. Все кривые имеют характерный для поликристаллических сверхпроводников вид с широким переходом. Для пар образцов с одинаковым содержанием кислорода величины T_c близки, кроме состава с y = 6.8 (см. таблицу). Используя универсальное выражение для связи T_c и концентрации носителей заряда в CuO₂-плоскостях p [13]

$$T_c/T_{\rm cmax} = 1 - 82.6(p - 0.16)^2$$

и данные о максимальном значении T_{cmax} температуры перехода в сверхпроводящее состояние для систем с x = 0 (92.6 K) и x = 0.1 (90 K) [14], рассчитали концентрацию носителей в CuO₂-плоскостях *p* (см. таблицу). Образцы с y = 6.6 и 6.8 (x = 0 и 0.1) являются недодопированными; состав с y = 6.95 при x = 0 близок к оптимально допированному уровню, при x = 0.1 слабо передопирован относительно оптимально допированного состава с p = 0.16. Замещение (Y, Ca) при одинаковом содержании кислорода приводит к росту всех параметров ячейки (за исключением пары образцов с y = 6.95, для которой состав с *x* = 0.1 имеет меньший параметр ячейки b). Объем ячейки при замещении (Y, Ca) для всех составов увеличивается, что обусловлено различием радиусов ионов Y³⁺ и Ca²⁺. Рост содержания кислорода приводит к уменьшению параметров ячейки а и с как для образцов с кальцием, так и для образцов без кальция. Для образцов с x = 0 параметр b увеличивается при росте содержания кислорода, для образцов с x = 0.1



Рис. 1. Температурные зависимости нормированной действительной части *ac*-магнитной восприимчивости при $H_{ac} = 0.1$ T и частоте f = 1000 Hz для исследованных образцов Y_{1-x}Ca_xBa₂Cu₃O_y. I - x = 0, y = 6.6; 2 - x = 0, y = 6.8; 3 - x = 0, y = 6.95; 4 - x = 0.1, y = 6.6; 5 - x = 0.1, y = 6.8; 6 - x = 0.1, y = 6.95.

Образец	Условия получения		Параметры ячейки $(T=290{ m K})$				Коэффициенты теплового расширения* $\alpha_x = (1/X)(dX/dT) \cdot 10^6, K^{-1}$				T_c, K	р
	T,°C	$lg[P(O_2), atm]$	a,Å	b,Å	c,Å	V,Å	α_a	α_b	α_c	α_V		
YBa ₂ Cu ₃ O _{6.6}	700	-0.7 (воздух)	3.8401(5)	3.8725(5)	11.713(1)	174.17(1)	4.99(5) 6.49(5)	6.20(5) 5.94(5)	$13.5(1) \\ 13.2(1)$	22(1) 25(1)	52.3	0.087
YBa ₂ Cu ₃ O _{6.8}	550	-0.7 (воздух)	3.8281(4)	3.8796(4)	11.687(1)	173.57(1)	$\begin{array}{c} 8.10(5) \\ 4.16(5) \end{array}$	4.10(5) 3.22(5)	9.23(5) 6.81(5)	$\begin{array}{c} 19(1)\\ 18(1) \end{array}$	66.6	0.102
YBa ₂ Cu ₃ O _{6.95}	550	0 (кислород)	3.8232(4)	3.8828(4)	11.662(1)	173.12(1)	4.66(5) 2.25(5)	4.90(5) 2.96(5)	8.78(5) 12.7(1)	$18(1) \\ 18(1)$	90.3	0.143
Y _{0.9} Ca _{0.1} Ba ₂ Cu ₃ O _{6.6}	700	-0.7 (воздух)	3.8534(5)	3.8756(5)	11.735(1)	175.25(1)	$-4.44(5) \\ 3.76(5)$	5.94(5) 4.21(5)	7.32(5) 8.09(5)	$\begin{array}{c} 13(1)\\ 18(1) \end{array}$	53.6	0.909
$Y_{0.9}Ca_{0.1}Ba_2Cu_3O_{6.8}$	550	-0.7 (воздух)	3.8415(4)	3.8869(4)	11.699(1)	174.69(1)	3.00(5) 3.52(5)	1.83(5) 5.15(5)	6.52(5) 7.13(5)	$12(1) \\ 16(1)$	78.0	0.120
$Y_{0.9}Ca_{0.1}Ba_2Cu_3O_{6.95}$	550	0 (кислород)	3.8308(4)	3.8792(4)	11.680(1)	173.58(1)	5.30(5) 7.21(5)	4.59(5) 6.73(5)	7.51(5) 9.00(5)	$17(1) \\ 22(1)$	89.2	0.170

Характеристики образцов У1-хСахВа2Си3Оу

* Данные приведены для двух интервалов температур 150-200 К (выше) и 200-250 К (ниже).



