01;06.2 Аналитическая модель запираемого тиристора с немонотонным оттеснением остаточной плазмы

© А.В. Горбатюк

Физико-технический институт им. А.Ф. Иоффе РАН, Санкт-Петербург E-mail: agor.pulse@mail.ioffe.ru

Поступило в Редакцию 28 июня 2007 г.

Предложена модель механизма обратного восстановления запираемого тиристора, учитывающая диффузионное сглаживание и возможную немонотонность движения границы между остаточной плазмой и блокирующим полевым доменом в слаболегированной базе. Такой учет важен, в частности, при вынужденном введении избыточного запаса по электрической и тепловой перегрузке при частотной работе в индуктивных цепях. В подобных условиях динамические поля и напряжения могут намного превышать значения, достигаемые в состояниях статической блокировки, а усредненные за период переходные тепловые потери составляют, как правило, намного больше половины полных потерь. Возможности модели проиллюстрированы на примере 4*H*-SiC тиристора в режиме импульсного прерывателя источника тока.

PACS: 72.20.-i, 72.20.Ht, 85.30.-z, 85.30.Rs, 07.50.Ek

Успешные разработки силовых микросхем типа биполярных транзисторов с изолированными затворами (БТИЗ) привели к практическому вытеснению ими переключателей других типов из преобразовательной техники малой и средней мощности [1]. Однако переход на мощности вплоть до 10 MW увязывается с дальнейшим совершенствованием высоковольтных запираемых тиристоров (3T) [2–4], обладающих лучшими, чем транзисторы, статическими характеристиками в интервале напряжений 2–6 kV. Кроме этого, открываются перспективы разработки SiC тиристоров [5] с напряжением в единицы киловольт, временами выключения менее 100 ns и способных работать при температурах 450–500 K. До настоящего времени, тем не менее, область безопасной работы 3T остается более узкой, чем у БТИЗ, что вынуждает вводить избыточный запас по электрической и тепловой перегрузке, особенно при частотной работе в индуктивных цепях. При этом выбор надлежащих

54

условий эксплуатации 3Т весьма затруднен из-за многообразия схемотехнических решений и нехватки адекватных аналитических моделей, подобных тем, что были созданы в свое время для БТИЗ [6–8].

В настоящем сообщении предлагается улучшенная модель высоковольтного ЗТ, учитывающая как наиболее важные особенности инжекционно-экстракционных процессов в полупроводнике в сильных полях, так и связи по напряжению и току с внешней цепью.

Работа ЗТ основана на внешнем управлении двойной инжекцией. При этом один из эмиттеров (для кремния n^+ -эмиттер) управляется сторонним воздействием через распределенный затвор, а другой — за счет взаимной связи между электронными и дырочными потоками. Типичная ситуация, возникающая при выключении ЗТ, изображена на рис. 1, *а*. Конкретно рассматривается SiC-тиристор [5,9], отличающийся от кремниевого прототипа тем, что имеет "инвертированную" $p^{++}n^+p^-p'n^{++}$ -структуру со слаболегированной p^- -базой и распределенным со стороны анода микронным затвором, открывающим или прерывающим инжекцию дырок. Перед началом процесса выключения ЗТ находится в проводящем состоянии при плотности тока $J = J_0$. Начальное распределение концентрации плазмы $p_0(x)$ вдоль базы имеет профиль вида

$$p_0(x) = p_{\min} \cosh \frac{x - x_{\min}}{L_h},\tag{1}$$

который мы полагаем заданным; $L_h = \sqrt{D_h \tau_h}$ — диффузионная длина, $D_h = 2bD_p/(b+1)$ — коэффициент амбиполярной диффузии, D_p коэффициент диффузии дырок, b — отношение подвижностей электронов и дырок, τ_h — время жизни в базе. Поскольку инжектирующая способность эмиттеров в ЗТ, как правило, невелика, далее считается, что диффузия ответственна только за форму $p_0(x)$, а перенос зарядов в плазме осуществляется в основном за счет дрейфа, поэтому $J_p \approx J/(b+1)$ и $J_n \approx bJ(b+1)$.

В момент t = 0 на электрод управления подается запирающий импульс $U_G > 0$ предположительно такой амплитуды, что плотность тока экстракции электронов J_G на границе с *p*-базой достигает значения J_0 , а инжекция дырок анодом прекращается еще до появления обратного смещения коллектора с момента t_0 , когда на нем только зарождается область пространственного заряда (ОПЗ). Для $t > t_0$ ОПЗ коллектора расширяется в глубь базы и оттесняет левую границу плазмы $\xi(t)$, что в дальнейшем ведет к увеличению напряжения и



Рис. 1. *а* — геометрия модели; к вычислению дифференциала заряда: *b* — на стадии среза тока, с — на завершающей стадии. На вставке — эквивалентная схема прерывателя источника постоянного тока.

