## 05;08 Магнитоакустический резонанс в касательно намагниченных двухслойных структурах феррит–пьезоэлектрик

## © О.В. Рябков, В.М. Петров, М.И. Бичурин, G. Srinivasan

Новгородский государственный университет, Великий Новгород, Россия E-mail: deptptr@novsu.ac.ru Oakland University, Rochester, Michigan 48309, USA

## Поступило в Редакцию 8 июня 2006 г.

Исследуется магнитоэлектрический (МЭ) эффект в двухслойных ферритпьезоэлектрических структурах при совпадении частот электромеханического резонанса и ферромагнитного резонанса в касательно намагниченном феррите. Для структуры железо-иттриевый гранат—цирконат-титанат свинца получены гигантские значения МЭ коэффициента по напряжению 50–70 V/A на частоте 5 GHz. В отличие от нормально намагниченной пластинки, в касательно намагниченном образце магнитоакустический резонанс наблюдается при меньшем значении подмагничивающего поля и меньшей толщине ферритового слоя. Эффект может быть полезен при разработке многофункциональных МЭ наносенсоров/датчиков, работающих в СВЧ-диапазоне.

PACS: 75.80.+q, 76.50.+g

Наличие магнитоэлектрических (МЭ) свойств в слоистых ферритпьезоэлектрических композитах обусловлено механическим взаимодействием между магнитной и электрической подсистемами. Магнитострикция феррита во внешнем магнитном поле вызывает поляризацию электрической подсистемы посредством пьезоэлектрического эффекта. В области электромеханического резонанса наблюдается гигантское увеличение МЭ коэффициента по напряжению, равного отношению индуцированного переменного электрического поля к внешнему переменному магнитному полю [1]. Дальнейшее усиление МЭ-взаимодействия обнаружено нами в области магнитоакустического резонанса (MAP) [2]. В указанной работе был исследован случай композита в форме пластинки, намагниченной перпендикулярно ее плоскости. В данной работе проводится исследование МЭ-коэффициента по напряжению в двухслойной структуре, ферритовый слой которой касательно намагничен

48



**Рис. 1.** Двухслойная структура во внешнем магнитном поле: *1* — феррит, *2* — пьезоэлектрик.

до насыщения подмагничивающим полем, направленным касательно к образцу вдоль кристаллографичекой оси [100] ферритового кристалла. К образцу также прикладывается линейно поляризованное малое переменное магнитное поле (рис. 1).

Для нахождения МЭ-коэффициента и исследования его зависимости от частоты и величины подмагничивающего поля в качестве исходных используются уравнения движения намагниченности, уравнения движения ферритовой и пьезоэлектрической фаз, а также материальные соотношения и обобщенный закон Гука. Переменное внешнее магнитное поле предполагается линейно поляризованным по *y*. Размагничивающее поле направлено вдоль оси *x*. Образец намагничен до насыщения вдоль оси *z*.

Линеаризованная система уравнений относительно комплексных амплитуд смещений и намагниченности имеет вид

$$\begin{split} i\tilde{m}_{x}\omega &= -\gamma \left(H_{0}\tilde{m}_{y} - H_{a}a^{2}\frac{\partial^{2}\tilde{m}_{y}}{\partial x^{2}}\right),\\ i\tilde{m}_{y}\omega &= \gamma \left((H_{0} + 4\pi M_{s})\tilde{m}_{x} - H_{a}a^{2}\frac{\partial^{2}\tilde{m}_{x}}{\partial x^{2}} + B_{2}\frac{\partial u_{mz}}{\partial x}\right),\\ -\rho_{m}\omega^{2}u_{mz} &= c_{m44}\frac{\partial^{2}u_{mz}}{\partial x^{2}} + \frac{B_{2}}{M_{s}}\frac{\partial\tilde{m}_{x}}{\partial x},\\ D_{z} &= e_{p15}\frac{\partial u_{pz}}{\partial x} + \varepsilon_{p33}E_{z},\\ -\rho_{p}\omega^{2}u_{pz} &= c_{p44}\frac{\partial^{2}u_{pz}}{\partial x^{2}}, \end{split}$$
(1)

