# 05;08;12

# Нетривиальное поведение пьезокоэффициентов 0—3-композитов "керамика модифицированного PbTiO<sub>3</sub>—полимер"

## © С.В. Глушанин, В.Ю. Тополов, А.В. Криворучко

Ростовский государственный университет E-mail: topolov@phys.rsu.ru

### Поступило в Редакцию 16 мая 2004 г.

Исследованы пьезоэлектрические свойства 0–3-композитов, содержащих сфероидальные включения из сегнетопьезокерамики модифицированного PbTiO<sub>3</sub>. Проанализированы примеры монотонных и немонотонных концентрационных зависимостей эффективных пьезокоэффициентов  $e_{3j}^*$ ,  $d_{3j}^*$ ,  $g_{3j}^*$  и  $h_{3j}^*$  (j = 1; 3) композитов с вытянутыми включениями. Показана важная роль упругих свойств полимерной матрицы и знаков пьезокоэффициентов  $e_{3j}^{(FC)} > 0$  включений в формировании нетривиального пьезоэлектрического отклика 0–3-композитов на основе модифицированного PbTiO<sub>3</sub>.

Композиты со связностью 0–3, состоящие из сегнетопьезокерамических (СПК) включений и протяженной полимерной матрицы, характеризуются разнообразными физическими свойствами [1–4] и находят применения в современной пьезоэлектрической технике, акустике и других областях. Для данной связности установлена существенная зависимость эффективных электромеханических свойств, пьезочувствительности и параметров приема композитов от формы и взаимного расположения СПК включений [5–8]. При прогнозировании эффективных свойств 0–3-композитов "СПК–полимер" в качестве СПК компонентов, как правило, рассматриваются перовскитовые керамики на основе BaTiO<sub>3</sub> и Pb( $Zr_{1-x}Ti_x$ )O<sub>3</sub> [3,6,8], пьезокоэффициенты  $e_{3j}^{(FC)}$  которых имеют следующие знаки:

$$\operatorname{sgn} e_{33}^{(FC)} = -\operatorname{sgn} e_{31}^{(FC)} > 0.$$
 (1)

Особый случай представляют СПК модифицированного PbTiO<sub>3</sub>, обладающие не только большой анизотропией пьезомодулей  $d_{3j}^{(FC)}$ , но и одинаковыми знаками  $e_{3j}^{(FC)}$ , причем отношение  $e_{33}^{(FC)}/e_{31}^{(FC)}$  варьируется в широких пределах. Среди СПК с

$$\operatorname{sgn} e_{33}^{(FC)} = \operatorname{sgn} e_{31}^{(FC)} > 0$$
 (2)

можно отметить ( $Pb_{0.9625}La_{0.025}$ )( $Ti_{0.99}Mn_{0.01}$ )O<sub>3</sub> (I,  $e_{33}^{(FC)}/e_{31}^{(FC)} =$ = 14.2) [9], ( $Pb_{0.9625}La_{0.025}$ )( $Ti_{0.99}Mn_{0.01}$ )O<sub>3</sub> (II,  $e_{33}^{(FC)}/e_{31}^{(FC)} =$  5.15)\* [10], ( $Pb_{0.855}Nd_{0.10}$ )( $Ti_{0.99}Mn_{0.01}$ )O<sub>3</sub> (III,  $e_{33}^{(FC)}/e_{31}^{(FC)} =$  4.91) [10], ( $Pb_{0.855}Nd_{0.11}$ )( $Ti_{0.94}Mn_{0.02}In_{0.04}$ )O<sub>3</sub> (IV,  $e_{33}^{(FC)}/e_{31}^{(FC)} =$  4.41) [10] и РZ34 (V,  $e_{33}^{(FC)}/e_{31}^{(FC)} =$  1.80) [5], для которых экспериментально определены полные наборы упругих, пьезо- и диэлектрических констант при комнатной температуре. Цель настоящего сообщения в рамках модели 0–3-композита со сфероидальными включениями проанализировать влияние СПК компонента (модифицированного PbTiO<sub>3</sub>) на эффективные пьезокоэффициенты  $e_{3j}^*$ ,  $d_{3j}^*$ ,  $g_{3j}^*$  и  $h_{3j}^*$ (j = 1; 3).