Рис. 2. Температурные зависимости параметров ячейки a(1), b(2) и c/3(3) для образца $Y_{0.9}Ca_{0.1}Ba_2Cu_3O_{6.6}$.

при превышении оптимального уровня допирования параметр *b* начинает уменьшаться. Эти результаты согласуются с литературными данными [15,16].

Для составов без кальция на температурных зависимостях параметров ячейки с y = 6.8 наблюдается небольшой максимум зависимости a(T) вблизи ~ 180 К и слабый максимум (или, скорее, перегиб) зависимости c(T)вблизи ~ 220 К. Из всех исследованных только образец с x = 0, y = 6.8 демонстрирует слабый рост a(T) и c(T)ниже ~ 115 К; соответствующий этому отрицательный коэффициент теплового расширения отмечен в ряде работ для YBCO-123 [1,9,17] и YBCO-124 [17,18]. Состав с y = 6.95 имеет небольшой максимум a(T) вблизи ~ 210 К. Среди составов с кальцием обращает на себя внимание образец с y = 6.6, для которого фиксируется заметный максимум a(T) вблизи $T_1 \sim 160$ К, параметры



Рис. 3. Температурные зависимости длин связей для $Y_{1-x}Ca_xBa_2Cu_3O_y$: длина апикальной связи $d(Cu_2-O_4)$ (звездочки) и расстояние $d(O_4-Cu_1)$ (кружки). a — образцы с x = 0, b — с x = 0.1. Светлые символы соответствуют содержанию кислорода y = 6.6, серые — y = 6.8, черные — y = 6.95.



Рис. 4. Температурные зависимости координат атомов бария (1) и апикального кислорода (2). Содержание кислорода y = 6.6 (a, d), 6.8 (b, e) и 6.95 (c, f). a-c — образцы с содержанием кальция x = 0, d-e — с x = 0.1.

ячейки b(T) и c(T) при этом не имеют особенностей (рис. 2). Таким образом, замещение (Y, Ca) привело к резкому выявлению низкотемпературной аномалии в далеком от оптимального уровня допирования состоянии.

На рис. 3 приведены длины связей Cu2-O4 (апикальная связь, высота CuO₅-пирамиды) и Cu1-O4 (расстояние от апикального кислорода до "цепочечного" атома меди). Рассмотрим сначала данные для составов без кальция (рис. 3, a). Можно видеть, что все кривые достаточно близки друг к другу при том, что параметр ячейки с для состава с у = 6.95 минимален. Кроме связей Cu2-O4 и Cu1-O4 в величину параметра ячейки с вносит вклад только толщина структурного фрагмента, заключенного между CuO5-пирамидами, разделенными Ү-прослойкой. Расчет методом полнопрофильного анализа показывает, что расстояние $d_z(Cu2-Y)$ практически не зависит от температуры для всех образцов без кальция, для образца у = 6.95 оно значительно больше, чем для других составов, в то время как величина параметра с минимальна. Это возможно только благодаря тому, что в области температур $T > 225 \, {\rm K}$ для него минимальна длина d(O4-Cu1), а при более низких температурах минимальна апикальная связь d(Cu2-O4) (рис. 3, a). По данным расчета для всех образцов проекция d_z(Cu2-Y) практически не зависит от температуры (за исключением состава с x = 0.1, y = 6.6, где изменение этой величины имеет место вблизи максимума зависимости a(T), рис. 2). Поскольку при этом зависимость c(T) не имеет заметных аномалий, все особенности, наблюдаемые на рис. 3, обусловлены поведением апикального кислорода. Охлаждение приводит к уменьшению длины апикальной связи и уменьшению разности *z*-координат атомов Ва и O4 (рис. 4, *a*–*c*). Эффект максимален для наиболее близкого к оптимально допированному состоянию образца с y = 6.95.