где

$$\tilde{m}_{x} = m_{x} - i \frac{\omega \gamma}{(H_{0} + 4\pi M_{s})\gamma^{2}H_{0} - \omega^{2}} M_{s}h_{y},$$

$$\tilde{m}_{y} = m_{y} - \frac{(H_{0} + 4\pi M_{s})\gamma^{2}}{(H_{0} + 4\pi M_{s})\gamma^{2}H_{0} - \omega^{2}} M_{s}h_{y},$$
(2)

 $u_{pz}$ ,  $u_{mz}$  — смещение,  $m_x$ ,  $m_y$  — намагниченность,  $M_s$  — намагниченность насыщения,  $H_a$  — обменное поле, a — постоянная решетки феррита,  $c_{m44}$  и  $c_{p44}$  — компоненты тензоров модулей упругости,  $B_2$  — константа магнитоупругой связи,  $D_z$  и  $E_z$  — индукция и напряженность электрического поля. Индексы p и m относятся соответственно к пьезоэлектрической и ферритовой фазам композита.

К системе (1) применим прямое преобразование Лапласа, причем обменными эффектами мы пренебрежем, так как они сказываются при значениях волнового числа, больших чем  $10^7 \, m^{-1}$  [3]. Тогда алгебраическая система уравнений относительно лапласовых изображений имеет вид

$$-\frac{\omega}{\gamma}X(p) = H_0Y(p),$$
  
$$-\frac{\omega}{\gamma}Y(p) = (H_0 + 4\pi M_s)X(p) + B_2(pU(p) - A_{U0}), \qquad (3)$$

$$-\rho_m \omega^2 U(p) = c_{m44} \left( p^2 U(p) - A_{U1} - p A_{U0} \right) + \frac{B_2}{M_s} \left( p X(p) - A_{X0} \right),$$

где X(p), Y(p), Z(p) — изображения функций  $\tilde{m}_x(x)$ ,  $-i\tilde{m}_y(x)$ ,  $u_{mz}(x)$ , а постоянные A представляют собой значения оригиналов и их производных первого порядка при x = 0.

Решение (3) дает для изображений рациональные выражения вида

$$\frac{A_0^{X,Y,U} + A_1^{X,Y,U} p}{Q_2 p^2 + Q_0},\tag{4}$$

где A и Q являются выражениями, зависящими от коэффициентов уравнений (3), причем Q будут одними и теми же для всех трех функций.

Оригинал выражения (4) имеет вид

$$\sum_{\alpha} \frac{A_0 + A_1 \alpha}{2Q_2 \alpha} e^{\alpha x} \equiv \sum_{\alpha} C_{\alpha} e^{\alpha x}, \qquad (5)$$



Рис. 2. Частотная зависимость МЭ-коэффициента по напряжению при  $L_1 = 100$  nm,  $L_2 = 195$  nm,  $f_1/f = 0.01$ :  $a - H_0 = 90.7$  kA/m,  $b - H_0 = 226.8$  kA/m.

где *а* — корни квадратного уравнения относительно *р* 

$$Q_2 p^2 + Q_0 = 0. (6)$$

В (5) суммирование ведется по всем корням. Решение  $\sqrt{-Q_0/Q_2}$  дает волновое число k.

Значения постоянных находятся из граничных условий, заключающихся в равенстве смещений и механических напряжений ферритовой и пьезоэлектрической фаз в плоскости их контакта, а также в нулевом напряжении на свободных поверхностях композита.