Рассматриваемый композит "СПК включения-полимерная матрица" имеет ячеистую структуру. Предполагается, что все включения имеют одинаковые размеры, а их сфероидальная форма задается уравнением  $(x_1/a_1)^2 + (x_2/a_1)^2 + (x_3/a_3)^2 = 1$  в осях прямоугольной системы координат (X1X2X3) образца, причем вектор остаточной поляризации каждого включения сонаправлен с осью ОХ3. Данный композит описывается предельной группой симметрии  $\infty mm$ . Объемная концентрация СПК  $m = V_{FC}/V_{cell}$  определяется как доля объема "элементарной" ячейки Банно V<sub>cell</sub>, занимаемая отдельным сфероидальным включением, где  $V_{FC}$  — его объем. Эффективные электромеханические константы  $x_{ab}^*$ 0-3-композита определяются методом эффективного поля [6,11] с учетом электромеханического взаимодействия между СПК включениями при варьировании отношения длин их полуосей  $\rho = a_1/a_3$  в широком интервале и объемной концентрации *m* в интервале [0.01; 0.50]. Для сравнения укажем, что в случае сферического включения ( $\rho = 1$ ) в кубической ячейке со стороной  $b_0$  радиус включения  $0 < r < b_0/2$ ,

<sup>\*</sup> Из сравнения электромеханических констант СПК I и II следует, что условия синтеза и поляризации данных материалов заметно влияют на их пьезокоэффициенты  $e_{ii}^{(FC)}$ .



**Рис. 1.** Расчетные значения локальных экстремумов эффективных пьезокоэффициентов  $x_{3j,m}^*$  и соответствующих объемных концентраций  $m_f$  сфероидальных включений 0-3-композитов "СПК II-аральдит":  $1 - d_{31,m}^* = \min d_{31}^*(m,\rho)|_{\rho=\text{const}}$  (в рС/N);  $2 - 10^{-1}g_{31,m}^* = 10^{-1}\min g_{31}^*(m,\rho)|_{\rho=\text{const}}$  (в mV·m/N);  $3 - 10^{-1}g_{33,m}^* = 10^{-1}\max g_{33}^*(m,\rho)|_{\rho=\text{const}}$  (в mV·m/N);  $4 - m_1$  (в %);  $5 - m_2$  (в %). Значения  $m_f$  определяются из соотношений  $d_{31}^*(m_1,\rho) = d_{31,m}^*$  и  $g_{31}^*(m_2,\rho) = g_{31,m}^*$ .

а отношение объемов  $0 < V_{FC}/V_{cell} < \pi/6$ . Предполагается также, что удельные электропроводности СПК  $\gamma^{(FC)}$  и полимерного  $\gamma$  компонентов связаны соотношением  $\gamma \ge \gamma^{(FC)}$ , что благоприятствует лучшей поляризации композитного образца. Расчеты  $x_{ab}^*$  проводятся с использованием экспериментальных значений электромеханических констант СПК I–V и следующих пьезопассивных полимеров: аральдита [5,12], полиуретана [12], полиэтилена [5] и эпоксидной смолы [5]. Некоторые примеры поведения эффективных параметров 0–3-композита на основе модифицированного PbTiO<sub>3</sub> представлены на рис. 1 и 2.