Рассмотрим данные для образцов с кальцием. Для составов с y = 6.8 и 6.95 длины связей d(Cu2-O4), d(O4-Cu1) и проекция $d_7(Cu2-Y)$ практически не зависят от температуры (рис. 3, *b*). Так же как и для образцов с x = 0, для образца с максимальным содержанием кислорода апикальная связь является самой короткой ниже ~ 160 К. Обращает на себя внимание изменение всех длин связей образца с у = 6.6: ниже ~ 225 K резко уменьшается длина апикальной связи, которая затем резко возрастает и становится самой длинной по сравнению с другими составами ниже ~ 160 К. Поскольку это изменение сопровождается изменением длины связи O4-Cu1, логично предположить, что оно обусловлено сдвигом апикального атома кислорода, который действительно наблюдается (рис. 4). Несмотря на то что для состава с x = 0.1, y = 6.6 только один параметр ячейки а (рис. 2) показывает аномальное поведение и только вблизи $\sim 160\,K,$ анализ данных рис. 3 и 4 позволяет выделить две температуры ~ 225 и $\sim 160\,K,$ в интервале между которыми длина апикальной связи имеет минимум. Нижняя граница этого интервала связана с резким ростом длины апикальной связи.

Полученные результаты подтверждают резкое изменение в температурной эволюции кристаллической структуры, вызванное замещением (Y, Ca), однако не дают информации о причине этого изменения. В работах [1,4,19] высказываются предположения о связи аномального поведения структуры с изменением состояния электронной подсистемы, на что указывают скачки теплоемкости [4,19] и небольшие особенности магнитных свойств [1,17,19]. В работе [19] на основе данных о проводимости и эффекте Холла для Y_{1-x}Ca_xBa₂Cu₃O₆ сделан вывод о том, что часть носителей заряда локализована на состояниях, относящихся не к CuO₂-плоскостям, а к СиО-цепочкам. На основании данных ЭПР для монокристалла слабодопированного $Y_{1-x}Ca_xBa_2Cu_3O_6$ сделан вывод о том, что дырочные носители заряда локализованы в упорядоченную структуру [20]. Исследование слабодопированного состава $Y_{1-x}Ca_xBa_2Cu_3O_6$ в антиферромагнитной области методом квадрупольного ядерного резонанса [21] показало, что дырочные носители локализуются на кулоновском потенциале ионов Ca²⁺ в пределах области 4-6 периодов решетки. Таким образом, носители, вносимые при замещении (Y, Ca), локализованы [19-21] и, следовательно, влияют на межатомные взаимодействия сильнее, чем подвижные носители, вносимые с кислородом, что и приводит к усилению структурной аномалии вблизи ~ 160 K.

В таблице приведены рассчитанные в интервале температур 150–200 (верхняя строка) и 200–250 К (нижняя строка) коэффициенты теплового расширения $\alpha_X = (1/X)(dX/dT)$, где X = a, b, c, V — параметры и объем ячейки. Для состава $Y_{0.9}Ca_{0.1}Ba_2Cu_3O_{6.6}$ параметр α_a отрицателен в области температур 150–200 К. Для системы без кальция величины α_V минимальны для состава с y = 6.95, а с кальцием — для состава с y = 6.8. В обоих случаях это недодопированные составы, наиболее близкие к оптимально допированному состоянию.

4. Заключение

Исследована эволюция кристаллической структуры $Y_{1-x}Ca_xBa_2Cu_3O_6$ с разным содержанием кислорода 6.6, 6.8, 6.95 (которое оценивалось по литературным данным о зависимости параметров ячейки от содержания кислорода). Анализ кристаллической структуры показывает уменьшение длины апикальной связи и увеличение длины связи Cu1–O4 при T < 225 K. Оба эти изменения обусловлены сдвигом апикального кислорода. Для системы без кальция наиболее заметный сдвиг апикального кислорода демонстрирует состав YBa₂Cu₃O_{6.95}, т.е. наиболее близкий к опимальному уровню допирования.

Для системы с x = 0.1 сдвига апикального кислорода не наблюдается для составов с у = 6.8 и 6.95, тогда как для состава с у = 6.6 этот сдвиг очень значителен. Для составов без добавки кальция температурный диапазон аномалий ~ 160-225 К практически не зависит от содержания кислорода. Для составов с добавкой кальция нижняя граница температурного диапазона аномалий сохраняется ~ 160 K, а верхняя сдвигается до ~ 250 K. Образцы с содержанием кислорода y = 6.6 - 6.8 для обеих систем (с x = 0 и 0.1) в области низких температур демонстрируют отрицательные значения коэффициентов теплового расширения. Резкое изменение характера температурной эволюции кристаллической структуры при замещении (Y, Ca) подтверждает, что носители заряда, возникающие при увеличении содержания кислорода и при (Y, Ca)-замещении, различны. Носители, вносимые при замещении (Y, Ca), локализованы [19-21] и, следовательно, влияют на межатомные взаимодействия сильнее, чем подвижные носители, вносимые с кислородом. Более того, локализованные носители должны иметь более сильную температурную зависимость подвижности, чем свободные. По-видимому, именно локализованный характер носителей заряда приводит к усилению низкотемпературной аномалии вблизи ~ 160 K.