к ограничению тока. При этом взаимосвязь между величиной поля в максимуме $E_C(t)$, напряжением U(t) на ОПЗ и положением $\xi(t)$ при мгновенной плотности тока J(t) находится после интегрирования уравнения Пуассона с учетом насыщения скорости дрейфа электронов $v_n \rightarrow v_s$ и выражается формулами

$$E_C = \left(1 + \frac{J(t)}{qN_a v_s}\right) \frac{qN_a}{\epsilon_{\rm SiC}} \xi(t), \quad U = \left(1 + \frac{J(t)}{qN_a v_s}\right) \frac{qN_a}{\epsilon_{\rm SiC}} \frac{\xi(t)^2}{2}, \quad (2)$$

где $\epsilon_{\rm SiC}$ — диэлектрическая проницаемость SiC. Что касается динамики границы оттесняемой плазмы, то подобный процесс впервые описывался как часть процесса восстановления

ции p_0 и экстракционного тока *J*. При построении нашей модели мы берем за основу саму идею работы [10], полагая применительно к SiC-структуре, что скорость изменения остаточного заряда дырок в плазме происходит за счет их полного выдавливания из участков, подлежащих захвату слоем ОПЗ, и их утечки в n^+ -эмиттер:

$$\frac{dQ}{dt} = \frac{dQ}{d\xi}\frac{d\xi}{dt} - \frac{1}{b+1}J = -J.$$
(3)

Дополнительно мы учитываем диффузионное сглаживание оттесняемой плазмы и возникновение в ней переходного слоя D с лидирующим фронтом $\eta(t)$ и толщиной $d(t) = \eta(t) - \xi(t)$,¹ а кроме этого, также и немонотонное движение отстающей границы $\xi(t)$, весьма вероятное в режимах с индуктивной нагрузкой, когда динамические поля и напряжения могут заметно превысить свои значения в стационарных состояниях.

В первом приближении будем считать, что концентрация в слое D на интервале $\xi < x < \eta$ нарастает от нуля до уровня $p_0(x = \eta)$ по линейному закону (рис. 1, *b*). Тогда можно связать положения лидирующей и отстающей границ с J(t) через соотношение

$$\xi = \eta - \frac{2qbD_p p_0(\eta)}{J(t)}.$$
(4)

Привлекая простые геометрические соображения о динамической перестройке переходного слоя (рис. 1, *b*) и выделяя результирующие положительные и отрицательные вклады в полный дифференциал заряда, можем записать:

$$dQ = \frac{q}{2} \left\{ \left[p_0 - (\eta - \xi) \frac{dp_0}{dx} \right] d\eta + p_0 d\xi \right\}_{x=\eta}.$$
 (5)

Далее, дифференцируя (4), установим связь между скоростями границ слоя D

$$\frac{d\xi}{dt} = \frac{d\eta}{dt} \left(1 - \frac{2qbD_p}{J} \frac{dp_0}{dx} \Big|_{\eta} \right) + \frac{2qbD_p p_0(\eta)}{J^2} \frac{dJ}{dt}.$$
 (6)

¹ Количественные оценки подобного эффекта были даны еще в теории высоковольтного 3T [11], а в работе [8] он даже был интегрирован в аналитическую, хотя и весьма громоздкую, теорию БТИЗ.

Затем, исключая переменную $d\xi/dt$ из уравнения (5) и используя общую формулировку (3), в итоге приходим к следующему дифференциальному закону движения границы η :

$$qp(\eta)\left(1-\frac{2qbD_p}{J}\frac{dp}{dx}\Big|_{\eta}\right)\frac{d\eta}{dt}+\frac{q^2p(\eta)^2bD_p}{J^2}\frac{dJ}{dt}=\frac{1}{b+1}J.$$
 (7)

По мере оттеснения плазмы рассасывание остаточного заряда замедляется. При этом уменьшается также и градиент концентрации плазмы в слое D. Когда его лидирующая граница η достигнет правой границы *p*-базы, динамика остаточного заряда слоя D теряет связь с начальным профилем. Именно этот момент следует считать переходом к завершающей стадии процесса, которую можно описать в рамках зарядового приближения

$$\frac{dQ}{dt} = -\frac{Q}{\tau_h} - (1 - \alpha_{K2})J.$$
(8)