Характерными особенностями исследуемых композитов являются обнаруженный впервые  $\min d_{31}^*$  (кривая *1* на рис. 1 и кривая *3* на рис. 2, *a*, *b*) и "согласованное" появление  $\min g_{31}^*$  и  $\max g_{33}^*$  (кри-



Рис. 2. Эффективные пьезокоэффициенты  $e_{3j}^*(m, \rho)$  (в C/m<sup>2</sup>),  $d_{3j}^*(m, \rho)$  (в pC/N),  $g_{3j}^*(m, \rho)$  (в mV·m/N),  $h_{3j}^*(m, \rho)$  (в  $10^8$  V·m) (*a*-*c*) и отношение  $d_{33}^*(m, \rho)/d_{33}^{(FC)}$  (*d*) 0–3-композитов.  $I - 10^2 e_{31}^*$  (*a*-*c*);  $2 - e_{33}^*$  (*a*, *b*) или  $10^2 e_{33}^*$  (*c*);  $3 - d_{31}^*$  (*a*, *b*) или  $10d_{31}^*$  (*c*);  $4 - 10^{-1}d_{33}^*$  (*a*, *b*) или  $d_{33}^*$  (*c*);  $5 - 10^{-1}g_{31}^*$  (*a*, *b*) или  $g_{31}^*$  (*c*);  $6 - 10^{-2}g_{33}^*$  (*a*, *b*) или  $10^{-1}g_{33}^*$  (*c*);  $7 - h_{31}^*$  (*a*-*c*);  $8 - 10^{-1}h_{33}^*$  (*a*, *b*) или  $h_{33}^*$  (*c*), рассчитанные для 0–3-композита "СПК II-аральдит" с  $\rho = 0.01$  (*a*),  $\rho = 0.10$  (*b*) и  $\rho = 1$  (*c*). На графике *d* кривые *I*, *2*, *3*, *4* построены для 0–3-композита "СПК II-аральдит" с  $\rho = 0.01$ , 0.05, 0.10, 0.15 соответственно, экспериментальные данные 5 и 6 относятся к 0–3-композитам "СПК РbTiO<sub>3</sub> – 70/30 mol.% сополимер фторида винилидена–трифторэтилена" [13] и "СПК (Pb, Ca)TiO<sub>3</sub> – 75/25 mol.% сополимер фторида винилидена–трифторэтилена" [14] соответственно.

вые 2, 3 на рис. 1 и кривые 5, 6 на рис. 2, *a*, *b*) при  $0 < \rho < \rho^*$ . Установлено, что для различных сочетаний СПК и полимерного компонентов  $\rho^* = 0.11 - 0.16$ , причем с увеличением жесткости полимера при одной и той же СПК значение  $\rho^*$  увеличивается примерно на 0.01 - 0.02. Значения  $m_f$ , удовлетворяющие усло-