Индуцированное в пьезоэлектрической компоненте электрическое поле *E<sub>z</sub>* определяется из условия равенства нулю потока электрической индукции в пьезоэлектрическом слое:

$$\int_{-L_{1}}^{0} D_{z} dx = 0.$$
 (7)

Из (7) с учетом (5) и (6) получаем выражение для МЭ коэффициента по напряжению

$$\begin{aligned} |\alpha_{E}| &= |E_{z}/h_{y}| = \left| 4\pi i \omega \gamma e_{p15} c_{p44} k_{p} k_{m} B_{2} (1 - \cos k_{p} L_{1}) \right. \\ &\times \left( \cos k_{m} L_{2} - 1 \right) \Big/ \left[ \varepsilon_{p33} c_{p44} k_{p} L_{1} (\rho_{m} \omega^{2} \sin k_{m} L_{2} \cos k_{p} L_{1} \right. \\ &+ c_{p44} k_{p} k_{m} \sin k_{m} L_{2} \cos k_{p} L_{2} \right) + 4\pi e_{p15}^{2} (\rho_{m} \omega^{2} \sin k_{p} L_{1} \sin k_{m} L_{2} \\ &+ 2c_{p44} k_{p} k_{m} (1 - \cos k_{p} L_{1}) \cos k_{m} L_{2} \right) \left( \omega^{2} - \gamma^{2} (H_{0} + 4\pi M_{s}) H_{0} \right) \Big] \Big|. \tag{8}$$

На рис. 2 приведена зависимость МЭ коэффициента по напряжению от частоты в поле  $H_0 = 90.7$  и 226.8 kA/m для двухслойной структуры железо-иттриевый гранат — цирконат-титанат свинца. Толщины пьезоэлектрической и ферритовой фаз равны соответственно 100 и 195 nm. Потери в образце учтены подстановкой в (8) комплексной частоты  $\Omega = \omega + i\omega_1$ , где  $\omega_1$  — параметр потерь. Резкое увеличение МЭ коэффициента наблюдается при подмагничивающем поле  $H_0 = 90.7$  kA/m в области наложения частоты первой толщиной сдвиговой моды двухслойной структуры и частоты ФМР (рис. 2, *a*). Увеличение постоянного магнитного поля до 226.8 kA/m позволяет получить совпадение частоты ФМР и второй частоты электромеханического резонанса (рис. 2, *b*).

В отличие от магнитоакустического резонанса в нормально намагниченной пластинке [1] в случае касательно намагниченного образца резонанс наблюдается при меньшем значении подмагничивающего поля, что связано с уменьшением размагничивающего поля при касательном подмагничивании образца.

Толщина слоя феррита (195 nm), соответствующая максимальному значению МЭ эффекта, меньше, чем для случая нормальной намагниченности образца (214 nm) [2]. Это связано с зависимостью эффективной жесткости феррита от величины и направления подмагничивающего поля. Действительно, из (6) следует дисперсионное соотношение

$$k_m^2 = \frac{\rho_m \omega^2}{c_{m44} + \frac{B_2^2}{M_s \left(\frac{1}{H_0} \cdot \frac{\omega^2}{v_r^2} - H_0 + 4\pi M_s\right)}}.$$
 (9)

Соотношение (9) показывает, что пространственно меняющаяся часть намагниченности, обусловленная упругим смещением, вносит вклад в эффективный модуль упругости (второе слагаемое в знаменателе) посредством магнитоупругой связи.

Расчетное значение МЭ-коэффициента по напряжению позволяет рекомендовать слоистые композиционные материалы на основе монокристаллических ферритов и пьезоэлектриков для использования в радиокомпонентах, работа которых основана на генерации магнитоупругих волн или на управлении параметрами магнитного резонанса с помощью электрического поля.

Таким образом, в данной работе проведено исследование МЭ-эффекта в касательно намагниченной двухслойной феррит-пьезоэлектрической структуре в области магнитоакустического резонанса. В отличие от нормально намагниченной пластинки, в касательно намагниченном образце магнитоакустический резонанс наблюдается при меньшем значении подмагничивающего поля и меньшей толщине ферритового слоя.

## Список литературы

- Bichurin M.I., Filippov D.A., Petrov V.M. et al. // Phys. Rev. B. 2003. V. 68. P. 132408 (1-4).
- Bichurin M.I., Petrov V.M., Ryabkov O.V. et al. // Phys. Rev. B. 2005. V. 72.
   P. 060408(R) (1-4).
- [3] Физическая акустика. Т. III. Ч. Б. Динамика решетки / Под ред. У. Мэзона. М.: Мир, 1968. 392 с.