Последний член в (8) учитывает продолжающуюся утечку дырок через границу x = w, которая автоматически учитывалась ранее через полевую составляющую в плазме $J_p = J(b+1)$. Здесь $\alpha_{K2} > b/(b+1)$ — новое значение коэффициента передачи катодного транзистора, несколько увеличенное из-за спада тока. Исходя из графического представления для дифференциала заряда на рис. 1, *c*, можем записать

$$J_n = J = \frac{b}{b+1}J + \frac{Q}{\theta_D}, \qquad \theta_D = \frac{(w-\xi)^2}{2D_h}.$$
 (9)

Подставив в (8) зависимость $Q[J, \theta_D(\xi)]$ из (9) с учетом связи (2), получим новое дифференциальное уравнение для переменной ξ на завершающей стадии:

$$\frac{d\xi}{dt} = \frac{w - \xi}{2\tau_h} + \frac{D_h(b+1)(1 - \alpha_{K2})}{w - \xi} + \frac{(w - \xi)}{2J}\frac{dJ}{dt}.$$
 (10)

Входящие в уравнения (7) и (10) переменные J(t) и U(t) связаны между собой законами конкретной цепи. Рассмотрим пример применения ЗТ в прерывателе источника постоянного тока, эквивалентная схема которого показана на вставке рис. 1. Кроме индуктивной нагрузки, представляемой источником тока силой J_0 , она содержит

источник напряжения с ЭДС U_{st} , диод свободного хода D_F , запираемый тиристор и паразитную индуктивность L_s . Если тиристор открыт, диод смещен в обратном направлении и весь ток нагрузки проходит через тиристор. Если тиристор заперт, ток нагрузки проходит через диод. В переходном процессе переключения ответвление тока в диод возможно только в случае $U(t) > U_{st} = U_0$. До этого ток через 3T постоянен $J = J_0$, dJ/dt = 0 и уравнение (7) самостоятельно описывает динамику восстановления 3T. В противном случае избыточное напряжение $\Delta U = U - U_{st} > 0$ прикладывается к последовательной цепочке $L_s - D_F$. Ее работа в пренебрежение сопротивлением диода описывается уравнением для $J = J_0 - J_D$:

$$L_s \frac{dJ}{dt} = U_{st} - U(t). \tag{11}$$

Теперь динамика 3Т определится системой (7), (10) и (11), причем в правую часть уравнений (7) и (10) необходимо ввести явную зависимость $dJ/dt = [U_{st} - U(t)]/L_s$. Заметим, что подключение $L_s - D_F$ цепочки начинается в момент t_1 и длится до полного завершения процесса восстановления, включая переходный момент от среза тока к стадии установления состояния блокировки t_2 . Соответствующие наборы параметров слоя D в эти моменты обозначены на рис. 1, *а* индексами 1 и 2.

Далее использованы следующие параметры материала 4*H*-SiC и структуры 3T: $\epsilon_{\text{SiC}} = 0.855 \cdot 10^{-12}$ F/cm, $D_p = 3.22$ cm²/s, $v_s = 1.5 \cdot 10^7$ cm/s, $b = \mu_n/\mu_p = 7.7$, $N_a = 8 \cdot 10^{14}$ cm⁻³, $w = 50 \,\mu$ m, $\tau_h = 0.5 \,\mu$ s.

На рис. 2 показана динамика лидирующей η и отстающей границ ξ слоя D, плотности тока J(t), напряжения U(t), максимального поля $E_C(t)$ и мгновенной величины интеграла потерь W(t) при ЭДС источника $U_{st} = 1200$ V, $J_0 = 1000$ A/cm² и приведенной к единице площади ЗТ индуктивности $L_s = 10$ nH · cm². Как и ожидалось, SiC-тиристор демонстрирует быстрый срез импульса тока всего за 25 ns, а наблюдаемые характернстики U(t) и J(t) имеют типичную форму с пропорциями, характерными для кремниевого ЗТ. При этом сохраняется достаточно большой запас по пороговому полю пробоя, а также по техническим нормам для W_m . Обращает на себя внимание, однако, некоторая немонотонность движения отстающей границы ξ/w_{st} , четко коррелированная со срезом тока.