виям  $g_{31}^{*}(m_2, \rho) = g_{31,m}^{*}$  и  $g_{33}^{*}(m_3, \rho) = g_{33,m}^{*}$ , различаются не более чем на 0.01, и поэтому кривая  $m_3(\rho)$  на рис. 1 не показана. Расчетные зависимости  $e_{33}^{*}(m, \rho)$ ,  $d_{33}^{*}(m, \rho)$  и  $g_{33}^{*}(m, \rho)$  (кривые 2, 4–6 на рис. 2, a-c) аналогичны определенным ранее [6,8,15] для 0–3-композитов на основе СПК, удовлетворяющих условию (1). Значения  $g_{33,m}^{*}$  при  $\rho \ll 1$  существенно зависят от жесткости полимера, окружающего СПК включения. Например, при  $\rho = 0.01$  в композите "СПК II–аральдит"  $g_{33,m}^{*}/g_{33}^{(FC)} = 9.13$ , а в композите "СПК II–полиэтилен"  $g_{33,m}^{*}/g_{33}^{(FC)} = 24.6$ , тогда как модули упругости  $c_{11}$  указанных полимеров различаются в 2.3 раза,  $c_{12}$  — в 1.5 раз, а диэлектрические проницаемости  $\varepsilon_{pp}$  — в 1.6 раз. Добавим, что в интервале  $0 < \rho < \rho^*$  исследуемые 0–3-композиты обнаруживают большую анизотропию  $e_{33}^*/e_{31}^* = h_{33}^*/h_{31}^* \gg 1$  при sgn  $e_{31}^* = \operatorname{sgn} h_{31}^* > 0$  и  $d_{33}^*/|d_{31}^*| = g_{33}^*/|g_{31}^*| \approx 3-5$ . Такие особенности поведения пьезокоэф-фициентов  $x_{3j}^*(m, \rho)$  указывают на важную роль упругих свойств полимерию прослеживается при анализе зависимости  $d_{31}^*(m, \rho)|_{\rho\ll 1}$  (кривая 3 на рис. 2, *a*, *b*). Соотношение  $d_{31}^* = e_{31}^*(s_{11}^{*E} + s_{12}^{*E}) + e_{33}^*s_{13}^{*E} < 0$  означает, что пьезокоэффициенты  $e_{3j}^* > 0$  и упругие податливости  $s_{1j}^*$  связаны неравенством  $e_{33}^*/e_{31}^* > -(s_{11}^{*E} + s_{12}^{*E}) + e_{33}^*/e_{31}^* > c_{33}^*/c_{13}^*$ ,  $-(s_{11}^{*E} + s_{12}^{*E}) + e_{33}^*/e_{31}^* > c_{33}^*/c_{13}^*$ ,  $-(s_{11}^{*E} + s_{12}^{*E}) + (s_{33}^*/e_{31}^* > c_{33}^*/c_{13}^*$ ,  $-(s_{11}^{*E} + s_{12}^{*E}) + (s_{33}^*/e_{31}^* > c_{33}^*/c_{13}^*$ ,  $-(s_{11}^{*E} + s_{12}^*/e_{33}^*/e_{31}^* > c_{33}^*/c_{13}^*$ ,  $-(s_{11}^{*E} + s_{12}^*/e_{33}^*/s_{13}^* < 0$  означает, что пьезокоэффициенты  $e_{3j}^* > 0$  и упругие податливости  $s_{1j}^*/c_{13}^*/c_{13}^*/c_{13}^*/c_{13}^*/c_{31}^*/c_{31}^*/c_{33}^*/c_{31}^*/c_{33}^*/c_{31}^*/c_{33}^$ 

И увеличение объемной концентрации *m* СПК включений, и "утолщение" сфероидов с ростом  $\rho$  приводят к заметному снижению  $e_{33}^*/e_{31}^*$  при небольших изменениях  $c_{33}^{*E}/c_{31}^{*E}$ , что сказывается на конфигурации кривой  $d_{31}^*(m,\rho)|_{\rho=\text{const}}$  (ср. кривые 3 на рис. 2, *a* и 2, *c*). Переход от сильно вытянутого сфероидального включения к сферическому и соответствующие изменения граничных условий для электрических и механических полей вызывают уменьшение не только всех четырех типов пьезокоэффициентов  $|x_{3j}^*|$  при *m* = const (ср. рис. 2, *a* и 2, *c*), но и фактора анизотропии  $e_{33}^*/e_{31}^*$ . Поэтому для практических применений большой интерес может представлять интервал  $0 < \rho < \rho^*$  (рис. 2, *a*, *b*). Именно в этом интервале  $\rho$  при различных *m* отношение  $d_{33}^*(m, \rho)/d_{33}^{(FC)}$  (кривые 1-4 на рис. 2, *d*) принимает значения, близкие к экспериментальным  $d_{33}^*/d_{33}^{(FC)}$  [13,14] 0–3-композитов с двумя пьезоактивными компонентами (зависимости 5, 6 на рис. 2, *d*). Кроме того, для композитов "СПК II–пьезопассивный полимер" установлены

сравнительно высокие значения гидростатического пьезокоэффициента  $g_h^* = g_{33}^* + 2g_{31}^*$ : например, при  $0.01 \le \rho \le 0.10$  значение  $g_h^*(m, \rho)$ уменьшается от 90.3 до 52.6 mV · m/N (матрица из аральдита) или от 114 до 54.7 mV · m/N (матрица из полиуретана). Приведенные оценки соизмеримы с экспериментальными  $g_h^*$  различных 0–3-композитов "СПК РbTiO<sub>3</sub>-полимер" ( $g_h^* = (47-100)$  mV · m/N) [16] и существенно выше экспериментального значения  $g_h^* = 8$  mV · m/N, определенного [16] для 0–3-композита "СПК РZТ-полиуретан".