Авторы выражают благодарность В.Я. Митрофанову за помощь в проведении магнитных измерений и интерпретации данных этих измерений.

Список литературы

- S.G. Titova, J.T.S. Irvine. In: Perspectives of superconducting temperature increase in HTSC copper oxides / Ed. J.R. Tobin. Nova Sci. Publ., Inc., N. Y. (2008). P. 93.
- [2] С.Г. Титова, В.А. Фотиев, А.В. Пащенко, А.М. Бурханов, В.В. Гудков, И.В. Жевстовских, А.В. Ткач, В.В. Устинов. СФХТ 4, 1010 (1991).
- [3] Sun Linhai, Wang Yening, Shen Huimin, Cheng Xiaohua. Phys. Rev. B 36, 5114 (1988).
- [4] Wu Ting, K. Fossheim. Supercond. Sci. Technol. 6, 827 (1993).
- [5] А.М. Балагуров, Р. Fisher, Т.Yu. Kaganovich, Е. Kaldis, J. Karpinski, V.G. Simkin, V.A. Trounov. Сообщ. Объедин. ин-та ядер. исслед. (Дубна) E14-94-415 (1994).
- [6] В.Д. Нацик, П.П. Паль-Валь, И. Энгерт, Х.-Й. Кауфманн, К. Рудольф, В. Мату. ФНТ 16, 293 (1990).
- [7] В.Д. Нацик, П.П. Паль-Валь, И. Энгерт. ФНТ 15, 836 (1989).
- [8] А.М. Бурханов, В.В. Гудков, И.В. Жевстовских, А.В. Ткач, В.В. Устинов, В.Ф. Балакирев, С.Г. Титова, И.Ф. Кононюк, С.П. Толочко. СФХТ 5, 1459 (1992).
- [9] Hoydoo You, U. Welp, Y. Fang. Phys. Rev. B 43, 3660 (1991).
- [10] A.C. Larson, R.B. Von Dreele. GSAS–General Structure Analysis System. LANSCE. MS-H805. Los Alamos National Laboratory, Los Alamos (1986). NM 87545.
- [11] J.D. Jorgensen, B.W. Veal, A.P. Paulikas, L.J. Nowicki, G.W. Crabtree, H. Claus, W.K. Kwok. Phys. Rev. B 41, 1863 (1990).

- [12] R.J. Cava, A.W. Hewat, E.A. Hewat, B. Batlogg, M. Marezio, K.M. Rabe, J.J. Krajewski, W.F. Peck, jr., L.W. Rupp. Physica C 165, 419 (1990).
- [13] J.L. Tallon, C. Bernhard, H. Shaked, R.L. Hitterman, J.D. Jorgensen. Phys. Rev. B 51, 12 911 (1995).
- [14] E. Nazarova, A. Zaleski, K. Buchkov. Physica C 470, 421 (2010).
- [15] J. Röhler, P.W. Loeffen, K. Conder, E. Kaldis. Physica C 282–287, 182 (1997).
- [16] Ruixing Liang, D.A. Bonn, W.N. Hardy. Phys. Rev. B 73, 180 505(R) (2006).
- [17] С.Г. Титова, Т.И. Арбузова, В.Ф. Балакирев, О.М. Федорова, П.П. Паль-Валь, Л.Н. Паль-Валь. ФНТ **22**, 1226 (1996).
- [18] E. Kaldis, P. Fischer, A.W. Hewat, E.A. Hewat, J. Karpinski, S. Rusiecki. Physica C 159, 668 (1989).
- [19] H. Schwer, J. Karpinski, E. Kaldis. Physica C 235–240, 801 (1994).
- [20] A. Janossy, T. Feher, A. Erb. Phys. Rev. Lett. 91, 177 001 (2003).
- [21] A.V. Savinkov, A.V. Dooglav, H. Alloul, P. Mendels, J. Bobroff, G. Collin, N. Blanchard. Phys. Rev. B 79, 014 513 (2009).