Рис. 2. Динамика времязависимых переменных (в нормированных единицах) при запирании 4*H*-SiC тиристора для $t > t_0$ при $J_0 = 1000$ A/cm², $U_{st} = 1200$ V и L = 10 nH · cm². При этом $w_{st} = 40.05 \,\mu$ m, $E_{st} = 6 \cdot 10^5$ V/cm, $W_m = 0.069$ J/cm². Считается, что параметры эмиттеров таковы, что положение минимума профиля $p_0(x)$ лежит при $x = x_{min} = 0.5w$, а часть прямого напряжения, падающего на плазме $U_{\mathscr{P}} = 3$ V.

На рис. З иллюстрируется та же структура, но в цепи с увеличенной индуктивностью $L_s = 50 \text{ nH} \cdot \text{cm}^2$ и уменьшенными значениями $U_{st} = 600 \text{ V}$ и $J_0 = 550 \text{ A/cm}^2$. Теперь длительность среза тока увеличивается до 50 ns, а степень переброса максимального динамического поля $E_C(t)$, напряжения U(t) и немонотонность движения границы $\xi(t)$ выражены намного сильнее, хотя нарастание интеграла потерь W(t) происходит медленнее.

Фактически предлагаемая модель ЗТ иллюстрирует те же возможности, что и лучшие аналитические модели, используемые для БТИЗ [6–8]. Дополнительно она учитывает также и немонотонность оттеснения плазмы, возникающую в цепях с индуктивностями. Заметим, что



Рис. 3. То же, что и на рис. 2, но при $J_0 = 550 \text{ A/cm}^2$, $U_{st} = 600 \text{ V}$, $L_s = 50 \text{ nH} \cdot \text{cm}^2$. При этом $w_{st} = 28.32 \,\mu\text{m}$, $E_{st} = 4.2 \cdot 10^5 \text{ V/cm}$, $W_m = 0.016 \text{ J/cm}^2$. Считается также, что $x_{\min} = 0.5w$, но теперь $U_{\mathscr{P}} = 2 \text{ V}$.

это явление, влияющее количественно на параметры перехода между стадиями среза тока и установления состояния блокировки, а значит и на точность определения интеграла потерь, не демонстрировалось в предшествующих моделях ЗТ [2,4,11] и БТИЗ. Выполнение одного цикла расчетов при решении уравнений модели для конкретного набора параметров с использованием, например, свободно распространяемой версии программного пакета FlexPDE [12], занимает всего несколько минут. Таким образом, эта модель может быть рекомендована для быстрых проверок вариантов конструкции, внешней цепи или же для оценки степени электрической и тепловой динамической перегрузки.

В заключение автор благодарит И.В. Грехова за полезные обсуждения.

Работа выполнена при поддержке РФФИ (грант № 07-08-00689).

Список литературы

- [1] Brown E.R. // Solid-State Electronics. 1998. V. 42. N 12. P. 2119–2130.
- [2] Gerlach W., Qu N. // Archiv für Elektrotechnik. 1991. V. 74. P. 433-444.
- [3] Huang S., Udrea F., Amaratunga G.A.J. // Solid-State Electronics. 2003. V. 47. P. 1429–1436.
- [4] Грехов И.В., Мнацаканов Т.Т., Юрков С.Н. и др. // ЖТФ. 2005. Т. 75. В. 7. С. 80–87; ЖТФ. 2006. Т. 76. В. 5. С. 76–81.
- [5] Levinshtein M.E., Rummyantsev S.L., Mnatsakanov T.T. et al. // International Journal of High Speed Electronics and Systems. 2005. V. 15. N 4. P. 931–996.
- [6] Sheng K., Williams B.W., Finney S.J. // IEEE Tr. Pow. Electron. 2000. V. 15. N 6. P. 1250–1266.
- [7] Hefner A. // IEEE Trans. Pow. Electron. 1990. V. 5. N 4. P. 459-468.
- [8] Feiler W., Gerlach W., Wiese U. // Solid-State Electronics. 1996. V. 39. N 1. P. 59–67.
- [9] Levinshtein M.E., Mnatsakanov T.T., Yurkov S.N. et al. // Solid-State Electronics. 2002. V. 46. P. 1953–1957.
- [10] Benda H., Spenke E. // Proc. IEEE. 1967. V. 55. N 8. P. 1331-1354.
- [11] Горбатюк А.В. Динамика и устойчивость быстрых регенеративных процессов в структурах мощных тиристоров. / Препринт ФТИ им. А.Ф. Иоффе. № 962. Л., 1985. 60 с.
- [12] Доступно на сайте: www.pdesolutions.com.