Таким образом, установленное нетривиальное поведение пьезокоэффициентов 0–3-композитов на основе PbTiO<sub>3</sub> объясняется необычными знаками  $e_{3j}^{(FC)}$  (см. соотношение (2)), ролью упругих свойств полимерной матрицы и различием факторов анизотропии  $e_{33}^*/e_{31}^*$  и  $d_{33}^*/d_{31}^*$ при наличии вытянутых включений. Полученные результаты могут способствовать созданию новых пьезоматериалов, в которых сочетаются преимущества анизотропных СПК компонентов, регулярной микроструктуры и особенности электромеханического взаимодействия СПК включений.

Авторы выражают благодарность проф. А.В. Турику (Россия), Dr. M. Kamlah и Dr. Ch. Poizat (ФРГ) за постоянный интерес к тематике исследований.

Работа выполнена при финансовой поддержке Министерства образования РФ (грант А03–2.9–413).

#### Список литературы

- [1] Newnham R.E. // MRS Bull. 1997. V. 22. N 5. P. 20-34.
- [2] Furukawa T., Ishida K., Fukada E. // J. Appl. Phys. 1979. V. 50. N 7. P. 4904– 4912.
- [3] Хорошун Л.П., Маслов Б.П., Лещенко П.В. Прогнозирование эффективных свойств пьезоактивных композитных материалов. Киев: Наук. думка, 1989. 208 с.
- [4] Chan H.L.W., Ng P.K.L., Choy C.L. // Appl. Phys. Lett. 1999. V. 74. N 20. P. 3029–3031.
- [5] Levassort F., Lethiecq M., Millar C., Pourcelot L. // IEEE Trans. Ultrason., Ferroelec., a. Freq. Contr. 1998. V. 45. N 6. P. 1497–1505.

- [6] Levin V.M., Rakovskaja M.I., Kreher W.S. // Internat. J. Solids a. Struct. 1999.
  V. 36. N 18. P. 2683–2705; Erratum: Internat. J. Solids a. Struct. 2000. V. 37.
  N 52. P. 7821.
- [7] Bowen C.R., Topolov V.Yu. // Acta Mater. 2003. V. 51. N 7. P. 4965–4976.
- [8] Poizat Ch., Sester M. // Comput. Mater. Sci. 1999. V. 16. N 1-4. P. 89-97.
- [9] Ikegami S., Ueda I., Nagata T. // J. Acoust. Soc. Amer. 1971. V. 50. N 4. Pt. 1. P. 1060–1066.
- [10] Nagatsuma K., Ito Y., Jyomura S., Takeuchi H., Ashida S. Piezoelectricity / Ed. G.W. Taylor, J.J. Gagnepain, T.R. Meeker et al. New York, London, Paris etc.: Gordon a. Breach Sci. Publ., 1985. P. 167–176.
- [11] Jiang B., Fang D.-N., Hwang K.-C. // Internat. J. Solids a. Struct. 1999. V. 36. N 18. P. 2707–2733.
- [12] Тополов В.Ю., Турик А.В. // ЖТФ. 2001. Т. 71. № 9. С. 26–32.
- [13] Ngoma J.B., Cavaille J.Y., Paletto J., Perez J. // Ferrolectrics. 1990. V. 109. N 1-4. P. 205-210.
- [14] Dias C.J., Das-Gupta D.K. // Proc. 4th Internat. Conf. Properties and Applications of Dielectric Materials. July 3–8, 1994. Brisbane, Australia. IEEE. 1994. P. 175–178.
- [15] Лущейкин Г.А. // Изв. АН СССР. Сер. физ. 1987. Т. 51. № 12. С. 2273-2276.
- [16] Pohanka R.C., Smith P.L. // Electronic Ceramics. Properties, Devices, and Applications / Ed. L.M. Levinson. New York, Basel: Marcel Dekker Inc., 1988. P. 45–145.